

مجلهٔ پژوهش فیزیک ایران، جلد ۱۳، شمارهٔ ۱، بهار ۱۳۹۲

afarahbod@aeoi.org.ir :

(دریافت مقاله: ۱۳۹۱/۵/۱۱ ؛ دریافت نسخهٔ نهایی: ۱۳۹۱/۹/۱۶)

Nd:YAG	Q	
		·
		:

قرار دارند. از ترکیب چند سنجهٔ فابری-پرو<sup>۲</sup> با ضخامت های متفاوت و قرار دادن آنها درون تشدیدگر می توان تپ لیزر با تک مد طولی پدید آورد. برای این منظور از سنجهٔ ضخیمی که دارای پهنای خط باریک و بازه بینابی آزاد<sup>۳</sup> کوچک است به همراه سنجهٔ نازکی با پهنای خط گسترده تر و بازهٔ بینابی آزاد بزرگتراستفاده می شود [۱-۴]. برای به دست آوردن تپ خروجی تک مد طولی لازم است شرایط زیر درطراحی نوسانگر مورد نظر قرار گیرد:

طول تشدیدگر تا حد ممکن کوتاه باشد تا فاصلهٔ بینابی میان

یکی از ویژگیهای مهم لیزر تکفامی آن است. برای برخی کاربردها نظیر آینههای مزدوج فازی، سنجش از دور، و طیف سنجی تمهیدات ویژهای برای به دست آوردن پهنای بینابی باریکتر و تکفامی بیشتری مورد نیاز است [۱، ۲ و ۷]. برای این منظور لازم است تا نوسانگر لیزر بر روی یک مد طولی نوسان نماید تا باریکترین پهنای بینابی ممکن به دست آید.

غالباً از سنجهٔ <sup>۱</sup> درون تشدیدگر برای کاهش تعداد مدهای طولی استفاده می شود [۱]. در این حالت خروجی لیزر شامل تعداد محدودی مد طولی است که در نوار بینابی عبوری سنجه

۲. Fabry-Perot

۳. Free spectral range

مدهای طولی افزایش یابد و مدهای طولی کمتری به آستانه نوسان برسند.

- ۲. حذف چالهٔ سوز فضایی ' ناشی از امواج ایستاده درون تشدیدگر لیزر.
  - ۳. پایداری مکانیکی اجزا تشدیدگر.

برای حذف اثر چالهٔ سوز فضایی می توان از چیدمان تشدیدگر حلقوی تک سویه استفاده کرد. کاواک حلقوی با ایجاد امواج رونده و اشباع یکنواخت بهره سبب حذف این اثر می شود. به طور متداول فرآیند تک سویه کردن انتشار میدان در قاردی، چرخانندهٔ دوطرفه<sup>۳</sup> و یک قطبشگر<sup>۴</sup> انجام می شود [۲]. فارادی، چرخانندهٔ دوطرفه<sup>۳</sup> و یک قطبشگر<sup>۴</sup> انجام می شود [۲]. کاهش می یابد. برای بلورهای لیزری که دارای دوشکستی اند و یا هنگامی که اثرات دوشکستی دیگری در تشدیدگر وجود مانند مدولاتور اکوستواپتیکی موج رونده، برای القای فرآیند تک سویه مورد استفاده قرار می گیرد [۴].

در این پژوهش به منظور ایجاد امواج روان تک سویهٔ درون تشدیدگر حلقوی از یک آینهٔ تمام بازتابان بعد از شکافنده باریکه<sup>۵</sup> برای تبدیل امواج پادساعتگرد به امواج ساعتگرد استفاده شده است [۵]. از یک منشور داو<sup>?</sup> با زاویهٔ بروستر برای دو سطح ورودی و خروجی در طول موج نوسان لیزر، برای چرخش تصویر و همزمان به عنوان قطبشگر استفاده شده است. استفاده از منشور داو باعث کاهش حساسیت تنظیم آینهها و افزایش پایداری نوسانگر لیزر می شود [۶]. منشور داو مورد استفاده به دلیل داشتن مراکز رنگی عمل سوییچ Q انفعالی را نیز به عهده دارد. تک مد سازی تشدیدگر حلقوی تک سویه با دو سنجهٔ درون کاواکی با ضخامتهای مختلف مورد مطالعه قرار

- Polarizer
- ۵. Beam splitter
- 9. Dove prism

گرفت. جهت بررسی توزیع بینابی و ساختار مدی نیز از سنجهٔ دیگری در خارج از نوسانگر استفاده شد. با در نظر گرفتن روابط موجود میان قطر حلقهها و فاصله میان دو حلقه از الگوی تداخلی فابری-پرو، تعداد مدها و توزیع بینابی تپ خروجی لیزر به دست آمده است.

## . برای تشدیدگر با طول نوری L و دو آینهٔ تخت موازی، بسامد مدهای طولی امواج ایستاده درون تشدیدگر با رابطهٔ (۱) داده می شود که در آن p یک عدد صحیح است [۱و ۲] $v = \frac{qc}{rL}$ .

