



# بررسی خواص الکترونی و گرمایی بلور SnN – InO با روش نظریه تابعی چگالی

مجتبی اشهدی<sup>۱</sup> و طاهره شعبانزاده حصاری<sup>۲\*</sup>

۱. گروه فیزیک، دانشکده علوم، دانشگاه سیستان و بلوچستان، زاهدان

۲. مرکز تحقیقات نانو، دانشکده علوم، دانشگاه فردوسی، مشهد

\*پست الکترونیکی: Tahereh.Shabanzade@alumni.um.ac.ir

(دریافت مقاله: ۱۴۰۲/۱۱/۰۳؛ دریافت نسخه نهایی: ۱۴۰۳/۰۴/۰۶)

چکیده

در این پژوهش، با استفاده از نظریه تابعی چگالی، ویژگی‌های الکترونی و ترموالکتریکی بلور دوبعدی SnN-InO مورد مطالعه قرار گرفته است. نانوساختار SnN-InO یک ماده ترموالکتریک لانه‌زنی دو بعدی با گاف نواری غیرمستقیم  $0.5\text{ eV}$  است. با استفاده از ساختار الکترونی به محاسبه ضرایب تراپردازی ترموالکتریکی نظیر ضریب سیبک که تعیین کننده اصلی خواص ترموالکتریکی است، ضریب رسانندگی الکتریکی و گرمایی الکترونی و معیار شایستگی پرداخته می‌شود. محاسبات نشان می‌دهند که ضریب سیبک با افزایش دما، کاهش می‌یابد و در محدوده تراز فرمی و انرژی‌های منفی، بیشترین تغییرات معیار شایستگی نسبت به دما بسیار اندک است، بهطوری که در بازه دمایی  $40^{\circ}\text{C}$  کلین به مقداری کمتر از  $2\%$ ، دستخوش تغییرات شده است. بنابراین نانوساختار SnN-InO، می‌تواند به عنوان یک ماده ترموالکتریک خوب با معیار شایستگی  $0.9$  در دمای اتاق مورد توجه قرار گیرد.

**واژه‌های کلیدی:** بلور دوبعدی SnN-InO، نظریه تابعی چگالی، ضریب سیبک، رسانندگی الکتریکی، رسانندگی گرمایی، معیار شایستگی، معادله تراپرداز بولتزمن

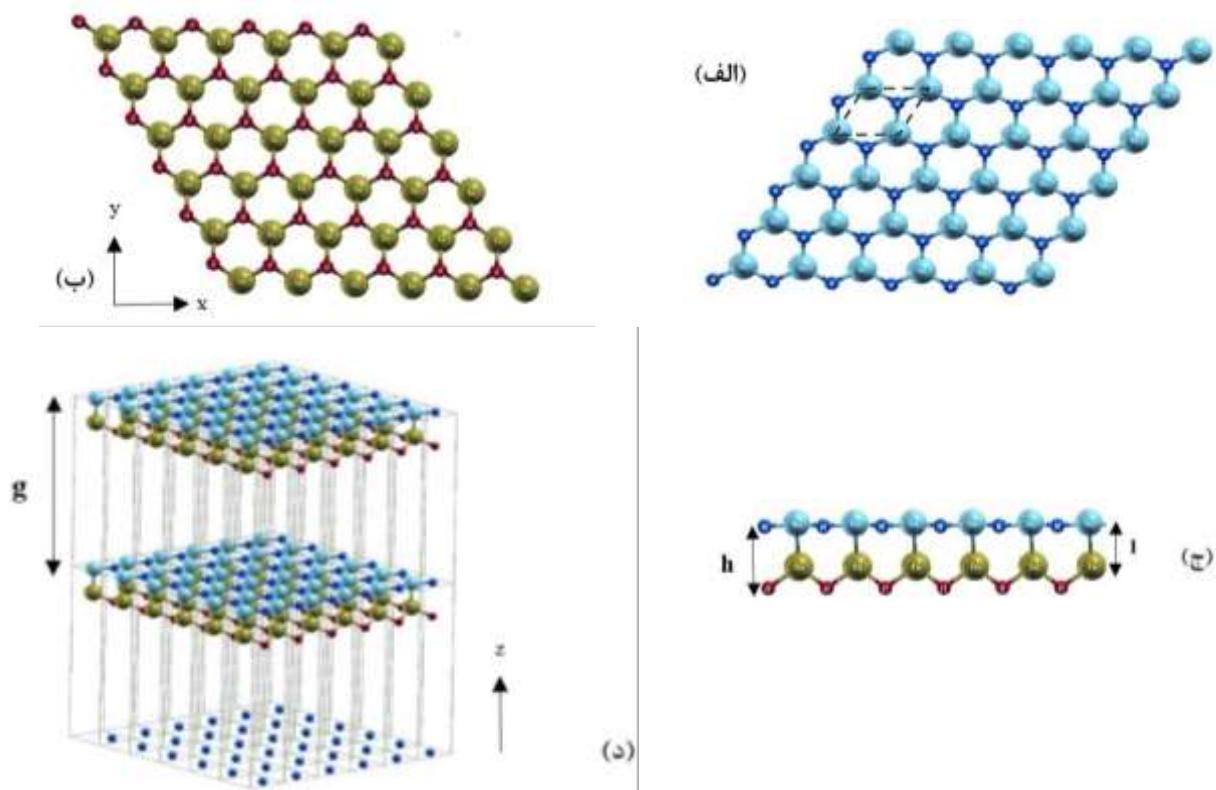
ابعاد کم در مقایسه با مواد حجمی، به واسطه پراکندگی‌های مختلف توسط فونون‌ها، خواص ترموالکتریکی بهتری را نشان می‌دهند [۱ و ۲]. عملکرد ماده ترموالکتریک توسط کمیت بدون بعد معیار شایستگی<sup>۱</sup> (ZT) اندازه‌گیری می‌شود، که به شکل زیر تعریف می‌شود:

$$ZT = \frac{S^2 \sigma}{\kappa} T, \quad (1)$$

که  $S$  ضریب سیبک،  $\sigma$  ضریب رسانندگی الکتریکی،  $(\kappa_e + \kappa_l)$  ضریب رسانندگی گرمایی (که در آن  $\kappa_e$  و  $\kappa_l$  به ترتیب، رسانندگی گرمایی الکترون‌ها و رسانندگی گرمایی فونونی ناشی از ارتعاشات شبکه هستند) و  $T$  دما است. بدینهی است که هر چه مقدار ضریب عامل توان ( $\text{PF} = S^2 \sigma / \kappa$ ) بالاتر و

امروزه با توجه به مشکلات محیطی شلیکی که ناشی از سوزاندن سوخت‌های فسیلی است، تقاضا برای الکتریسیته در حال افزایش است و یافتن منابع سبز و جدید برای تولید الکتریسیته (برق) از اهمیت زیادی برخوردار است. در واقع، بسیاری از فعالیت‌های تحقیقاتی به این امر مهم اختصاص یافته است. در سال‌های اخیر، مطالعات بر روی مواد ترموالکتریکی که بر اساس نانوساختارها ساخته شده‌اند، به دلیل پتانسیل بالایی که در تبدیل انرژی گرمایی به انرژی الکتریکی و یا بر عکس دارند، توجه فراوانی را به خود جلب کرده‌اند. همچنین، مواد با

<sup>۱</sup>. Figure of merit



شکل ۱. (الف) نمای بالای صفحه، شامل سلول واحد ساختار تک لایه دوبعدی  $\text{SnN-InO}$  (ب) نمای پایین صفحه، (ج) نمای جانبی ( $h$  ضخامت لایه‌ای و همچنین فاصله بین لایه‌های اتمی  $\text{O}$  و  $\text{N}$ )، (د) صفحات بلوری ( $g$  فاصله بین صفحات بلوری).

تراکم حامل‌ها مرتبط هستند [۸ و ۹]. در مطالعه اخیری که بر پایه محاسبات اصول اولیه انجام شده است، یک گروه تحقیقاتی اثبات کردند که نانوساختار تک لایه  $\text{SnN-InO}$ ، می‌تواند وجود داشته باشد [۱۰]. طرحواره‌ای از چنین نانوساختاری در شکل ۱ نشان داده شده است. این ساختار از چهار زیرلایه تشکیل شده که هر زیرلایه شامل یک نوع اتم است. نمای بالای صفحه به صورت شش گوشی است که اتم‌های  $\text{Sn}$  و  $\text{N}$  در هر گوش قرار گرفته‌اند و در نمای پایین صفحه نیز اتم‌های  $\text{In}$  و  $\text{O}$  به همان صورت قرار دارند. از طرفی به علت الکترونگاتیوی زیاد اتم  $\text{O}$  نسبت به  $\text{In}$  و همین‌طور  $\text{N}$  نسبت به  $\text{Sn}$ ، باعث به وجود آمدن برهمکنش یونی بین آنها در ترکیبات  $\text{SnN}$  و  $\text{InO}$  شده است. در این مقاله، با هدف کشف مواد ترموالکتریک با عملکرد بهتر، خواص الکترونی و ترموالکتریکی نانوساختار تک لایه دوبعدی  $\text{SnN-InO}$  را با استفاده از نظریهٔ تابعی چگالی و معادلهٔ تراپردازی نیمه‌کلاسیکی بولتزمن مورد

ضریب رسانندگی گرمایی ( $\kappa$ ) پایین‌تر باشد، معیار شایستگی بهتر خواهد بود [۳]. در دهه گذشته، تحقیقات متعددی برای افزایش کارایی مواد ترموالکتریکی انجام شده است. کشف مواد جدید همچنان یک راهکار مؤثر برای تولید مواد ترموالکتریکی با عملکرد بالا است.

