

## حالات مزونها و وابستگی آنها به اسپین و ایزواسپین

علی اکبر رجبی و نسرین صالحی

دانشکده فیزیک، دانشگاه صنعتی شاهرود  
پست الکترونیکی: a.a.rajabi@shahroodut.ac.ir

(دریافت مقاله: ۸۶/۱۱/۲۹؛ دریافت نسخه نهایی: ۸۷/۶/۲۷)

### چکیده

مزون از یک کوارک و یک پادکوارک تشکیل شده است که تحت تأثیر ترکیبی از پتانسیلهای نوسانی نگهدارنده و رنگ حرکت می‌کنند. با توجه به اینکه کوارکها ذراتی با اسپین  $\frac{1}{2}$  می‌باشند لذا پتانسیل برهم‌کنش اسپین - اسپین نیز وجود دارد. همچنین برای کوارکهای  $u$  و  $d$  ایزواسپین داریم. همچنین پتانسیلهای مربوط به اثر ایزواسپین - ایزواسپین و اثر اسپین - ایزواسپین را باید در نظر گرفت. با مقایسه طیف مزونهای به‌دست آمده با مقدار محاسبه شده در این مدل می‌توان دریافت که کوارک - پادکوارک تشکیل دهنده مزونها در کدام حالت یکتایی و یا سه‌تایی از نظر اسپین و ایزواسپین قرار دارند. با استفاده از این مدل چگونگی آرایش حالات اسپین و ایزواسپین مربوط به هر مزون به‌دست می‌آید.

واژه‌های کلیدی: مزون، طیف، کوارک، پتانسیل نگهدارنده، پتانسیل رنگ

### ۱. مقدمه

مزونها، بوزونهایی هستند که دارای اسپین صفر و یا یک می‌باشند و از کوارک و پادکوارک که فرمیونهایی با اسپین  $\frac{1}{2}$  می‌باشند تشکیل شده‌اند. پتانسیل بین کوارک و پادکوارک در مزونها را می‌توان به روشهای مختلف در نظر گرفت، اما بهترین نوع آن پتانسیلی است که کلیه خصوصیات مربوط به جفت کوارک و پادکوارک را در بر داشته باشد. برهم‌کنشی که مورد توجه ما است برهم‌کنش نوسانات بین این دو ذره و پتانسیل نگهدارنده می‌باشند. علاوه بر این، پتانسیل نیروی رنگ با تعویض گلوئونها بین کوارک و پادکوارک ایجاد می‌شود، به‌نحوی که هر کوارک خود را در تحت تأثیر نیرویی می‌یابد که از کوارک دیگر به آن وارد می‌شود. با توجه به توضیحات بالا پتانسیل مرکزی را به صورت زیر در نظر می‌گیریم که شواهد

آزمایشگاهی نیز آن را تأیید می‌کند [۱ و ۲]:

$$U(x) = ax^2 + bx - \frac{c}{x} \quad (1)$$

در این رابطه  $x=r_{12}$  می‌باشد و  $r_{12}$  فاصله بین کوارک و پادکوارک است.

پتانسیل کوتاه برد  $-\frac{c}{x}$  مشابه پتانسیل جاذبه کولنی بوده و از برهم‌کنش بین کوارک و پادکوارک در فواصل کوچک ناشی می‌شود و منشاء آن بار رنگ است. در واقع این جمله از جابه‌جایی گلوئون ناشی می‌شود. پتانسیل رنگ معمولاً به صورت زیر می‌باشد [۱]:

$$V_{color}(x) = -f \frac{\alpha_s}{x},$$

که در آن  $f$  عامل رنگ است و به نوع رنگ مربوط به کوارکهای برهم‌کنش وابسته است. به سادگی محاسبه می‌شود که برای

ایزواسپین می‌توان پتانسیل جدیدی که پتانسیل برهم‌کنش اسپین - ایزواسپین می‌باشد را به دست آورد. بنابراین با توجه به رابطه (۲) پتانسیل اسپین - ایزواسپین را می‌توان به صورت زیر در نظر گرفت:

$$H_{S,T}^{(x)} = A_{ST} \left( \frac{1}{\sqrt{\pi\sigma_{ST}}} \right)^2 e^{-\frac{x^2}{\sigma_{ST}^2}} (\bar{S}_1, \bar{S}_2) (\bar{T}_1, \bar{T}_2) \quad (3)$$

که در آن  $\sigma_{ST} = 2/3 fm^2$  و  $A_{ST} = 106/2 fm^2$  است [۵، ۶، ۷].

