مجلهٔ پژوهش فیزیک ایران، جلد ۲۴، شمارهٔ ۴، بهار ۱۴۰۳ DOI: 10.47176/ijpr.24.1.01768

<u>زوهش فدرد</u> c () (S)

# تولید پالس های دوگانهٔ آتوثانیه دارای شدت و فاز حامل – پوش یکسان

## على نويد\*، رضا آقبلاغي، و سهيلا مجيدى

دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه بناب، بناب

پست الکترونیکی: ha-navid@ubonab.ac.ir

(دریافت مقاله: ۳۰/ ۱۴۰۲/۰۷ ؛ دریافت نسخهٔ نهایی: ۰۳/ ۹۱ /۱۴۰۳)

#### چکيده:

در این مقاله از دیدگاه نظری به مطالعهٔ تولید تپ آتوثانیهٔ دوگانه با شدت یکسان، فاز حامل- پوش مشابه، پهنای زمانی قابل کنترل و با تأخیر زمانی دلخواه میپردازیم. تپهای مطلوب، در فرایند تولید هارمونیکهای بالا در اندرکنش تپهای محرک لیزر فمتوثانیه با یون مولکولی نامتقارن <sup>۲۰</sup> HeH تولید میشوند. تولید هارمونیکهای بالا، با حل عددی مدل یک بعدی معادلهٔ شرودینگر وابسته به زمان بررسی میشوند. برای یافتن مشخصات بهینهٔ لیزر محرک، از تابع ارزش مناسبی در روش بهینه سازی الگوریتم ژنتیک استفاده میشود. طیف بسامدی تپهای مطلوب با استفاده از یک صافی طیفی مناسب، از بخشی از هارمونیکهای بالا انتخاب میشود. نشان میدهیم که تپهای آتوثانیه مذکور به فاصلهٔ زمانی یک چرخهٔ کامل از میدان الکتریکی لیزر محرک، در طی چرخهای که جهت میدان الکتریکی لیزر مخالف جهت دوقطبی دائمی مولکول است، تولید میشوند. در نهایت با محاسبهٔ مشخصات تپهای تولید شده و مقایسهٔ آنها با مشخصات مطلوب، کارایی روش ارائه شده کاملاً تأیید میشود.

#### ۱. مقدمه

پیشرفتهای حاصل شده در فناوری لیزرها امکان تولید تپ های اپتیکی کم چرخه را فراهم کرده است[ او ۲]. در سایهٔ این پیشرفتها به کنترل فاز حامل-پوش (CEP)<sup>۱</sup> تپها (فاز میدان الکتریکی موج حامل نسبت به پوش تپ) توجه زیادی شده است [۳ و ۴]. چنین تپهایی در ناحیهٔ طیفی فروقرمز و مرئی در دسترس هستند و در مطالعات کنترل دینامیک الکترونی اتمها در یک میدان لیزری پرشدت استفاده می شوند.

حامل-پوش پایدار به ناحیهٔ XUV (فرابنفش فرین) یا حوزهٔ زمانی آتوثانیه وجود دارد [۵ و ۶]. ظهور تپهای آتوثانیه

ییشرفتهای بزرگی را در اندازه گیری، تشخیص و کنترل فرایندهای الکترونی فوق سریع داخل اتمها در محدودهٔ زمانی آتوثانیه فراهم کرده است. برخلاف تپهای نانوثانیه، پیکوثانیه و فمتوثانیه، برای تپهای آتوثانیه امکان استفاده از میدان پرشدت در بازهٔ زمانی بسیار کمتر از فرصت لازم برای یونش الکترون، وجود دارد [۷]. روشهای مختلفی برای تولید تپهای آتوثانیه گزارش شده است: (۱) استفاده از تولید هارمونیکهای بالا (HHG) در گازها [۸]، پراکندگی القایی رامان [۹ و ۱۰] و استفاده از اندرکنش لیزر با شدتهای نسبیتی با پلاسما [۱۱–۱۵]. در فرایندهای تولید هارمونیکها عموماً قطاری از تپهای آتوثانیه ایجاد میشود [۶۶ و ۱۷]. این درحالی است که اغلب تولید تک تپ و تپ دوگانه با مشخصات قابل کنترل در

<sup>1</sup> Carrier-Envelope Phase

کاربردهای مختلف اهمیت زیادی دارد. بنابراین تلاش زیادی در زمینهٔ تولید تک تپ [۱۸–۲۳] و نیز تپ دوگانه آتوثانیه انجام شده است[۹ و ۲۴].

تپهای دو گانهٔ آتوثانیه می توانند در آزمایش های پمپ کاونده کاربرد داشته باشند. این در حالی است که کاربرد اولیهٔ تک تپهای آتوثانیه شامل استفاده از تپ آتوثانیه به همراه میدان فروقرمز قوى (به عنوان مثال: پمپ IR و كاوندهٔ XUV) بوده است، تولید تک تپهای آتوثانیه قوی، انجام آزمایشهای پمپ آتوثانیه XUV و کاوندهٔ آتوثانیه XUV را امکان پذیر می-سازد[۲۵]. این موضوع مسئلهٔ تولید تپهای دو گانهٔ آتوثانیه با تأخير زمانی قابل کنترل را مطرح میکند. به علاوه این تپها می توانند در بررسی همبستگی الکترونها [۲۶] و نیز دینامیک تحريك الكترونها [٧] كاربرد داشته باشند. براي مثال نشان داده شده است که تپهای دو گانه تحریک الکترونی و جذب انرژی کمتری نسبت به تک تب در کریستال CaF2 نشان میدهند [۷]. در فرایند موسوم به تولید هارمونیکهای بالا (HHG) در اثر اندرکنش تپهای پرشدت با گازهای نادر، سامانههای اتمی و مولکولی نور را در بسامدهای معادل با مضارب درست بسامد میدان لیزر گسیل میکنند [۲۷ و ۲۸]. این فرایند، منبع تابشی با محدودهٔ طیفی وسیع و با فواصل بسامدی یکسان ایجاد میکند. مشابه لیزرهای قفل مدی، تولید هارمونیکهای بالا شانهای از بسامدها را در ناحیهٔ XUV به وجود می آورد و می تواند قطاری از تپهای آتوثانیه در حوزهٔ زمانی با ترکیب چندین هارمونیک حاصل کند.