۲L بسامدهای تشدیدی به فاصلهٔ یکسان از یکدیگر قرار دارند،

بنابراین فاصلهٔ دو مد طولی مطابق با رابطهٔ (۲) است

 $\Delta \upsilon = \frac{c}{rL}.$  (Y)

برای تشدیدگر حلقوی به طول L با امواج روان تک سویه، فاصلهٔ مدهای طولی  $\frac{c}{L} = \Delta v_{ring}$  است که دو برابر مقداری است که از رابطهٔ (۲) به دست میآید [۲]. تعداد کل مدهای طولی با فاصلهٔ لازم برای یک گردش کامل فوتون درون تشدیدگر، پهنای نوار محیط فعال لیزر و نوع پهن شدگی آن تعیین میشود. برای لیزرهای حالت جامد غالباً فاصلهٔ مدی بسیار کوچکتر از پهنای طیفی بهرهٔ محیط فعال است و بدین ترتیب چندین مد طولی میتوانند همزمان به نوسان درآیند.

برای نوسانگر با امواج ایستاده، حتی برای یک نمایهٔ بهرهٔ کاملاً همگن معمولاً نقاطی از محیط فعال وجود دارد که در آن میدان الکتریکی صفر است و وارونی انبوهی غیرتهی باقی میماند، لذا مدی که در ابتدا بهرهٔ پایینی داشته و به اندازهٔ ربع موج نسبت به مد مجاور خود جابهجا شده است، میتواند به بهرهای بالاتر دست یابد و در نتیجه بهره با پدیدهٔ چالهٔ سوز فضایی مواجه میشود. بنابراین هر تغییری در طول موج لیزر به دلیل تغییر در ضریب شکست و یا تغییر در طول تشدیدگر به دلیل امواج اکوستیکی میتواند منجر به افت و خیر در شدت جفت شدگی میان مدی شود و از تک مد شدن نوسان لیزر

<sup>1.</sup> Spatial hole burning

Y. Optical isolator

٣. Reciprocal rotator

(بشامد) ۷

نوسانگر ليزر.

صحیحی است. نسبت فاصلهٔ قله های مجاور به پهنای نوار  
عبوری ضریب ظرافت<sup>۱</sup>، نام دارد و با رابطهٔ (۴) تعریف می شود  
(۴)  
(۴)  
با در نظر گرفتن جدایی بسامدی در سنجه 
$$\Delta v = \frac{c}{rd}$$
، پهنای  
با در نظر گرفتن جدایی بسامدی در این صورت به کمک رابطه  
باند عبوری  $\delta v = \frac{c}{rdF}$  میباشد. در این صورت به کمک رابطه  
(۳)، ضریب ظرافت با رابطهٔ (۵) داده می شود[۱]

 $r \sin^{-1} \left( r + \frac{rR}{(r-R)^r} \right)^{-1/r}$ برای R > ۰/۵ شریب ظرافت با تقریب مناسب برابر است با . اگر ضریب بازتابندگی دو سطح سنجه متفاوت  $F \approx \frac{\pi \sqrt{R}}{\sqrt{R}}$ باشند. به دلیل حضور سنجهها آستانه نوسان نوسانگر افزایش مییابد و بسیاری از مدهای نوسانی پدید نمی آیند. با توجـه بـه بستگی ¢ به زاویهٔ میان عمود بر سطح سنجه و محور نوری تشدیدگر، میتوان عبوردهی سنجهها را برای دستیابی به تک مد طولی تنظیم نمود. شکل ۱ چگونگی تک مد سازی با استفاده از یک سنجه را نشان میدهد، که در آن تنها مدهایی به نوسان در می آیند که بهرهٔ محیط فعال ( g(v,v پرای آنها حد بالاتر از آستانه نوسان قرار دارد. برای احراز این شرط بسامد مـد طـولی نوسانگر باید در داخل یکی از قلههای عبوردهی سنجه واقع شود که در آنجا بهرهٔ کافی موجود است. در شکل ۱ تنها مـد نوسانی که در مرکز نمایهٔ بهرهٔ محیط فعال با بسامد v = v واقع شده است از بهره کافی برخوردار است و سایر مدهای طولي به نوسان در نمي آيند.

در پژوهش حاضر به منظور دستیابی به نوسان تـک مـد لیـزر از یک نوسانگر حلقوی تک سویهٔ مثلثی استفاده شده است، (شکل ۲). محیط فعال نوسانگر بلور Nd:YAG به طول ۱۰۰ mm و قطر mm ۸ و سه آینهٔ تمام بازتابان در طول موج nm و یک

شکل ۱. استفاده از سنجهٔ داخل تشدیدگر برای ایجاد تک مد طولی

جلوگیری به عمل آورد [٧]. برای حذف اثر چالهٔ سوز فضایی بایستی از تشکیل امواج ایستاده جلوگیری شود. در نوسانگرهای حلقوى تک سويهٔ امواج ايستاده تشکيل نمي شود و امواج رونده به وجود مي آيد، موج رونده با اشباع يكنواخت محيط بهره، باعث حذف اثر چالهٔ سوز فضایی میشود. همچنین اشباع یکنواخت بهرهٔ محیط فعال منجر به افـزایش تـوان خروجـی در مقایسه با عملکرد مشابه در تشدیدگر خطی می گردد [۷ و ۸].