پتانسیل اختلال مسئله مجموع پتانسیلهای برهم‌کنش (۲) و (۳) می‌باشد. ابتدا معادله شرودینگر را برای پتانسیل (۱) حل نموده و سپس پتانسیل اختلالی را در نظر گرفته و طیف مزونها را به دست می‌آوریم و با مقایسه جرم به دست آمده برای هر مزون می‌توان تشخیص داد که کوارکهای تشکیل دهنده هر مزون در حالت یکتایی و یا سه‌تایی قرار دارند و با این روش می‌توان تابع حالت هر مزون را به دست آورد.

با توجه به پتانسیل برهم‌کنش (۱) و پتانسیل برهم‌کنش فوق ریز (۲) می‌توان پتانسیل برهم‌کنش مربوط به یک مزون متشکل از یک کوارک - پادکوارک را به صورت زیر در نظر گرفت [۵]:

$$H_{int}(x) = H_0 + H_1 = U(x) + H_{S_1, S_2}^{(x)} + H_{T_1, T_2}^{(x)} + H_{S,T}^{(x)} \quad (4)$$

که در آن  $U(x)$  پتانسیل (۱) است.

## ۲. حل تحلیلی معادله شعاعی شرودینگر با پتانسیل برهم‌کنش (۱)

برای حل معادله شعاعی شرودینگر با پتانسیل غیر اختلالی  $U(x)$  در معادله (۱) روشی را معرفی می‌کنیم که به راحتی می‌توان برای سیستمهای دوتایی به کار برد، خصوصاً سیستمهایی دوتایی همانند مزونها که از یک کوارک  $q$  و یک پادکوارک  $\bar{q}$  تشکیل شده‌اند. بنابراین معادله شرودینگر چنین سیستمی برابر می‌شود با حرکت یک ذره نسبت به ذره دیگر و عبارت است از:

$$-\frac{\hbar^2}{2\mu} \frac{1}{x^2} \frac{\partial}{\partial x} \left( x^2 \frac{\partial \psi_{v,l}(x)}{\partial x} \right) + \left( U(x) - E_{v,l} + \frac{l(l+1)\hbar^2}{2\mu x^2} \right) \psi_{v,l}(x) = 0 \quad (5)$$

حالت هشت‌تایی رنگ  $f = -\frac{1}{6}$  و برای حالت یکتایی رنگ  $f = \frac{4}{3}$  می‌باشد. مقدار ضریب جفت‌شدگی قوی ( $\alpha_s$ ) بسیار کوچک بوده [۲۱] و پتانسیل  $ax^2 + bx$  هم نقش پتانسیل نگهدارنده و هم نوسانات یک کوارک را نسبت به کوارک دیگر در فاصله  $x$  نشان می‌دهد، در واقع این عبارت یک پتانسیل مقید کننده است. با توجه به جمله  $bx$  جداکردن کوارکها از هادرونها امکان پذیر نبوده و منجر به تولید جفتهای کوارک و پادکوارک جدید می‌شود (و به این دلیل است که هرگز کوارک آزاد در طبیعت یافت نمی‌شود). می‌توان چنین تصور کرد که خطوط نیروی میدان رنگ به وسیله واکنش گلوئون - گلوئون کشیده شده و این خطوط تشکیل باندهای نواری مثل ریسمان را می‌دهند. کشیدگی این ریسمانها مرتبط با انرژی پتانسیل  $ax^2 + bx$  می‌باشد، بنحوی که این انرژی با افزایش فاصله افزایش یافته و سرانجام به حدی می‌رسد که برای تولید جفت  $q\bar{q}$  مناسب بوده و در این صورت دو ریسمان کوچکتر از ریسمان دراز اولی خواهیم داشت. پتانسیلهای (۱) رفتار بین دو جسم را به صورت مرکزی مشخص می‌کند. در مطالعه و بررسی مورد نظر با مزونهای سنگین سروکار داریم، لذا کار را با معادله شرودینگر شروع می‌کنیم و تابع موج سیستم مزونی را به دست آورده و سپس پتانسیلهای ایزواسپین - اسپین و ایزواسپین - ایزواسپین را به صورت اختلالی وارد مسئله نموده و سهم مربوط به طیف هر مزون را محاسبه می‌کنیم. در واقع شکافتگی جرمی در چند لایه‌های هادرونی ممکن است وابسته به عوامل مختلفی باشد، لذا شکافتگی فوق ریز مورد بحث ما می‌تواند تأثیر زیادی داشته باشد. بنابراین نخست می‌توان پتانسیلهای برهم‌کنش اسپین - اسپین و ایزواسپین - ایزواسپین [۳ و ۴] را به صورت زیر به- کار برد:

$$H_{S_1, S_2}^{(x)} = A_S \left( \frac{1}{\sqrt{\pi\sigma_S}} \right)^2 e^{-\frac{x^2}{\sigma_S^2}} (\bar{S}_1, \bar{S}_2) \quad (2)$$

$$H_{T_1, T_2}^{(x)} = A_T \left( \frac{1}{\sqrt{\pi\sigma_T}} \right)^2 e^{-\frac{x^2}{\sigma_T^2}} (\bar{T}_1, \bar{T}_2).$$

از ترکیب پتانسیلهای برهم‌کنش اسپین - اسپین و ایزواسپین -

اینکه توانهای  $x$  یعنی  $x^n$  ( $n = \dots, -1, 0, 1, \dots$ ) مستقل خطی هستند، می توان ضرایب توانهای مختلف  $x$  را با هم مساوی قرار داد. در این صورت رابطه ای بین ضرایب پتانسیل  $a_1, b_1, c_1$  به دست آمده و علاوه بر این می توان رابطه بین ضرایب پتانسیل، انرژی و جرم کوآرکها را به دست آورد [۸ و ۹].

مقدار ویژه انرژی را می توان برای حالت  $v=0$  و اندازه حرکت  $l$  به صورت زیر به دست آورد:

$$E_{v,l} = \sqrt{\frac{a}{2\mu}}(2l+2) - \frac{b^2}{4a} = (l + \frac{3}{2})\omega - \frac{mc^2}{2(l+1)}. \quad (11)$$

تابع موج غیرمختل شده برای حالت  $v=0$  برابر می شود با:

$$\psi_{v,l}(x) = N_v x^{l+1} \exp\left(-\frac{\mu\omega x^2}{2} - \frac{b}{\omega}x\right), \quad (12)$$

ثانیاً برای حالت  $v=1$  تابع  $f(x)$  برابر می شود با  $f(x) = (x - \alpha_1)$ . تابع  $g(x)$  در معادله (۸) تعریف شده است. اکنون انرژی برای اولین حالت برانگیختگی  $v=1$  و اندازه حرکت زاویه ای  $l$  برابر می شود با:

$$E_{v,l} = \sqrt{\frac{a}{2\mu}}(2l+5) - \frac{b^2}{4a} = \left(l + \frac{5}{2}\right)\omega - \frac{b^2}{2m}, \quad (13)$$

و تابع ویژه غیرمختل شده اولین حالت برانگیختگی برابر است با:

$$\psi_{v,l}(x) = N_l \left[ x - \frac{(l+1)\omega}{mc\omega - b(l+1)} \right] \exp\left(-\frac{m\omega x^2}{2} - \frac{b}{\omega}x\right). \quad (14)$$

می توان توابع ویژه مربوط به حالات بالاتر را با همین روش به دست آورد. حالات مربوط به  $v=2, 3, \dots$  نیز به راحتی به دست می آیند. بدین ترتیب معادله شرودینگر به صورت دقیق و تحلیلی حل شده و مقادیر ویژه  $E_{v,l}$  و توابع ویژه  $\psi_{v,l}$  برای حالت غیراختلالی به دست می آید. اکنون با انتخاب پتانسیلهای غیرنگهدارنده (۴) به عنوان پتانسیلهای اختلالی می توان چگونگی حالات موجود مزونها را به دست آورد، که در کدام حالت پایدار یکتایی و یا سه تایی هستند. تابع موج اختلالی به خاطر برهم کنش اختلالی (۴) به دست می آید که در تقریب مرتبه اول برابر می شود با:

$$\psi_\gamma = \psi'_\gamma + \sum_{\gamma' \neq \gamma} \frac{\langle \psi_{\gamma'} | H_{in} | \psi_{\gamma'} \rangle \psi_{\gamma'}}{E_{\gamma'} - E_\gamma}. \quad (15)$$