فرایند تولید هارمونیکهای بالا با استفاده از مدل نیمهکلاسیکی سه مرحلهای به سادگی توضیح داده می شود [۲۹]. در این مدل ابتدا اتم یونیده می شود، سپس در میدان لیزر شتاب می گیرد و در نهایت با بازگشت به هستهٔ مادر و برخورد به آن، گسیل فوتون پرانرژی صورت می گیرد. مطابق با مدل فوق، فرایند کنترل هارمونیکهای بالا را می توان با کنترل هر کدام از مراحل مذکور انجام داد. در این مدل بسامد قطع هارمونیکها از رابطهٔ مذکور انجام داد. در این مدل بسامد قطع هارمونیکها از رابطهٔ یونس اتم و  $_{g}U$  انرژی پوندرماتیو الکترون است. انرژی پوندرماتیو با معادلهٔ <sup>۲</sup> (بسته) و  $U_{p} = (eE_{L_{a}})^{\gamma}$ 

دامنهٔ میدان لیزر،  $\omega_{L^{*}}$  بسامد زاویه ای مرکزی لیزر محرک،  $E_{L^{*}}$  جرم الکترون وe بار آن است.

برای اتمها، انرژی پتانسیل وابسته به میدان لیزر تحت تغییر علامت در نیمچرخههای متوالی، وارون- متقارن است. در نتیجه دو تپ آتوثانیه در طی یک چرخهٔ کامل لیزر تولید می-شوند و شکل موج تپها وارون- متقارن است. یعنی از یک تپ به تپ مجاور اختلاف فاز π رادیان برای فاز حامل- پوش ایجاد می شود. نشان داده شده است که می توان با استفاده از مولکولهای نامتقارن قطار تپهایی با فاز یکسان تولید کرد[۰۳-۳۴].

ما در محاسبات خودمان از مدل پتانسیل یک بعدی استفاده می کنیم. پتانسیل های یک بعدی در حین سادگی، در کشف ویژگیهای جدید کوانتومی نقش مهمی دارند و نیز نقش اساسی در شبیهسازی فرایندهای میدان قوی بر اساس دینامیک کلاسیکی یا نیمهکلاسیکی دارند [۳۵–۳۷]. در حالت کلی در صورتی که میدان الکتریکی با قطبش غیرخطی در مورد تولید هارمونیکهای بالا اعمال شود، گشتاور دوقطبی القایی در مدل یک بعدی ممکن است نسبت مدل سه بعدی انحراف متفاوت باشد. با این حال در مورد تپ لیزر محرک با قطبش خطی، بخش عمدهٔ دینامیک سامانه در امتداد میدان الکتریکی تپ لیزر رخ میدهد و نشان داده شده است که با انتخاب مناسب پارامترهای پتانسیل یک بعدی می توان با حجم کمتری از محاسبات نتایج رضایت بخشی به دست آورد. مدل های یک بعدی متفاوتی برای پتانسیل مورد مطالعه قرار گرفتهاند و نشان داده شده است که استفاده از پتانسیلهای خاص یک بعدی با پارامترهای مناسب در اندرکنش لیزر قطبیدهٔ خطی با اتم، قابلیت مدلسازی کلی طیفی هارمونیکهای بالا را دارند و نتایج بسیار قابل توجه و نزدیک به مدل سه بعدی را به دست میدهند [۳۸].

روش ما برای تولید تپهای مطلوب بر اساس کنترل مراحل اول و دوم در مدل سه مرحلهای نیمه کلاسیکی استوار است: تقارن فرایند یونش در نیمچرخههای پشت سر هم لیزری با استفاده از یک مولکول نامتقارن از بین میرود (مرحلهٔ اول) و دینامیک الکترونی با استفاده میدان الکتریکی لیزر کنترل می شود  $E_{x}(\omega) = F\{a(t)\}.$ (f) (f

$$\varepsilon_{x}(t) = \pm \tau \left| \int_{-\infty}^{+\infty} d\omega E_{x}(\omega) f(\omega) \exp(-i\omega t) \right|, \qquad (\forall)$$

محاسبه می شود.

فاز حامل پوش تپهای آتوثانیه حاصل شده، از رابطهٔ فاز حامل پوش تپهای آتوثانیه حاصل شده، از رابطهٔ  $\Phi_{CEP} = \omega_x \delta t$  پوش و بیشینه میدان الکتریکی و  $\omega_x$  بسامد زاویه ی مرکزی شدت طیفی تپ آتوثانیه ، ( $\omega$ )، است.