یکی از روشهای مؤثر کاهش مدهای نوسانی استفاده از سنجهٔ فابری- پرو درون تشدیدگر است. غالباً سنجه از یک قطعهٔ اپتیکی با دو سطح کاملاً موازی با ضریب بازتابش معلـوم تشکیل شده است. سنجه وسیلهٔ مناسبی برای تنظیم طول مـوج، کنترل پهنای خط و اندازه گیری پهنای خط لیزر است. توان عبوری،  $\frac{I_T}{I_{in}}$  و بازتابی  $\frac{I_R}{I_{in}}$  برای یک سنجهٔ فابری- پـرو بـا رابطهٔ (۳) داده می شود [۱]

$$\frac{I_T}{I_{in}} = \frac{(v-R)^{\mathsf{T}}}{(v-R)^{\mathsf{T}} + \mathfrak{r}R\sin^{\mathsf{T}}(\varphi/\mathsf{T})},$$

$$\frac{I_R}{I_{in}} = v - \frac{I_T}{I_{in}}$$
(\mathbf{T})

که در آن R ضریب بازتاب شدت برای هـر سطح سنجه، اخـتلاف فـاز ناشـی از اخـتلاف راه میـان  $\varphi = rkd\cos(\theta)$ باریکههای عبوری و  $I_{\rm in}$  شدت ورودی است.  $k = \frac{t\pi}{2}$  عدد موج،  $\lambda$  طول موج، d ضخامت سنجه و heta زاویه شکست پرتـو نسبت به عمود بر سطح پس از ورود به سنجه است. بیشینهٔ عبوردهی به ازای  $\pi = 7m\pi$  رخ میدهد کـه m صفر یـا عـدد



**شکل ۲**. آرایش اپتیکی نوسانگر حلقوی تک مد. M آینه های تمام بازتابان، BM آینه تمام بازتابان انتهایی برای تک سویه کردن تشدیدگر، BS آینه شکافندهٔ باریکه با ضریب بازتاب ۵۰٪، FLA روزنه به قطر ET<sub>۱</sub> ،۲٫۵ mm سنجه با ضخامت mm ۶ و ضریب بازتاب ۳۶–۳۶ و ET<sub>2</sub> سنجه با ضخامت ۱۵ mm او ضریب بازتاب ۶۵–۹۳ R موتودایود.



**شکل ۳.** (الف) رفتار زمانی تپ خروجی از نوسانگر حلقوی مثلثی تک سویه قبل از قرار گرفتن منشور داو و بدون انجام عمل سوییچ Q. (ب) بعد از حضور منشور و عمل سوییچ Q تپ با انرژی دمش I کا و انرژی خروجی میانگین M ۸۶. در هر دو تصویر تبدیل فوریه در ذیل نمودار شدت آمده است. در نمودار (ب) حضور بیش از ۷ مد طولی در تحلیل فوریه به وضوح قابل مشاهده است.

آینهٔ جلو (BS)<sup>۱</sup> با ضریب بازتاب ۵۰٪ است که با زاویهٔ ۵۰ درجهٔ نسبت به محور اپتیکی قرار گرفتهاند. برای کاستن از پهنای زمانی تپ سوییچ Q، طول هندسی نوسانگر تا حداقل ممکن mm ۱۲۵۰ m کاهش داده شده است. آینهٔ انتهایی (BM)<sup>۲</sup> برای تک سویه کردن و جلوگیری از اتلاف در تشدیدگر استفاده شده است.

تعداد مدهای طولی نوسانگر حلقوی که بدون کنترل بـر روی مــدهای نوســانی مــیتواننــد بــه آســتانهٔ نوســان برســند،

Beam splitter

Y. Back mirror

با توجه به پهنای طیفی کل بهره GHz محدهای طرحی برای محیط فعال Nd:YAG [۱]، و فاصله مدهای طرحی محیط فعال و تلفات  $\Delta v_{ring} = \frac{c}{L} = r + o MHz$ ، به نرخ دمش محیط فعال و تلفات وابسته است و میتواند در حد ۵۰۰ =  $\Delta v_{ring} / \Delta v_{ring}$ . طول قاعدهٔ منشور داو مورد استفاده  $\Delta v_{cring} = 0 / c$  و تقریباً موازی با محور اپتیکی قرار دارد. به دلیل خاصیت چرخش تصویر منشور داو، نمایهٔ لکه خروجی بسیار یکنواخت است [۶].

در شکل۳ رفتار زمانی تـپ خروجـی قبـل و بعـد از قـرار گرفتن منشور داو، با و بدون حضور روزنه و سـنجههـا، نـشان داده شده است. در هر دو حالت ميـانگين انـرژی خروجـی ۴۸



**شکل۴**. (الف) رفتار زمانی شدت تپ و فرآیند جفت شدگی میان چند مد طولی. تبدیل فوریهٔ تپ در ذیل نمودار شدت آمده است. (ب) نمایهٔ باریکهٔ خروجی از لیزر با انرژی خروجی ۱۲٫۸ mJ و انرژی دمش ۲۲٫۵ ژول، روزنه FLA با قطر ۵٫ ۲ میلیمتر درون تشدیدگر قرار دارد.