که در آن  $\mu = \frac{m_q m_{\bar{q}}}{(m_q + m_{\bar{q}})}$  جرم کاهش یافته مربوط به کوآرک و پادکوآرک،  $v$  شماره گره (صفر روی محور)  $[\delta]$  و  $l$  عدد کوانتوم مداری حرکت یک ذره نسبت به ذره دیگر می باشد. اگر  $\psi(x) = \frac{1}{x} \phi(x)$  انتخاب کنیم در این صورت معادله (۵) به صورت زیر خلاصه می شود:

$$\phi''(x) + \frac{2\mu}{\hbar^2} \left[ E - U(x) - \frac{l(l+1)}{2\mu x^2} \hbar^2 \right] \phi(x) = 0. \quad (6)$$

از معادله (۶) می توان  $\phi(x)$  را به دست آورد. با فرض  $\hbar=c=1$  و با پیشنهاد  $\phi(x) = f(x) \exp[g(x)]$  می توان محاسبات مربوط به تعیین تابع  $\phi(x)$  را دنبال نمود. در اینجا توابع  $f(x)$  و  $g(x)$  را می توان به صورت زیر معرفی کرد:

$$\begin{cases} f_v(x) = \prod_{c=1}^v (x - \alpha_c^v) & v=1, 2, \dots \\ f_0(x) = 1 & v=0 \end{cases} \quad (7)$$

که در آن تابع  $f_v(x)$  مشابه چند جمله ای های هرمیت می باشد و ضریب  $\alpha_1^v$  بر حسب ضرایب پتانسیل به دست می آید. اما چند جمله ای  $g(x)$  با توجه به نوع پتانسیل برهم کنش بین کوآرک و پادکوآرک معین می شود که در این مسئله خاص با توجه به پتانسیل (۱) آن را به صورت زیر تعیین می کنیم:

$$g(x) = -\frac{1}{2}\alpha x^2 + \beta x + \delta \ln x. \quad (8)$$

با توجه به  $\phi(x)$  پیشنهادی، نتیجه می شود که:

$$\phi''(x) = \left[ g''(x) + g'^2(x) + \frac{f''(x) + 2g'(x)f'(x)}{f(x)} \right] \phi(x) \quad (9)$$

ضرایب شدت پتانسیل برهم کنش از رابطه (۶) برابرند با  $\varepsilon = 2\mu E_{v,l}$  و  $c_1 = 2\mu c$ ،  $a_1 = 2\mu a$ ،  $b_1 = 2\mu b$

حال برای حالت  $v=0$   $[\delta]$  مسئله را حل می کنیم. با استفاده از توابع  $f_0(x)$ ،  $g(x)$  و پتانسیل  $U(x)$ ، به صورت زیر خلاصه شده داریم:

$$\frac{l(l+1)}{x^2} + \varepsilon \frac{c_1}{x} + b_1 x + a_1 x = a^2 x^2 - 2\alpha\beta x - \alpha(1+2\delta) + \beta^2 + \frac{2\beta\delta}{x} + \frac{\delta(\delta-1)}{x^2}. \quad (10)$$

با استفاده از معادله (۱۰)، با یک محاسبه ساده و با توجه به

$$\delta_S^{(1)} = \langle \psi | H_S | \psi \rangle = \frac{A_S (\bar{S}_1, \bar{S}_2) \int_{-\infty}^{\infty} x^\nu e^{-\frac{x^2}{\sigma_S^2} - 2\beta x^\nu + 2\gamma x} dx}{(\sqrt{\pi\sigma_S})^2 \int_{-\infty}^{\infty} x^\nu e^{-2\beta x^\nu + 2\gamma x} dx}, \quad (19)$$

که در آن  $\gamma = -\frac{b}{\omega}$  است.

حل تحلیلی انتگرال فوق جویابی به صورت زیر به دست می‌دهد:

$$\delta_S^{(1)} = \frac{A_S (\bar{S}_1, \bar{S}_2)}{(\sqrt{\pi\sigma_S})} \times \left[ \frac{\frac{\gamma}{\Gamma(\beta + \frac{1}{2\lambda})} + \frac{\beta + \frac{1}{2\lambda} + \gamma^\nu}{\Gamma(\beta + \frac{1}{2\lambda})} \sqrt{\frac{2\pi}{\Gamma(\beta + \frac{1}{2\lambda})}} \exp\left[\frac{\gamma^\nu}{\Gamma(\beta + \frac{1}{2\lambda})}\right]}{\frac{\gamma}{\Gamma(\beta + \frac{1}{2\lambda})} + \frac{\beta + \gamma^\nu}{\Gamma(\beta + \frac{1}{2\lambda})} \sqrt{\frac{2\pi}{\Gamma(\beta + \frac{1}{2\lambda})}} \exp\left[\frac{\gamma^\nu}{\Gamma(\beta + \frac{1}{2\lambda})}\right]} \right] \quad (20)$$

که در آن  $\sigma_S^2 = \lambda$  بوده و  $\bar{S}_1 \cdot \bar{S}_2$  به ازای  $S=0$  برابر با  $-\frac{3}{4}$  و به ازای  $S=1$  برابر  $\frac{1}{4}$  می‌باشد.