حالت پایهٔ مولکول مورد نظر را با استفاده از روش انتشار در زمان موهومی به دست می آوریم. این روش بر اساس بیان معادلهٔ شرودینگر برحسب زمان موهومی استوار است. با تبدیل شرودینگر برحسب زمان موهومی استوار است. با تبدیل  $t \to -i\tau$  $h \partial \psi(x, \tau) / \partial t = -H \psi(x, \tau),$  (۸)

که  $(x, \tau)$  تابع موجی است که در زمان  $\tau = 0$  به صورت اتفاقی (و البته بدون گره) انتخاب شده است و در  $\infty = \tau$  به سمت حالت پایهٔ مولکول  $(x)_0(x)$  میل میکند[۴۰]. جواب تقریبی معادلهٔ فوق را می توان به صورت

 (مرحلهٔ دوم). امکان تولید تپهای دوگانهٔ آتوثانیه با دامنههای قابل کنترل، بدون توجه به فاز حامل-پوش آنها در کارهای قبلی ما بررسی شده است [۳۹]. در اینجا تولید دو تپ آتوثانیه دارای دامنه و فاز حامل- پوش یکسان را دنبال میکنیم. تولید تپهایی به نعداد محدود با مشخصات فازی قابل کنترل تاکنون گزارش نشده است. نشان میدهیم که با استفاده از اندرکنش لیزر فمتوثانیه با پارامترهای بهینه شده، که از طریق الگوریتم ژنتیک به دست آمده اند، می توان به هدف مطلوب رسید.

### ۲. مبانی نظری و روش محاسباتی

برای انجام محاسبات عددی، از حل عددی معادلهٔ شرودینگر وابسته به زمان استفاده میکنیم. در این کار از لیزر قطبیدهٔ تیسافایر با شدتی از مرتبهٔ ۱۰<sup>۱۴</sup> وات بر سانتیمتر مربع و طول موج مرکزی ۸۰۰ نانومتر به عنوان محرک بهره می-گیریم. معادلهٔ شرودینگر وابسته به زمان برای یک مولکول در حضور میدان الکتریکی در مدل یک بعدی به صورت زیر است:

$$\left[-\frac{\hbar^{\mathsf{T}}}{\mathsf{T}m}\frac{\partial^{\mathsf{T}}}{\partial x^{\mathsf{T}}} + V(x) - xE_{L}(t)\right]\psi(x,t) = \frac{\partial}{\partial t}\psi(x,t),\qquad(1)$$

که در آن

$$V(x) = -\frac{Z_{1}e}{\sqrt{1 + (x + R/r)^{r}}} - \frac{Z_{r}e}{\sqrt{1 + (x - R/r)^{r}}},$$
 (Y)

پتانسیل نامتقارن مولکولی و  $E_L$  میدان الکتریکی لیزر است. در معادلهٔ فوق، R فاصلهٔ بین دو هسته و  $Z_i e$  و  $Z_i e$  بارهای الکتریکی هستهها هستند. ما در محاسبات خود، مقادیر عددی عددی .هستهها هستند. ما در محاسبات خود، مقادیر عددی عددی .مهاه ج  $Z_i = r$  و  $I = r_Z$  را برای مولکول نامتقارن عددی .HeH در نظر می گیریم [۳۳]. تابع موج وابسته به زمان از تأثیر عملگر تحول زمانی روی تابع موج حالت پایه حاصل می شود و میدان الکتریکی گسیلی مولکول با استفاده از قضیهٔ اهرنفست از شتاب دوقطبی الکترون محاسبه می شود:

$$a(t) = -\int_{-\infty}^{+\infty} dx \, |\, \psi(x,t) \,|\, \partial V(x) \,/ \, \partial x, \tag{(Y)}$$

و از آنجا میتوان با انجام تبدیل فوریهٔ شتاب دوقطبی، طیف گسیلی را به دست آورد:

#### ۴. پارامترهای بهینهسازی

میدان الکتریکی لیزر را مطابق با معادلهٔ

 $E_L(t) = E_{L*}g(t)\cos(\omega_L t + \theta),$  (۱۵) در نظر می گیریم، که تابع پوش لیزر g(t) با روابط زیر تعریف می شود:

$$g(t) = \begin{cases} t(at - at_{\circ} + 1/t_{\circ}) & : t < t_{\circ} \\ 1 & : t < T - t_{\circ} \\ (T - t)[a(T - t - t_{\circ}) + 1/t_{\circ}]: t - t_{\circ} < t < T \\ \circ & : t > T, \end{cases}$$
(19)

که پارامترهای  $t_*, T$  و a پارامترهای نامعینی هستند که از طریق بهینهسازی محاسبه خواهند شد. تابع پوش بیان شده با معادله فوق همواره در شرایط:

$$g(t) = \begin{cases} \circ : & t = \circ_{\mathfrak{g}} T \\ \land : & t = t_{\circ \mathfrak{g}} T - t_{\circ}, \end{cases}$$
(1V)

$$\begin{cases} a = x_{\circ} / (x_{\gamma} x_{\gamma})^{\gamma}, \\ t_{\circ} = x_{\gamma} x_{\gamma}, \\ T = x_{\gamma}, \end{cases}$$
(1A)