میلیژول است. رفتار زمانی تپ به کمک یک فوتودایود، (PD)، با زمان پاسخ ۱ns، و اسیلوسکوپ سریع تکترونیکس TDS3052B با پهنای نوار MHz ۵۰۰۵ ثبت شده است.

تبدیل فوریه تپ خروجی به دست آمده به کمک قابلیت های اسیلوسکوپ، تعداد تقریبی مدهای موجود در تپ را مشخص مینماید. فاصله بسامدی قابل مشاهدهٔ میان دو مد طولی در این شکل ۲۵۰MHz است که با ۲۴۰ MHz = Δ*v<sub>ring</sub> م*ازگار است. برای نوسان لیزر بر روی مد عرضی پایه ۲۰۰۰ TEM از روزنهٔ محدود کنندهٔ میدان ۲۵۰ اب قطر ۳m ۲۵ درون نوسانگر استفاده شد. نمایهٔ فضایی لکهٔ خروجی و رفتار زمانی تپ خروجی در شکل ۴ نشان داده شده است. با دقت درنمودار تبدیل فوریهٔ شکل های ۳ و ۴ به خوبی دیده می شود که تعداد مدهای ایجاد شده در تشدیدگر به دلیل افزایش تلفات کمتر شده است.

هنگامی که درون کاواک تنها از منشور داو و روزنه استفاده شده و سنجه، درون نوسانگر قرار ندارد، و برای ظرفیت خازن ۸۰ میکرو فاراد و نرخ تکرار ۲۰ ثانیه، با افزایش انرژی دمش تا حدود ۲۲ ژول، تعداد مدهای نوسانی افزایش مییابد اما انرژی خروجی از نوسانگر تقریباً ثابت و در بازهٔ ۲۳ ۱۰–۱۰ قرار دارد. با افزایش بیشتر انرژی دمش، سوییچ Q انفعالی دو بار عمل کرده و دو تپ در خروجی به دست میآید و بدین ترتیب انرژی نوسانگر افزایش مییابد که در پژوهش حاضر

1. Field Limiting Aperture

مورد نظر نیست. در شکل ۵ (الف) نمودار تغییرات انرژی دمش نسانگر بر حسب انرژی خروجی از نوسانگر ترسیم شده است، تغییر شیب ایجاد شد در نمودار انرژی ناشی از دو بار اشباع سوییچ Q است. در شکل ۵ (ب) بستگی انرژی به تعداد مدهای طولی، به کمک قابلیت تبدیل فوریه سریع اسیلوسکوپ برای شدت در حالتی که سوییچ Q یک بار به اشباع رسیده و بدون حضور سنجهها ترسیم شده است.

برای کنترل و انتخاب مد طولی نوسانگر از سنجههای فابری-پرو (ET) استفاده می شود [۱- ۳]. برای کاستن از مدهای طولی نوسانگر حلقوی از یک سنجه به ضخامتmm و ضریب بازتاب  $8^{-0} = R$  در طول موج mn ۱۰۶۴ استفاده گردید. در این حال تعداد مدهای طولی میان ۱ تا ۴ مد متغیر است و حالت پایداری نشان نمی دهد. برای تک مد سازی از سنجهٔ دوم با ضخامت mm ۵۱ و ضریب بازتاب ۶۹/۰۰ = R در طول موج ۱۰۶۴ استفاده شد. لازم به ذکر است که اگر تنها نمی آید و تعداد مدهایی که به آستانهٔ نوسان می رسند بین ۱ تا ۳ مد متغیر می باشند. به دلیل ضخامت زیاد سنجهٔ دوم، پس از قرار دادن آن لازم است تشدیدگر مجدداً تنظیم شود. در تنظیم بر آن است تا بیشترین پایداری مدی و انرژی و کمترین پهنای زمانی تپ به دست آید.



**شکل ۵.** الف) بستگی انرژی خروجی نوسانگر به انرژی دمش. (ب) انرژی خروجی نوسانگر برای تک تپ سوییچ Q به میانگین تعداد مدهای طولی که به کمک تبدیل فوریهٔ سریع شدت به دست آمده است.



شکل ۶. نمونهای از تپ تک مد لیزر با انرژی سا ۱۱ و انرژی دمش ۳۱ ژول با یکنواختی، عدم زنش مدی برای رفتار زمانی تپ و تکرار پذیری کامل. تحلیل فوریهٔ تپ (نمودار پایین) حاکی از نوسان یک مدی طولی تشدیدگر است.

بیسشینهٔ انرژی خروجی پایدار از نوسانگر درحالی که نوسانگر روی یک مد نوسان کند، در حالتی به دست آمد که سنجهٔ نازک در زاویهٔ ۵٫۷ درجه و سنجهٔ ضخیم تقریباً در زاویهٔ صفر درجه نسبت به محور اپتیکی قرارگیرد به صورتی که از بازتابهای ناخواسته میان سطوح سنجه و آینههای لیزر و امکان ایجاد مشدد دوم در مشدد اصلی جلوگیری به عمل آید. همچنین ظرفیت خازن لامپ درخش را از ۸۰ به ۴۰ میکروفاراد

کاهش دادیم تا با شارژ کامل خازن در فاصلهٔ میان دو تخلیه، پایداری انرژی خروجی بیشتری به دست آید. نکتهای که لازم است بدان توجه شود تغییر پهنای تپ خروجی با زاویهٔ سنجهٔ نازک است که میتواند سبب به نوسان در آمدن یک یا چند مد طولی شود. از این روی تنظیم دقیق زاویهٔ سنجه از اهمیت فراوانی برخوردار است، این نکته در مرجع ۸ نیز گزارش شده است.