### ۳.۲. اثر پتانسیل اختلالی ناشی از اثر برهم‌کنش ایزواسپین - ایزواسپین

ایزواسپین کوآرک و پادکوآرک را به ترتیب  $T_1$  و  $T_2$  در نظر می‌گیریم. هنگامی که کوآرک و پادکوآرک در فاصله  $x$  از هم قرار دارند پتانسیل برهم‌کنش ناشی از ایزواسپین به صورت رابطه (۲) است. در اینجا باید دقت کرد چون تنها کوآرک‌های  $u$  و  $d$  دارای ایزواسپین غیرصفر هستند مزونهای مورد استفاده باید دارای کوآرکهای فوق و یا پادکوآرکهای متناظر با آنها باشند تا اختلال ناشی از این جمله پتانسیلی را محاسبه نمود. حال اگر تغییر انرژی ناشی از سهم ایزواسپین - ایزواسپین در حالت پایه  $(l=0)$ ،  $\delta_T^{(1)}$  باشد داریم:

$$\delta_T^{(1)} = \langle \psi | H_T | \psi \rangle = \frac{A_T (\bar{T}_1, \bar{T}_2) \int_{-\infty}^{\infty} x^\nu e^{-\frac{x^2}{\sigma_T^2} - 2\beta x^\nu + 2\gamma x} dx}{(\sqrt{\pi\sigma_T})^2 \int_{-\infty}^{\infty} x^\nu e^{-2\beta x^\nu + 2\gamma x} dx} \quad (21)$$

با خلاصه کردن نتیجه بالا می‌توان ترازهای انرژی اختلالی  $E_\gamma$  را به دست آورد که تصحیح مرتبه اول انرژی برابر می‌شود با  $\langle H_{in} \rangle = \int \psi_\gamma H_{in} \psi_\gamma d^3x$ . با استفاده از روش بالا می‌توان ترازهای تصحیحی بالاتر انرژی را نیز به دست آورد. در این صورت طیف مزون برابر می‌شود با مجموع جرم کوآرک و پادکوآرک به علاوه انرژی برهم‌کنش بین آنها و انرژی اختلالی برهم‌کنش داخلی  $\langle H_{in} \rangle$ ، که در رابطه زیر وارد می‌شود [۱۱، ۱۲، ۱۳، ۱۴].

$$M_{qq} = m_q + m_{\bar{q}} + E_{vl} + \langle H_{in} \rangle \quad (16)$$

$$= m_q + m_{\bar{q}} + \sqrt{\frac{q(m_q + m_{\bar{q}})}{m_q m_{\bar{q}}}} (\nu l + 3) \quad (17)$$

رابطه (۱۷) نشان می‌دهد که جرم کوآرک و پادکوآرک به ضرایب پتانسیل  $a$  و  $b$  بستگی دارند.

### ۳. محاسبه برهم‌کنشهای اختلالی

#### ۳.۱. اثر انرژی اختلالی ناشی از اثر پتانسیل اسپین - اسپین

چون کوآرکها فرمیونهایی با اسپین  $\frac{1}{2}$  هستند، برای بررسی دقیق برهم‌کنشها باید اثر اسپین کوآرکها را در نظر گرفت. اگر فرض کنیم که  $S_1$  و  $S_2$  به ترتیب اسپین کوآرک و اسپین پادکوآرک باشند در این صورت اثر اختلال پتانسیل اسپین - اسپین را با توجه به رابطه (۲) می‌توان در نظر گرفت [۱۵، ۱۶ و ۱۷]. اسپین کل برای مزونها را باید به صورت حالتی یکتایه  $(S=0)$  و سه‌تایه  $(S=1)$  در نظر بگیریم. در این حالت پتانسیل فوق را به صورت اختلال در نظر می‌گیریم. برای حالت پایه  $(l=0)$  تغییر انرژی با توجه به نظریه اختلال مستقل از زمان برای مرتبه اول به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\delta^{(1)} = \frac{\langle \psi | H | \psi \rangle}{\langle \psi | \psi \rangle}, \quad (18)$$