با (x,x,x,x,x) به هم ارتباط دارند. سایر پارامترهای مورد نظر ما جهت بهینهسازی، دامنه میدان الکتریکی لیزر E<sub>L</sub> و بسامد زاویهای مرکزی صافی طیفی *o* است، که محدودیت مناسبی نیز برای آنها باید در نظر بگیریم. تابع (x). \ در معادلهٔ (۸) می تواند به حالتهای برانگیخته مولکول منجر شود. می توان انرژی حالت پایهٔ مولکول را از معادله:

$$E_{*} = \left\langle \psi_{*}(x) \right| - \frac{\hbar^{\mathsf{Y}}}{\mathsf{Y}m} \frac{\partial^{\mathsf{Y}}}{\partial x^{\mathsf{Y}}} + V(x) \left| \psi_{*}(x) \right\rangle , \qquad (11)$$

۳. روش بهینهسازی

همانطور که گفته شده تولید دو تپ کاملاً یکسان را دنبال میکنیم. بدین منظور تابع ارزش الگوریتم ژنتیک را به صورت:  $J = -(F_1 + F_7) / \gamma F + \alpha |F_1 - F_7| / F + \beta |\Delta \Phi_{CEP}|$  (۱۲) تعریف می کنیم، که در آن

$$F_{i} = \int_{ArgMax[\varepsilon_{x}(t)]+(i-1)D-\Delta t}^{ArgMax[\varepsilon_{x}(t)]+(i-1)D-\Delta t} \varepsilon_{x}(t)dt, \qquad (1\%)$$

$$e i \text{ mission } i \in I, \quad i$$

$$F = \int_{-\infty}^{+\infty} \varepsilon_x(t) dt. \tag{14}$$

پارامتر Δt در معادله (۱۳)، پهنای زمانی تب آتوثانیه مورد  $ArgMax[\varepsilon_x(t)]$  نظر و D فاصلهٔ زمانی بین آنها و تابع موقعیت زمانی بیشینه پوش میدان تولید شده را نشان مىدهد. كميت  $\Delta \Phi_{CEP}$  اختلاف فاز حامل پوش دو تپ است. پارامترهای α و β در معادله (۱۲) اهمیت نسبی جملات آن را در بهینهسازی تعیین می کنند. پارامتر α یکسان شدن دامنه تيها و β يكسان شدن فاز پوش حامل آنها را در بهینهسازی کنترل می کند. انتخاب مناسب پارامترهای فوق می تواند ما را به تپهای مورد نظر هدایت کند. در این کار مقادیر ۲ =  $\alpha$  و  $\beta = 0/16$  را با انجام بهینه سازی مختلف و بررسی نتایج حاصل شده انتخاب کردیم. با بررسی تابع ارزش فوق معلوم مي شود كه جملهٔ اول آن همواره كمتر از ۵/۰- است. بیشینه جملات دوم و سوم نیز صفر هستند. بنابراین عبارت فوق همواره بیشتر از ۵/۰۰ است وکمترین مقدار آن برای حالت  $F_{\gamma} = F_{\gamma}$  و  $\Phi_{CEP} = \Delta \Phi_{CEP}$ می تواند اتقاق بیافتد که مطلوب مسئله است. شایان ذکر است که هر چه پارامترهای بیشتر و مناسبتری در بهینهسازی وارد کنیم به كمينه فوق نزديك تر خواهيم شد.



میدانیم که طبق مدل نیمه کلاسیکی تولید هارمونیکهای بالا، بسامد مرکزی صافی طیفی باید کمتر از بسامد قطع هارمونیکهای تولید شده  $_x \omega$ باشد. با استفاده از این مدل به نامساوی  $^{\gamma}(_L \omega_L - \omega_L) \wedge (-+ \gamma \vee / 1) = \omega_x$  میرسیم. در اینجا پارامترهای بهینهسازی  $_x = \omega_L$  و  $_x \omega_L - \omega_L = x_x$  را وارد میکنیم. پارامتر  $_x \alpha$  را نیز جهت بهینهسازی فاز میدان الکتریکی لیزر،  $\theta$  ، و  $_x$  را برای پهنای طیفی صافی  $\omega \Delta$  در نظر می گیریم. به طور خلاصه:

$$\begin{cases} \omega_L = x_{r}, & E_{L^*} = x_{r} x_{r}, \\ \theta = x_{o}, & \Delta \omega = x_{o}. \end{cases}$$
(19)

با جمع بندی آنچه گفته شد، تابع ارزش، J، را می توان به صورت تابعی از هفت متغیر  $(x_s, x_h, x_r, x_r, x_r, x_h, x_h, x_s)$  رصورت تابعی از هفت متغیر  $(x_s, x_h, x_r, x_r, x_h, x_h, x_h, x_h, x_h)$  نوشت. با فرض این که تپهای تولید شده نزدیک به تپهای گوسی باشند، محدودهٔ پارامتر  $x_6$  قابل محاسبه است. محدودهٔ پهنای طیفی برای ایجاد تپهای مطلوب را از رابطهٔ سازگار با اصل عدم قطعیت  $x_7/(v/o) \ge \Delta D \ge x_7/(0.0)$  محاسبه می کنیم. بنابراین محدودهٔ بهینه سازی پارامترها را می توان با می می کنیم. بنابراین محدودهٔ بهینه سازی پارامترها را می توان با می می کنیم.

$$\begin{cases} -1 \le x_{\circ} \le \circ, & \circ/\circ \delta \le x_{1} \le \circ/\delta \\ \forall \delta \circ \le x_{\gamma} \le 1 \% \circ \circ, & \circ/\delta \omega_{\circ} \le x_{\gamma} \le 1/\Lambda \omega_{\circ} \\ \forall / \Upsilon \le x_{\gamma} \le \% / \circ, & \circ \le x_{\delta} \le \Upsilon \pi \\ \circ/\Upsilon \le x_{\varsigma} \le \circ/\Upsilon\Lambda, \end{cases}$$

$$(\Upsilon \circ)$$

خلاصه كرد.