به دلیل اتلاف انرژی در اثر حضور سنجه در تشدیدگر تعداد عبورها برای رسیدن به آستانهٔ نوسان، و در نتیجه پهنای تپ خروجی تا حدود ۴۰ نانوثانیه افزایش مییابد. در این حال انرژی نوسانگر ۸٬۰۱ تا ۱۱۸ میلیژول است. پایداری کامل در یکنواختی رفتار زمانی تپ خروجی و مشاهدهٔ تنها یک مد در تبدیل فوریهٔ سریع شدت، نشان از تک مد شدن تپ خروجی لیزر دارد، (شکل ۶). برای شکل ۷ (الف) دو سنجه با ضخامتهای ۶ و ۱۵ میلیمتری برای تک مد سازی درون فاصلهٔ ۲۰ ثانیه صورت می گیرد. نمودار انرژی خروجی به ازای مقادیر متفاوت انرژی دمش پایداری مناسبی را از خود نشان میدهد. در شکل ۷ (ب) بستگی پهنای تپ خروجی لیزر با افزایش انرژی دمش نشان داده شده است. پهنای تپ با افزایش



(ب)

(الف)

**شکل ۷**. رفتار انرژی و پهنای تپ خروجی از نوسانگر حلقوی ناهمسطح تک مد بر حسب انرژی دمش. (الف) انرژی خروجی از نوسانگر لیزر و پایداری آن نسبت به تغییرات انرژی دمش. (ب) تغییرات پهنای زمانی تپ خروجی از نوسانگر نسبت به افزایش انرژی دمش. ظرفیت خازن ۴۰*µf* قطر روزنهٔ درونی تشدیدگر ۲٫۵ میلیمتر و نرخ تکرار تپ ۰٫۰۵ هرتز میباشد. دو سنجه در داخل نوسانگر قرار دارد.

**جدول ۱**. گسترهٔ انرژی خروجی، پهنای طیفی و میانگین تعداد مدهای مشاهده شده برای نوسانگر در مراحل مختلف تکمیل فرآیند تک مد سازی.

شرايط عمل	ظرفیت خازن (µF)	انرژی دمش (J)	انرژی خروجی نوسانگر (mJ)	پهنای تپ (ns)	میانگین تعداد مدهای مشاهده شده
۱ یا ۲ تپ سوییچ Q	٨٠	۲۰ – ۳۲	47 - 101	V۹ – ۱ ° °	بیش از ۵
قرار دادن روزنه ۲٫۵ میلیمتری	٨٠	18 - 28	11 - ٧٣	۲۸ –۳۸	4-1
	٨٠	۲۹ – ۲۰	١٢/٩	۲۷ – ۳۰	۴-۳
قرار دادن سنجهٔ نازک	٨٠	79 - 79	۹–۹٫۵	70-71	۲-۳
	۴.	79 - W	11-17,8	79-71	۲-۱
قرار دادن سنجهٔ ضخیم	٨٠	79	٩,٢ - ٩,۴	۳۲ – ۳۳	۲-۱
	۴.	79 - 47	11/V-17/8	40-47	١

انرژی دمش به دلیل رسیدن به آستانهٔ نوسان به ازای تعداد گردش های کمتر فوتون حدود ۲ نانوثانیه کاهش مییابد، در این حال تپ لیزر همچنان تک مداست.

در جدول ۱ مقادیر به دست آمـده بـرای انـرژی خروجـی از نوسانگر و همچنین پهنای زمانی و میانگین تعداد مدهای به دسـت آمده توسط تبدیل فوریهٔ شدت برای تپ سوییچ Q آمده است.

به منظورتعیین ساختار مدی و اندازهگیری توزیع طیفی، از یـک

سنجهٔ فابری-پرو بیرون کاواکی بهره گرفته شد [۱، ۳]. در این بخش به کمک روابط موجود میان الگوی تداخلی فابری-پرو و روابط میان قطر و فاصلهٔ حلقههای الگوی تداخلی به بررسی ساختار مدی تپ لیزر میپردازیم. در شکل ۸ چیدمان مناسب برای اندازه گیری پهنای بینابی لیزر به کمک تداخل سنج فابری-پرو نشان داده شده است. با عبور باریکهٔ لیزر از عدسی منفی (NL) پرتو لیزر باز شده و به صورت یک مخروط به سطح سنجه برخورد میکند. الگوی حلقههای فابری- پرو با عبور باریکه از یک عدسی همگرا با فاصلهٔ کانونی بلند، بعد از کانون



**شکل ۸** چیدمان برای مطالعه ساختار مدی نوسانگر لیزر. اجزا به ترتیب عبارتند از: بلور KTP برای تولید هماهنگ دوم لیزر، M آینهٔ تمام بازتابان در طـول مـوج NL ۱۰۶۴ nn عدسـی واگـرا بـا فاصـلهٔ کـانونی ET ،  $f_N$  = -۵ cm سـنجهٔ فـابری- پـرو، PL عدسـی همگـرا بـا فاصـلهٔ کانونی  $f_N$  = +۴۰ cm .