آنگاه داریم:

با حل انتگرال فوق داریم:

$$\delta_T^{(l)} = \frac{A_T(\bar{T}_1, \bar{T}_2)}{(\sqrt{\pi\sigma_T})} \times \left[ \frac{\frac{\gamma}{\lambda\left(\beta + \frac{1}{2\eta}\right)^2} + \frac{\beta + \frac{1}{2\eta} + \gamma^2}{\lambda\left(\beta + \frac{1}{2\eta}\right)^2} \sqrt{\frac{2\pi}{\lambda\left(\beta + \frac{1}{2\eta}\right)^2}} \exp\left[\frac{\gamma^2}{2\left(\beta + \frac{1}{2\eta}\right)}\right]}{\frac{\gamma}{\lambda\beta^2} + \frac{\beta + \gamma^2}{\lambda\beta^2} \sqrt{\frac{2\pi}{\lambda\beta}} \exp\left(\frac{\gamma^2}{2\beta}\right)} \right] \quad (22)$$

که در آن  $\eta = \sigma_T^2$  بوده و  $\bar{T}_1 \cdot \bar{T}_2$  به ازای  $T=0$  برابر با  $-\frac{3}{4}$  و به ازای  $T=1$  برابر  $\frac{1}{4}$  می‌باشد.

**۳.۳. پتانسیل اختلالی ناشی از اثر برهم‌کنش اسپین - ایزواسپین**  
پتانسیل اسپین - ایزواسپین به صورت رابطه (۳) در نظر گرفته می‌شود. سهم تغییر انرژی ناشی از اثر اسپین - ایزواسپین را در حالت پایه ( $l=0$ )، با  $\delta_{ST}^{(l)}$  نشان می‌دهیم و مقدار آن عبارت است از:

$$\delta_{ST}^{(l)} = \langle \psi | H_{ST} | \psi \rangle = \frac{A_{ST}(\bar{S}_1, \bar{S}_2)(\bar{T}_1, \bar{T}_2) \int_{-\infty}^{\infty} x^l e^{-\frac{x^2}{\sigma_{ST}^2} - \gamma x} dx}{\left(\sqrt{\pi\sigma_{ST}}\right)^2 \int_{-\infty}^{\infty} x^l e^{-\gamma x} dx} \quad (23)$$

با حل دقیق و تحلیلی انتگرال فوق داریم:

$$\delta_{ST}^{(l)} = \frac{A_{ST}(\bar{S}_1, \bar{S}_2)(\bar{T}_1, \bar{T}_2)}{(\sqrt{\pi\sigma_{ST}})} \times \left[ \frac{\frac{\gamma}{\lambda\left(\beta + \frac{1}{2\nu}\right)^2} + \frac{\beta + \frac{1}{2\nu} + \gamma^2}{\lambda\left(\beta + \frac{1}{2\nu}\right)^2} \sqrt{\frac{2\pi}{\lambda\left(\beta + \frac{1}{2\nu}\right)^2}} \exp\left[\frac{\gamma^2}{2\left(\beta + \frac{1}{2\nu}\right)}\right]}{\frac{\gamma}{\lambda\beta^2} + \frac{\beta + \gamma^2}{\lambda\beta^2} \sqrt{\frac{2\pi}{\lambda\beta}} \exp\left(\frac{\gamma^2}{2\beta}\right)} \right] \quad (24)$$

در عبارت بالا  $\nu = \sigma_{ST}^2$  بوده و  $(\bar{T}_1 \cdot \bar{T}_2)$  و  $(\bar{S}_1 \cdot \bar{S}_2)$  به ازای  $S=0$  و  $T=0$  مساوی  $\frac{9}{16}$  و به ازای  $S=0$  و  $T=1$  برابر  $\frac{1}{16}$  می‌باشد.