## ۵. نتایج عددی و بحث

در شکل ۲ نحوهٔ تغییرات تابع اولیهٔ انتخاب شده برای (x,۰) (x,۰) با افزایش تعداد تأثیر عملگر تحول زمانی، پارامتر n معادلهٔ (۹)،

و نزدیک شدن آن به حالت پایهٔ مولکول، دیده می شود. حالت پایهٔ مولکول در این شکل با رنگ سبز نمایش داده شده است. موقعیت بیشینهٔ حالت پایه به دلیل عدم تقارن پتانسیل نه در مبدأ مختصات، بلكه نزديك به x=-۲a.u. واقع شده است. در شکل ۳ نمودار تغییرات انرژی پتانسیل مولکول نامتقارن با فاصلهٔ بین دو اتم آن به همراه انرژی حالت پایه نشان داده شده است. طبق شکل دوقطبی دائمی مولکول <sup>۲+</sup> HeH در راستای محور x قرار دارد [۳۴]. در طی اندرکنش لیزر با مولکول جهت میدان الکتریکی به طور متناوب تغییر میکند و به صورت موازی یا پادموازی با جهت دوقطبی دائمی در می آید. يونش مولكول در هر دو جهت اتفاق میافتد ولي در حالت اخیر بسیار قویتر است. زمانی که میدان الکتریکی پادموازی با دوقطبی دائمی باشد، انرژی الکترون در اثر اندرکنش با میدان ليزر افزايش مي يابد [٣٣]. بنابراين احتمال يونش و نيز بازده توليد هارمونيکها بالاست. در چرخهٔ بعدی ميدان الکتريکی ليزر تغيير علامت داده و با دوقطبي دائمي هم جهت مي شود. در این حالت انرژی الکترون با انتقال رو به پایین کاهش می یابد و بنابراین احتمال یونش و نیز بازده تولید هارمونیکها افت پیدا مي کند.

به طور خلاصه هدف ما تولید دو تپ آتوثانیه با فاز حامل پوش یکسان، پهنای زمانی معین و بسامد مرکزی مشخص است. لازم به ذکر است که پهنای زمانی و طیفی تپ را می توان مطابق با دو تعریف متداول انجام داد.

بر طبق تعریف استاندارد آماری، پهنای یک کمیت مانند y با معادله  $\overline{y} < y > - < \overline{y} > \sqrt{2}$  داده می شود که برای پهنای زمانی و پهنای طیفی کمیت y، به ترتیب روی شدت زمانی و شدت طیفی میانگین گیری می شود.

در تعریف دیگر، پهنای یک کمیت برابر مقدار کل پهنای نمودار شدت آن در نصف ارتفاع بیشینهاش تعریف میشود. تعریف اول در محاسبات نظری و تعریف دوم در کارهای تجربی متداول است. میتوان ارتباط بین دو تعریف فوق را طبق معادلهٔ میدلی (Δy)<sub>FWHM</sub> ۲/۳۵



**شکل ۲**. نمایش تغییرات فضایی تابع موج اولیه انتخاب شده n = 19, 77, 94 برای تعداد تأثیر عملگر تحول زمانی مختلف 19, 77, 94 = n. مطابق شکل با افزایش n تابع  $(x, \circ) \psi$  به حالت پایه نزدیک می شود. تابع داده شده با رنگ بنفش تابع دلخواه اولیه،  $(^{\circ}, x) \psi$ ، eرنگ سبز ویژه حالت پایهٔ مولکول مورد نظر،  $(x) \cdot \psi$ ، را نمایش می دهد. لازم به ذکر است که همه نمودارها بهنجار شده هستند، یعنی n = 1



شکل ۳. نمودار تغییرات انرژی پتانسیل مولکول نامتقارن با فاصلهٔ بین دو اتم. جهت دو قطبی دائمی مولکول در شکل نمایش داده شده است. جهت میدان الکتریکی در چرخههای متوالی نسبت به جهت دوقطبی دائمی مولکول تغییر میکند. در شکل انرژی حالت پایه نیز دیده می شود.



شکل ۴. نمایش شکل بهینهٔ میدان الکتریکی بر حسب زمان که با استفاده از بهینهسازی الگوریتم ژنتیک حاصل شده است. در شکل  $(T_L = 7\pi / \omega_L = 4/11 \mathrm{fs})$  برابر دوره تناوب لیزر محرک است. طول قاعدههای و بزرگ و کوچک پوش پالس به ترتیب برابر 70/1958 است.

جدول ۱. مقادیر حاصل از بهینه¬سازی الگوریتم ژنتیک برای پارامترهای مسئله، جهت تولید پالس آتوثانیه مطلوب، در این جدول متناظر با طول موج است.