بر روی پرده و یا CCD قابل مشاهده است. اگر  $D_p$  قطر p امین حلقه فابری- پرو از الگوی تداخلی ایجاد شده توسط عدسی با فاصله کانونی f بر روی CCD باشد، بستگی طول موج و قطر حلقه برای یک تداخل سنج فابری- پرو به ضخامت d از رابطهٔ (۶) به دست میآید [۳، ۱۰]

$$D_{p}^{\mathsf{r}} = \frac{{}^{\mathsf{r}}n'\lambda f^{\mathsf{r}}}{n^{\mathsf{r}}d} (p-\mathsf{r}+\varepsilon) \tag{9}$$

که در آن 'n ضریب شکست محیط، n ضریب شکست سنجه و ع عدد کسری است که مرتبهٔ مرکزی را به عدد صحیح تبدیل می کند. با استفاده از توزیع شدت می توان پهنای خط را به صورت تابعی از قطر فریزها در مراتب مختلف از رابطهٔ (۷) به دست آورد [۱۱]

$$\delta \nu = \Delta \nu \left[ \frac{D_{\lambda b}^{\mathsf{r}} - D_{\lambda a}^{\mathsf{r}}}{D_{\mathsf{r}a}^{\mathsf{r}} - D_{\lambda a}^{\mathsf{r}}} \right] \tag{V}$$

که در آن  $\Delta v$  بازهٔ طیفی آزاد سنجه، D قطرفریزها و اعداد او ۲ نشان دهندهٔ دو مرتبهٔ تداخلی نزدیک به هم هستند. a و bدو نقطهای را که پهنای فرکانسی  $\delta v$  برای آن اندازه گیری شده است، نشان می دهند [۷]. اگر الگوی تداخلی ایجاد شده ناشی از چند مد با مرتبههای متفاوت باشد، می توان جدایی عدد موج دو مد مجاور را مطابق رابطهٔ (۸) به دست آورد

$$\delta \nu = \Delta \nu \left[ \frac{D_{p+1}^{\mathsf{Y}} - d_{p+1}^{\mathsf{Y}}}{D_{p+1}^{\mathsf{Y}} - D_{p}^{\mathsf{Y}}} \right],\tag{A}$$

که در آن <sub>۵</sub><sub>p+۱</sub> و D<sub>p</sub> قطر حلقـه ۲+۱ و p ام یـک مـد، و d<sub>p+۱</sub> قطر ۲+۱ ام مد دیگری است [۱۰].

تحلیل ساختار مدی تشدیدگر حلقوی بـه کمـک یـک سـنجهٔ فابری– پرو در بیرون نوسانگر انجام شد. برای مشاهدهٔ حلقههـای

فابری- پرو از یک بلـور KTP بـرای تولیـد هماهنـگ دوم لیـزر Nd:YAG در طول موج ۵۳۲nm استفاده به عمل آمد و مانده باریکه عبوری از بلور در طول موج اصلی ۱۰۶۴ نانومتر برای جلوگیری از ترکیب الگوهای تداخلی بر روی دو طول موج به کمک آینه M حـذف شـد. بـرای جلـوگیری از بازگـشت باریکـهٔ ورودی به درون نوسانگر، لازم است تا آینه M با زاویـهٔ کـوچکی نسبت به محور اپتیکی قرار گیرد. برای مشاهدهٔ فریزهای تـداخلی، هماهنگ دوم لیزر از یک عدسی منفی، (NL) بـا فاصـلهٔ کـانونی عبور داده شد تا باریکه به صورت مخروط بر سطح f = -3سنجه بتابد [۱ و ۳]. اما به دلیل آنک پرتو لیزر تحت زوایای متفاوتی به سطح سنجه برخورد میکند، لذا حلقههای ناشی از یک فرکانس بر روی یکدیگر منطبق نمیشوند، برای جبران این اثـر از یک عدسی مثبت (PL) با فاصله کانونی ۴۰ سانتیمتر استفاده شد تا باریکه خروجی موازی با محور اپتیکی شود و فریزهای فابری-پرو در نزدیکی کانون عدسی و دورتر از آن به وضوح مـشاهده گـردد [۱۲]. برای ثبت فریزهای فابری- پرو از یک دوربین تحلیل کننده باریکه لیزر مدل WincamD استفاده به عمل آمد.

جهت دست یابی به الگوهای تـداخلی با وضوح بـالا، دو سنجه با ضخامتهای متفاوت مورد بررسی قرار گرفت و نتایج به دست آمده، با یکدیگر مقایسه شدند، همچنین اثر بازهٔ طیفی آزاد و ضریب ظرافت سنجه در ضخامت و فاصلهٔ حلقههای فابری-پرو مشاهده گردیـد. دو سـنجه، ET<sub>A</sub> بـا ضـخامت ۱۵ میلیمتر و سنجهٔ ET<sub>B</sub>، به ضخامت ۶ میلیمتر را در چیـدمان شکل مذکور قرار دادیم. لازم به ذکر است که بازتابندگی سطوح



**شکل ۹.** الف) الگوی تداخلی فابری- پرو حاصل از سنجهٔ ET<sub>A</sub> با ضخامت mm ۱۵. (ب) فریزهای فابری- پرو مربوط به ET<sub>B</sub> با ضخامت ۶ mm ، انرژی دمش ۲۹ ژول ، ظرفیت خازن ۴۰µ۴ و فاصلهٔ زمانی میان دو تپ لیزر ۲۰ ثانیه است.