#### ۳.۴. اثرات پتانسیل برهم‌کنش به عنوان اختلال در جابه‌جایی انرژی مزون در اولین حالت برانگیخته

جرم مزونها را می‌توان برای اولین حالت برانگیخته ( $l=1$ ) نیز محاسبه نمود. در این حالت با توجه به روابط (۱۳) و (۱۴) تابع موج و انرژی به صورت زیر نتیجه می‌شود:

$$\psi(x) = a \exp(-\beta x^2 + \gamma x), \quad (25)$$

$$\varepsilon = \frac{1}{2\alpha} (10\beta - \gamma^2). \quad (26)$$

با توجه به اینکه انرژی مزونها برای اولین حالت برانگیخته در نظر گرفته شده‌اند و با در نظر گرفتن  $a = \text{fm}^{-1}$  می‌توان مقادیر  $b, c$  و نیز مقادیر  $\beta, \gamma$  را برای مزونها متفاوت محاسبه نموده و از آنجا سهم پتانسیلهای اسپین - اسپین و ایزواسپین - ایزواسپین و اسپین - ایزواسپین را در جابه‌جایی انرژی به صورت اختلالی به دست آورد و در محاسبه جرم مزونها اعمال کرد. در اینجا جوابهایی که برای اختلال به دست می‌آید با حالت پایه کمی متفاوت خواهد بود.

بنا به رابطه هم‌ارزی جرم و انرژی و با در نظر گرفتن مقادیر محاسبه شده برای جملات پتانسیلهای اختلالی، جرم مزون را می‌توان به صورت زیر در نظر گرفت [۱۰، ۱۸ و ۱۹]:

$$M_{q\bar{q}} = m_q + m_{\bar{q}} + \varepsilon + \delta_s + \delta_T + \delta_{ST}, \quad (27)$$

که در آن  $m_q$  جرم کوارک،  $m_{\bar{q}}$  جرم پادکوارک و  $\varepsilon$  انرژی مزون مورد نظر می‌باشد.

اکنون با قراردادن اعداد به دست آمده برای مزونها با توجه به شرایط مسئله در رابطه فوق می‌توان به نتایج جالبی برای جرم یک سری از مزونها در حالت پایه و اولین حالت برانگیخته‌شان رسید که نتایج به دست آمده در جداول زیر ارائه شده است. البته جوابهای مورد نظر آنهایی هستند که در رابطه (۲۷) قرار دارد و جواب تئوری به جواب تجربی نزدیک می‌باشد.

#### ۴. نتیجه‌گیری

با توجه به جدولهای ۱ و ۲ مشاهده می‌شود کوارکهای

جدول ۱. جرمهای محاسبه شده برای مزونها در حالت پایه.

مزونها	$\delta_S$ (MeV)		$\delta_T$ (MeV)		$\delta_{ST}$ (MeV)			مقادیر تجربی برای جرم مزونها (MeV)	مقادیر نظری برای جرم مزونها (MeV)
	$S=0$	$S=1$	$T=0$	$T=1$	$S=0$ $T=0$	$S=1$ $T=0$	$S=1$ $T=1$		
$\pi^\pm$	۴۰/۲۵	.....	-۱۵/۳۴	.....	.....	۰	۰	۱۳۹/۵۶	۱۱۹/۱۴
$\pi^0$	.....	۱۳/۵۵	-۱۵/۴	.....	.....	۱۴/۳۵	.....	۱۳۴/۹۶	۱۱۳/۸۳
$\omega$	.....	۴/۷۲	-۹/۸۵	.....	.....	۷/۲۸	.....	۷۸۳	۷۸۲/۱۵
$\psi$	.....	۱۱/۵۹	.....	.....	.....	.....	.....	۳۰۹۷	۳۱۱۱/۵۹
$\phi$	.....	۶/۳۳	.....	.....	.....	.....	.....	۱۰۲۰	۱۰۲۶/۳۶
$k^+$	.....	۹/۰۴	.....	.....	.....	.....	.....	۴۹۳	۴۵۶/۸۸
$k^0$	.....	۱۳/۱۶	.....	.....	.....	.....	.....	۴۹۷/۷۲	۴۵۴/۵۱
$D_s^\pm$	-۸/۸۹	.....	.....	.....	.....	.....	.....	۱۹۷۱	۱۹۵۹/۴۱
$B_c^\pm$	-۵/۳	.....	.....	.....	.....	.....	.....	۵۳۶۹/۶	۵۳۶۰/۷۸
$D^+$	.....	۷/۷۹	.....	.....	.....	.....	.....	۱۸۶۹	۱۸۴۵/۶۱
$\gamma$	-۲/۰۲	.....	.....	.....	.....	.....	.....	۹۴۶۰	۹۴۵۵

جدول ۲. جرمهای محاسبه شده برای مزونها در اولین حالت برانگیخته.