مقدار بهينه	کمیت	مقدار بهينه	كميت
-•/00914·V	x <sub>0</sub>	-•/FTY9Y×1• <sup>-0</sup>	а
•/18012259	$x_1$	۴/۷۷ fs	t <sub>0</sub>
1401/20912	$x_2$	ro/r fs	Т
•/•٣۶٨٩٢١٣	<i>x</i> <sub>3</sub>	·/94V14 @	$\omega_L$
0/011.7247	$x_4$	•/ <b>Y</b> •9 a.u.	$E_{L0}$
4/1422068	$x_5$	١/١٩π	α
		4/14 fs	$T_L$

برای تپهای تبدیل محدود (گوسی شکل)، رابطهٔ عدم قطعیت طیفی و زمانی یک تپ در تعریف آمــاری به صورت در متن حاضر، بدون ( $\Delta t$ )  $\Delta t_{SSD} \times (\Delta \omega)_{SSD} = 0.6$ اشاره صريح، از تعريف آماري پهناي پالس ها استفاده خواهيم کرد. مطابق قرارداد فوق پهنای زمانی پالسهای آتوثانیه را به  $\omega_x = \$ \circ \omega_z$  انها را  $\tau_x = \$ / 4a.u. = \$ \circ / 4a.u.$ بسامد زاویهای متناظر با طول موج ۸۰۰*nm* است یاداوری میکنیم که مقدار انرژی برحسب الکترون ولت از معادلهٔ (...) ۲۷/۲× ۲۷/۲ قابل محاسبه است. مطابق آنچه گفته شد، برای محاسبه تابع ارزش داده شده با معادله (۱۲) مقدار Δt را برابر با ۲/۵*a.u*. (معادل ۶۰/۵ *as* فرار میدهیم. همچنین با توجه به هدف توليد پالسهاي داراي فاز پوش- حامل يكسان فاصله زمانی بین پالس،ها را نیز برابر با دوره تناوب لیزر محسر ک  $T_L = r\pi / \omega_L$  اختیار می کنیم [۳۱]. بنابراین بسامد زاویه ای مرکزی  $\omega_c = \omega_x = \varepsilon \cdot \omega_c$  را در تابع صافی داده شده با معادلهٔ (۶) وارد می کنیم. حال با توجه به آنچه گفته شد می توان تب آتوثانیه گسیل شده از مولکول را در اندرکنش یک میدان الکتریکی لیزری معین و برای یک پهنای طیفی مفروض برای صافی به دست آورده و تابع ارزش را محاسبه کرد. ما در اینجا نتایج بهینهسازی حاصل از الگوریتم ژنتیک با جمعیت ۶۰

عضوى را پس از طي حدود ٢٠٠٠ نسل با تابع ارزش حاصل از J = -۰/۲۲۰۳۲۱ گزارش میکنیم. جدول ۱ خلاصه نتایج حاصل از بهینهسازی را نشان میدهد. در شکل ۴ میدان الکتریکی بهینه شده نمایش داده شده است. محور زمان در این شکل برحسب دورهٔ تناوب لیزر محرک و طول قاعدهٔ بزرگ یوش آن برابر ( $T_L = r\pi / \omega_L = \epsilon / r tr$ s) ۳۵/۳fs است. شکل ۵. الف طیف ساختار معمول در فرایند تولید هارمونیکها را نمایش میدهد: شدت طیفی برای چند هارمونیک اول افت بسیار سریع را نشان میدهد، سپس برای بخش بزرگی از هارمونیکها شدت تقریباً یکسانی دارد که به ناحیهٔ فلات شهرت دارد و در نهایت بعد از بالاترین هارمونیک سریعاً افت میکند که بسامد قطع نامیده می شود. در شکل ۵. ب شدت طیفی اولیه و صافی شده به ترتیب با نمودار قرمز نقطه چین و آبی توپر نشان دادهشدهاند. با برهمنهى بخش صافى شده طيف تبهاى مطلوب حاصل می شوند. این بخش از طیف عمدتاً ناشی از تأثیر قسمت منفی میدان الکتریکی است که در آن میدان الکتریکی در جهت مخالف دوقطبي دائمي مولكول وارد مي شود. در اثر اين بخش از میدان، الکترون از سمت یون هیدروژن تونل زنی کرده و یونیده می شود و در بازگشت و برخورد به یون هلیم تولید هارمونیکهای بالا را موجب می شود. چرخههای مثبت میدان الکتریکی سهم بسیار ناچیزی در هارمونیکهای تولید شده دار ند.

شکل ۶ پوش میدان الکتریکی گسیل شده در اثر اندرکنش لیزر بهینه با مولکول دو اتمی مورد نظر را نشان می دهد. مطابق شکل دو تپ آتوثانیه یکسان با فاصلهٔ زمانی ۲/۱۲ فمتوثانیه و برابر دورهٔ تناوب لیزر محرک دیده می شوند. می دانیم که فاصلهٔ زمانی تپهای ناشی از اندرکنش لیزر با مولکول های تک اتمی نصف دورهٔ تناوب لیزر محرک است و فاز پوش – حامل دو تپ کنار هم در این فرایند یکسان نیست، ولی فاز حامل – پوش تپهای تولید شده در فرایند اندرکنش لیزر با یک مولکول نامتقارن یکسان است. در شکل ۷ نقش چرخهٔ مثبت و منفی میدان الکتریکی لیزر در تولید هارمونیکهای بالا بررسی شده است. بدین منظور اندرکنش ناحیهٔ منفی و مثبت میدان

الکتریکی با مولکول به طور جداگانه مورد بررسی قرار گرفته است.

نمودار آبی و قرمز تپهای تولید شده را به ترتیب در حالاتی نمایش میدهند که فقط بخش منفی و مثبت میدان در اندرکنش وارد شده است. نتیجهٔ به دست آمده نشان میدهد که دامنهٔ تپهای تولید شده در حالت اول به مراتب بزرگتر از حالت دوم هستند. به عبارت دیگر نقش قسمت مثبت میدان الکتریکی لیزر بسیار کمتر ازقسمت منفی است. این نتیجه تأیید دیگری بر تأثیر دوقطبی دائمی مولکول در تولید هارمونیکها و شکست تقارن فضایی یونش است.