شکل ۱۰. الگوی تداخلی سنجهٔ فابری- پرو A هنگامی که تنها یک سنجهٔ ۶mm داخل نوسانگر قرار دارد. حلقهٔ مرکزی و حلقهٔ اول به خـوبی دو مـد نوسانی، و نوسانات نمودار شدت ترکیب دو مد را نشان مـیدهنـد، انـرژی دمش ۳۱ ژول و انرژی خروجی نوسانگر ۱۱ میلی ژول است.

سنجهها بر روی طول موج ۵۳۲ نـانومتر ۹۰٪ و در طـول مـوج ۱۰۶۴ نانومتر ۷۵٪ است. برای محاسبهٔ ضریب ظرافت در طـول موج ۵۳۲ نانومتر از رابطهٔ (۵) و تقریب  $\frac{\pi\sqrt{R}}{N-R}$ ، و برای گسترهٔ موج ۱۰۶۲ نانومتر از رابطهٔ (۵) و تقریب  $n_{\rm ET}$ ، و مرای گسترهٔ بینابی آزاد سنجه از رابطهٔ  $\frac{c}{rn_{\rm ET}d}$  و ۱/۵ م

شد. پهنای بینابی عبوردهی سنجه  $\delta v$  نیز به کمک رابطهٔ (۴) به ضریب ظرافت و گستره بینابی آزاد ارتباط دارد:  $F_A = F_B = rq_A$ , (9)

- $\Delta v_{A} = \mathcal{F}_{/}\mathcal{F}\mathcal{F} \text{ GHz}, \quad \Delta v_{B} = \mathcal{F}_{/}\mathcal{F}\mathcal{V} \text{ GHz}, \quad (1 \circ)$
- $\delta v_A = \circ_{/} \text{typ} \text{ GHz}$ ,  $\delta v_B = \circ_{/} \text{adg} \text{ GHz}$ . (11)

حلقههای فابری- پرو به دست آمده در طول موج ۵۳۲ نانومتر در شکل ۹ نشان داده شده است. فاصلهٔ حلقهها گستره طیفی آزاد ۷۵ و ضخامت حلقهها ۵۷، پهنای فرکانسی را نشان می دهد. الگوهای به دست آمده از هر دو سنجهٔ باریک و تیز و دارای شدتی گوسی است، بدین معنی که این نقوش ناشی از تک مد طولیاند. هنگامی که در الگو تداخلی حلقههای روشن به صورت دو یا چند حلقهٔ بسیار نزدیک به یکدیگر باشند و یا از شدت حلقهها کاسته و دوباره افزایش یابد نشان از چند مدی بودن باریکه خروجی دارد که این حالت را به عنوان نمونه برای هنگامی که یکی از سنجههای درون نوسانگر را برداشته و نوسانگر از تک مد بودن خارج شده است، در شکل ۱۰ نشان دادهایم. شکل ۹ (الف) فریزهای تداخلی ناشی از <sub>A</sub>TA را با مراب عنوان نمونه برای ماه میلیمتر و شکل ۹ (ب) فریزهای تداخلی ناشی از AT مورا با تغییرات شدت عبوری از سنجه در راستای محور مختصات

y, x با مقیاس μ۳ ۸۰۰ به ترتیب در سمت چپ و راست در زیر هر شکل آمده است. انرژی دمش ۲۹ ژول، ظرفیت خازن ۴۰μF و فاصله زمانی میان دو تپ ۲۰ ثانیه است. با استفاده از رابطهٔ (۱۰) و اطلاعات به دست آمده از شکل ۹، نتایج زیر برای دو سنجه مطابق با رابطههای (۱۲) و (۱۳) به دست می آید

$$\delta \nu_{A} = \Delta \nu_{A} \left[ \frac{D_{\lambda b}^{\mathsf{Y}} - D_{\lambda a}^{\mathsf{Y}}}{D_{\mathsf{Y}a}^{\mathsf{Y}} - D_{\lambda a}^{\mathsf{Y}}} \right] = \vartheta/\vartheta \vartheta \left[ \frac{1 \mathsf{Y} \mathfrak{q} \mathfrak{q}^{\mathsf{Y}} - 1 \circ \mathsf{Y} \mathfrak{q}^{\mathsf{Y}}}{\mathsf{Y} \delta \mathsf{V} \mathsf{1}^{\mathsf{Y}} - 1 \circ \mathsf{Y} \mathfrak{q}^{\mathsf{Y}}} \right] \qquad (1\mathsf{Y})$$
$$= \circ/\mathsf{Y} \mathsf{Y} \mathsf{Y} \mathsf{G} \mathsf{Hz},$$