مزونها	$\delta_S$ (MeV)		$\delta_T$ (MeV)		$\delta_{ST}$ (MeV)			مقادیر تجربی برای جرم مزونها (MeV)	مقادیر نظری برای جرم مزونها (MeV)
	$S=0$	$S=1$	$T=0$	$T=1$	$S=0$ $T=0$	$S=1$ $T=0$	$S=1$ $T=1$		
$a_0$	.....	۰/۱۲	.....	۱/۲۴	-۴/۰۲	.....	.....	۹۸۰	۹۸۰/۹۲
$b_1$	-۰/۲۴	.....	.....	۱/۱۱	.....	۱/۰۸	.....	۱۲۳۵	۱۲۳۶/۹۵
$a_1$	-۰/۲۳	۰/۰۷۸	.....	۱/۱۰۵	.....	۱/۰۷	.....	۱۲۶۰	۱۲۶۱/۹۴
$k_0^*$	.....	۰/۰۸۵	.....	.....	.....	.....	.....	۱۴۳۰	۱۴۳۰/۰۸
$D_{S1}$	.....	۰/۲۸	.....	.....	.....	.....	.....	۲۵۳۶	۲۵۳۵/۱۵
$D_T^*$	.....	۰/۰۹۸	.....	.....	.....	.....	.....	.....	.....

- ایزواسپین در حالت یکتایی و برهم کنش اسپین - ایزواسپین در حالت سه تایی می باشند و برای دیگر مزونها می توان با مراجعه به جداول فوق حالات مربوط به هر مزون را به دست آورد.

تشکیل دهنده مزونها هر یک در کدام حالت یکتایی و سه تایی اسپین - اسپین و ایزواسپین وجود دارند. مثلاً در جدول ۱ در خصوص مزون  $\pi^\pm$  مشاهده می شود که بر هم کنش اسپین - اسپین در حالت یکتایی و برهم کنش ایزواسپین

## مراجع

11. M Bohm, *Z. Phys. C* **3** (1980) 321 - 8.
12. I M Barbour and Ponting D K, *Z Phys. C* **4** (1980) 119- 29.
13. A M Badalayan, *Phys. Lett.* (1988) 267 - 70.
14. F Iachello, *Proceedings of the 1st international Conference on perperinties in hadronic Physics*, ICTP 12 - 16 May (1997), edited by S. Boffi, C Ciofi degle Atti and M M Giannini (World Scientific, Singapore, (1998) 363.
15. P Geiger and N Isgur, *Phys. Rev. D* **41** (1990) 1595; **44** (1991) 799; *Phys. Rev. Lett.*, **67** (1991) 1066; *Phys. Rev. D* **47** (1993) 5050; **55** (1997) 299.
16. A A Rajabi, *Indian Journal of Pure and Applied Physics*, **41** (2003) 89 - 94.
17. S Gunnar, Bali, *Phys. Rep* **343** (2001).
18. E Eichten *et al.*, *Phys. Rev. D* **17** (1997) 3090-117; *Phys. Rev. D* **21** (1980) 203 - 32.
19. A A Rajabi, *Few body systems*, Springer Verlag, Vien, **40** (2006) 21 - 33.
1. N Isgure and G Karel, *Phys. Rev. D* **18** (1978); *Phys. Rev. D*, **19** (1978) 2653.
2. S Gunnar, Bali et al., *Phys. Rev. D* **62** (2000) 054503.
3. L Ya Golzman and D O Riska, *Phys. Rep. C* **268** (1996) 263.
4. L Ya Golzman, A Papp, W Plessas, K Varga and R F Wagenbrunn, *Phys. Rev. C* **57** (1998) 3406.
5. M M Giannini, E Santopinto and A Vassalo, *Progress in Particle and Nuclear Phys* **50** (2003) 263 - 270.
6. M Fabre, de la Ripelle, *Nuclear Physics A* **497** (1989) 595c - 602c.
7. M M Giannini, E Santopinto and A Vassalo, *Nuclear Phys A* **699** (2002) 308 - 311.
8. A A Rajabi, *Iranian Journal of Physics Research*, **5**, No.2 (2005) 37-4.
9. A A Rajabi, *Indian Journal of Pure and Applied Physics*, **44** (2006) 367 - 374.
10. A A Rajabi, *Few body system*, Springer Verlag Vien **37** (2005) 197 - 213.