در اینجا فاز حامل-پوش تپهای تولید شده را از نزدیک مطالعه و بررسی میکنیم. در شکل ۸ نمودار تغییرات زمانی میدان الکتریکی تپهای اَتوثانیه تولید شده از نمای نزدیکتر نـشـان داده شده است، تا مقايسهٔ فاز پوش-حامل آنها سادهتر شود. با توجه به شکل، تشابه کامل تپها کاملاً آشکار است. همانطور که انتظار میرود، فاصلهٔ زمانے بین آنـها، برابر با ۹ دورهٔ تناوب لیزر محرک ( $T_L = \frac{1}{11}$ ) است. در شکل فاز حامل-يوش تيها با انطباق دادن بيشينه مقدار ميدان الکتریکی آنها روی یکدیگر از طریق انتقال تپ سمت راست (نمودار قرمز رنگ توپر) روی تپ سمت چپ (نمودار نقطه چین آبی) بررسی شده است. برای محاسبهٔ فاز پوش حامل تپها از اختلاف زمانی بیشینهٔ پوش و میدان الکتریکی استفاده میکنیم، که در شکل ۹ مشخص شدهاند. فاز حامل پوش هر دو تپ توليد شده در اين شکل با دقتي بسيار بالا برابر با است که نشان دهندهٔ دقت و کارایی  $\Phi_{CEP} = -1/$  ۸۷۸۷۷ $\pi$ بالای روش ارائه شده است. پهنای زمانی هر دو تپ تولید شده مقدار (a.u.) ۲/۵۲ را به دست میدهد که با مقدار مورد انتظار اختلاف بسیار ناچیز ۸/۰ درصد را نشان میدهد. همچنین پهنای طیفی تپهای حاصل برابر (a.u.) ۱۳۷۷ است. حاصلضرب پهنای زمانی و طیفی این تپها برابر ۶/۰ است که با مقدار مورد انتظار برای تپهای کاملاً گوسی (۰/۵) تفاوت اندكي نشان مي دهد. مطابق شكل فوق، انطباق دو تب در اطراف بيشينهٔ آنها بيشتر است و با حركت به سمت كنارهها به تدريج كاهش مى يابد.



**شکل۵**. (الف) نمایش شدت طیفی گسیل شده از مولکول قبل از اعمال صافی توسط صافی طیفی که در آن ناحیه تخت طیفی و بسامد قطع دیده میشوند. (ب) شدت طیفی بهینه شده قبل از صافی (نمودار قرمز نقطه چین) و بعد از صافی طیفی (نمودار آبی توپر) حول بسامد مهر 604م.



**شکل** ۶. نمایش پوش میدان الکتریکی گسیل شده بر حسب زمان در اثر اندرکنش لیزر محرک بهینه شده با مولکول <sup>۲+</sup> HeH. فاصلهٔ دو تپ تولید شده برابر دورهٔ تناوب لیزر محرک Hrfs / ۲ = ۲ فمتوثانیه در شکل دیده می شود.



شکل۷. بررسی میزان نقش چرخهٔ مثبت و منفی میدان الکتریکی لیزر در تولید هارمونیکهای بالا و تپهای آتوثانیه. نمودار آبی نقطه چین و قرمز توپر به ترتیب تنها با وارد کردن بخش منفی و مثبت میدان الکتریکی لیزر به دست آمدهاند. با توجه به نتیجهٔ حاصل شده، نقش قسمت منفی میدان الکتریکی در تولید تپهای مطلوب کاملاً آشکار است.



**شکل ۸** نمودار تغییرات زمانی تپهای یکسان آتوثانیه با مشخصات مطلوب که با استفاده از بهینهسازی پارامترهای لیزر محرک حاصل شده-اند. تشابه کامل دو تپ تولید شده و نیز فاصلهٔ زمانی بین آنها، برابر دورهٔ تناوب لیزر محرک در شکل دیده می شود.



شکل ۹. مقایسهٔ فاز حامل-پوش دو تپ تولید شده با انطباق دادن موقعیت بیشینهٔ میدان الکتریکی آنها روی یکدیگر با انتقال تپ سمت راست (نمودار قرمز رنگ) روی تپ سمت چپ (نمودار با نقاط آبی رنگ). نمودار سبز رنگ پوش تپ ها را نمایش می دهد. موقعیت بیشینه های میدان الکتریکی و پوش تپ و نیز فاصلهٔ زمانی آنها (δt) بیشینه آنها به وضوح دیده می شود. فاز حامل پوش هر دو تپ با دقت بسیار مناسبی برابر با Φ<sub>CEP</sub> =  $\omega_x \delta t$  = -1/ ۸۷۸۷/ رادیان محاسبه شده است.