$$\delta v_{B} = \Delta v_{B} \left[ \frac{D_{\lambda b}^{\mathsf{Y}} - D_{\lambda a}^{\mathsf{Y}}}{D_{\mathsf{Y}a}^{\mathsf{Y}} - D_{\lambda a}^{\mathsf{Y}}} \right]$$

$$= \lambda \mathcal{P} / \mathcal{P} v \left[ \frac{\mathsf{Y} \mathsf{F} \Delta \Delta^{\mathsf{Y}} - \mathsf{Y} \mathsf{Y} \circ \mathsf{V}^{\mathsf{Y}}}{\mathsf{F} \mathsf{T} \mathsf{T} \mathsf{V}^{\mathsf{Y}} - \mathsf{Y} \mathsf{Y} \circ \mathsf{V}^{\mathsf{Y}}} \right] = \lambda / \mathsf{Y} \wedge \mathsf{GHz} .$$
(17)

۲۹ میانگین پهنای فرکانسی برای سنجه A به ازای انرژی دمـش ۲۹ ژول  $\delta v_A = \circ/ \Lambda 1 \pi \pm \circ/ \circ \delta P$  و برای سنجهٔ B به ازای انرژی دمش ۲۹ تا ۳۹ ژول برابر با ۲۷۳۶ $\pm \circ/ \delta v_B = 1/ \Lambda \circ \pm \circ/ \delta V$  است.

از آنجایی که هر دو سطح سنجهها دارای لایه نشانی بازتابی هستند، لذا در اندازه گیری طیف بازتابی سنجهها در طول موج ۵۳۲ نانومتر عدم دقت وجود دارد، همچنین اندازه گیری نیم پهنای شدت عبوری و قطر حلقهها به دلیل تغییرات شدت میان حلقهها با خطا همراه است که سبب ایجاد اختلاف در نتایج تجربی و نظری (روابط (۹ تا ۱۱)) شده است.

هنگامی که تنها یک سنجهٔ ۶ میلیمتری درون کاواک قـرار دارد، ساختار حلقـههـای فـابری– پـرو تغییـر نمـوده و شـدت

مراجع

- 1. W Koechner, "*Solid-State Laser Engineering*" 6<sup>th</sup> ed. Springer (2006).
- 2. N Hodgson and H Weber "Optical Resonators", Springer (1997).
- 3. M Born and E Wolf "*Principle of Optics*", Cambridge (2003).
- W A Clarkson, A B Neilson, and D C Hanna, *IEEE J. Quantum Electron* 32, 2 (1996) 311.
- 5. M Hercher, M Young, and C B Smoyer, J. Appl. *Phys.* **36** (1965) 3351.

7. W Demteroder, "Laser Spectroscopy Basic Concepts

حلقههای به وجود آمده از حالت تیز و باریک خارج می شود، شکل ۱۰. به دلیل عدم پایداری کامل ساختار مدی خروجی نوسانگر، الگوی به دست آمده در یک تجربه ساختاری اندکی متفاوت با تجربهٔ دیگر از خود نشان می دهد.

به کمک ترکیبی از یک سنجهٔ، ضخیم با نمایهٔ گذردهی باریک و گسترهٔ طیفی آزاد کوچک، و یک سنجهٔ نازک با نمایهٔ گذردهی يهن و گسترهٔ طیفی آزاد گستردهتر و تنظیم دقیق سنجهها در یک تشدیدگر حلقوی ناهمسطح تک سویه می توان به ساختار تک مد طولی با پایداری مناسب برای نوسانگر سوئیچ Q دست یافت. در این مقاله با مطالعهٔ ساختار فرکانسی و تعداد مدهای طولی خروجی از نوسانگر لیزر به کمک تبدیل فوریهٔ سریع و همچنین سازگاری نتایج آن با الگوی تداخلی فابری-پرو تپ لیزر، چگونگی ایجاد تک مد طولی و یا محدود کردن تعداد مدهای خروجی از یک نوسانگر لیزر مورد بررسی قرار گرفته است. تکرار پذیری خوب و پهنای طیفی باریک نوسانگر از نقاط قـوت آرایش تجربی مورد مطالعه به شـمار مـیآیـد. پایـداری طیفـی و پايداري انرژي خروجي نوسانگر به همراه كيفيت بـالاي فـضايي باریکهٔ خروجی لیزر به ویژگیهای خاص تـشدیدگر حلقـوی بـا آرایش هندسی نا هم سطح باز میگردد کـه آن را بـرای بـسیاری كاربردها با ثبات نسبتاً بالاي بينابي مناسب مي سازد.

and Instrumentation", Springer (2002). ۸ ا. سوولتو، *اصول لیزر* ترجمه اکبر حریری، مرکز نشر دانشگاهی، تهران (۱۳۸۱). ۹. امیر حسین فرهبد، مهروز نصیری و مصطفی ترکاشوند، *کنفرانس فیزیک ایران*، کاشان (۱۳۸۷).

- 10. N Singh and H S Vora, *Optics and Laser Technology*, **39** (2007) 733.
- S Lavi, E Miron, and I Smilanski. Opt. Commun. 27 (1978) 7.
- 12. H Fujiwara, Opt. Commun. 28 (1979) 291.