## ۶. نتیجه گیری

به طور خلاصه، با حل عددی معادلهٔ شرودینگر وابسته به زمان، تولید دو تپ آتوثانیه با فاز حامل-پوش یکسان و با فاصلهٔ زمانی و دوام زمانی قابل کنترل در اندرکنش لیزر فمتوثانیه با مولکول نامتقارن <sup>+۲</sup> HeH را از لحاظ نظری مورد بررسی قرار دادیم. مشخصات تپ لیزر جهت ایجاد تپهای فمتوثانیه مطلوب با استفاده از روش بهینهسازی الگوریتم ژنتیک به دست آمدند و تأثیر چرخهٔ مثبت و منفی میدان الکتریکی لیزر در تولید تپهای مطلوب مورد مطالعه قرار گرفت. نشان داده شد که تپهای آتوثانیه تولید شده با تأخیر زمانی ۴/۱۲ فمتوثانیه (برابر

مراجع

تأخیر زمانی قابل کنترل و فاز حامل پوش معین استفاده شود. تولید تپها به تعداد محدود، به دلیل کنترل دقیق تر بستههای موج الکترونی اهمیت بیشتری نسبت به قطار تپها در کارهای تجربی دارند. با توجه به نتایج حاصل شده، کاربرد تپهای حاصل از این روش، ما را به انجام تحقیقات بیشتر در حوزه دینامیک الکترونی در مواد مختلف امیدوارتر میکند. با دورهٔ تناوب لیزر محرک) دوام زمانی ۵۶/۱*αS و* فاز حامل- پوش یکسان ( Λ۷۸۷۷*π*) دارند و با دقت بسیار بالایی با پارامترهای مطلوب همخوانی دارند. انطباق مناسب پارامترهای حاصل شده برای تپهای تولید شده با پارامترهای مطلوب نشان دهندهٔ کارایی بسیار بالای روش ارائه شده است. این روش میتواند برای تولید تپهای با پهنای زمانی دلخواه،

- 1. G Steinmeyer, D H Sutter, L Gallmann, N Matuschek, and U Keller, Science, 286 (1999) 544.
- 2. M Nisoli et al., Opt Lett, 22 (1997) 8.
- 3. D. J. Jones et al., Science, 288 (2000) 5466.
- 4. Z Chang, "Fundamentals of Attosecond Optics", CRC Press (2011).
- 5. C Gohle et al., Nature, 436 (2005) 7048.
- 6. G Sansone et al., Science, 314 (2006) 5798.
- 7. Y Jiao, F Wang, X Hong, W Su, and Z Zhang, Phys. Lett. A, 378 (2014) 3.
- 8. M Lewenstein, P Balcou, M Y Ivanov, A L'Huillier, and P B Corkum, Phys. Rev. A 49 (1994) 3.
- 9. I P Prokopovich, Laser Phys. Lett. 2 (2005) 5.
- 10. I Prokopovich, Laser Phys. 15 (2005) 6.
- 11. R A Ganeev, "High order Harmonic Generation in laser Plasma plumes", Imperial college Press (2013).
- 12. M Cherednychek and A Pukhov, Quantum Electronics 46 (2016) 4.
- 13. S Mondal et al., Sci. Rep. 12 (2022) 1.
- 14. X Lavocat-Dubuis, F Vidal, J P Matte, J C Kieffer, and T Ozaki, New Journal of Physics 13 (2011) 2.
- 15. A Mak et al., Reports on Progress in Physics 82 (2019) 2.
- 16. P M Paul et al., Science 292 (2001) 5522.
- 17. P Antoine, A L'Huillier, and M Lewenstein, Phys. Rev. Lett. 77 (1996) 7.
- 18. M. Ivanov and P B Corkum, Phys. Rev. Lett. 74 (1995) 15.
- 19. H A Navid, R Aghbolaghi, and Z Yarali, J. Mod. Optics 66 (2019) 17.
- 20. Y Hu et al., Zeitschrift für Naturforschung A 77 (2022) 10.
- 21. J-X Du, G-L Wang, X-Y Li, Z-H Jiao, S-F Zhao, and X-X Zhou, Phys. Rev. A 108 (2023) 2.
- 22. A B H Yedder, C Le Bris, O Atabek, S Chelkowski, and A Bandrauk, Phys. Rev. A 69 (2004) 4.
- 23. Z Chang, Phys. Rev. A 76 (2007) 5.
- 24. K Kovács and V Tosa, Sci Rep 10 (2020) 1.
- 25. J Miao et al., Opt Express 20 (2012) 5.
- 26. S Hu and L A Collins, J. Mod. Optics 54 (2007) 7.
- 27. A Baltuška et al., Nature 421 (2003) 6923.
- 28. T Popmintchev, et al., Nature Photonics 4 (2010) 12.
- 29. P B. Corkum and F Krausz, Nature Physics 3 (2007) 6.
- 30. P Lan, P Lu, W Cao, X Wang, and W Hong, Optics Lett. 32 (2007) 9.
- 31. P Lan, P Lu, W Cao, Y Li, and X Wang, Phys. Rev. A 76 (2007) 2.
- 32. X-Y Miao and H-N Du, Phys. Rev. A 87 (2013) 5.
- 33. X-B Bian and A. D. Bandrauk, Phys. Rev. Lett. 105 (2010) 9.
- 34. G L Kamta and A. D. Bandrauk, Phys Rev Lett., 94 (2005) 20.
- 35. S Majorosi, M G Benedict, and A Czirják, Phys. Rev. A 98 (2018) 2.
- 36. J Javanainen, J H Eberly, and Q Su, Phys. Rev. A 38 (1988) 7.
- 37. Q Su and J H Eberly, Phys. Rev. A 44 (1991) 9.

- 38. A Gordon, R Santra, and F X Kärtner, Phys. Rev. A 72 (2005) 6.
- 39. H Navid and M Keshavarzi, J. Mod. Optics 64 (2017) 20.
- 40. L Lehtovaara, J Toivanen, and J. Eloranta, J. Comp. Phys. 221 (2007) 1.