بعد از کشف گرافین به عنوان ماده‌ای با خواص شگفت‌انگیز [۴ و ۵]، مطالعات نظری و تجربی متعددی روی مواد دوبعدی دیگر در حال انجام است و در سال‌های اخیر برخی از این مواد دوبعدی جدید مورد بررسی قرار گرفته‌اند [۶ و ۷]. از طرفی، ماهیت الکتریکی یک ماده دو بعدی نیز قبل از تغییر است و می‌تواند از فاز عایق به فلز تغییر پیدا کند. به این ترتیب، یک ماده دوبعدی می‌تواند خصوصیات عایق، نیمرسانا، فلز، نیم‌فلز، یا حتی ابررسانا را نشان دهد. در بین تمام مواد دوبعدی، نیمرساناهای دوبعدی از اهمیت خاصی برخوردارند. در این گونه مواد، ضریب سیبک و رسانندگی الکتریکی آنها به شدت با

جدول ۱. ثابت‌های شبکه بهینه‌سازی شده، ضخامت لایه‌ای،  $h$ ، گاف نواری،  $E_g$ ، و طول‌های پیوند ساختار تک لایه  $\text{SnN-InO}$ .

	$a=b$ (Å)	$h$ (Å)	$d_{\text{Sn-N}}$ (Å)	$d_{\text{In-O}}$ (Å)	$l_{\text{Sn-In}}$ (Å)	$E_g$ (eV)
$\text{SnN-InO}$	۳,۴۲	۴,۴۹	۲,۱۱	۲,۱۳	۲,۹۴	۰,۵

تقریب زمان واهلش، توسط بسته محاسباتی BoltzTraP استفاده شده است [۱۳].

### ۳. خواص ساختاری و الکترونی

با توجه به فرایند بهینه‌سازی، ساختار تک لایه دو بعدی  $\text{SnN-InO}$  در یک شبکه شش ضلعی با ثابت‌های شبکه  $a=b=3,42\text{\AA}$  و  $h=4,49\text{\AA}$  به پایداری می‌رسد. با نگاهی دقیق به ساختار  $\text{SnN-InO}$  مشاهده می‌شود که این ساختار از دو صفحه شش ضلعی قلع-نیتروژن (شامل شش ضلعی‌های  $\text{Sn-N}$  با طول پیوند  $d_{\text{Sn-N}}=2,11\text{\AA}$ ) و ایندیوم-اکسیژن (شامل شش ضلعی‌های  $\text{In-O}$  با طول پیوند  $d_{\text{In-O}}=2,13\text{\AA}$ ) که توسط پیوندهای  $\text{Sn-In}$  با طول پیوند  $l_{\text{Sn-In}}=2,94\text{\AA}$  متصل هستند، تشکیل شده است. طول پیوندهای محاسبه شده در این پژوهش با آنچه که برای تک لایه  $\text{SnN}$  [۱۴] و همچنین برای تک لایه  $\text{InO}$  [۱۵] گزارش شده است، توافق قابل قبولی دارند. نتایج در جدول ۱ ارائه شده است.

در شکل ۲، ساختار نواری الکترونی و طیف چگالی حالت‌های الکترونی در راستاهای تقارنی  $\Gamma-\text{M}-\text{K}-\Gamma$ - $\text{M}-\text{K}-\Gamma$  برای نانوساختار تک لایه دو بعدی  $\text{SnN-InO}$  نشان داده شده است. همان‌طور که از شکل ۲ مشاهده می‌شود، این نانو ساختار رفتار نیم‌رسانا از خود نشان می‌دهد؛ به طوری که بیشینه نوار ظرفیت در مسیر  $\text{M}-\text{K}-\Gamma$  و کمینه نوار رسانش در نقطه  $\Gamma$  قرار دارد که یک گاف نواری غیر مستقیم به میزان  $0,5\text{ eV}$  را از خود نشان می‌دهد (مبدأ انرژی به طور دلخواه به عنوان بیشینه نوار ظرفیت انتخاب شده است). این گاف نواری از گاف‌های نواری مواد ترموالکتریک مرسوم ( $0,1\text{ eV}$  برای  $\text{Bi}_2\text{Te}_3$  و  $0,14\text{ eV}$  برای  $\text{Sb}_2\text{Te}_3$ ) بزرگ‌تر است [۱۶]، که این تفاوت باعث ایجاد تغییرات قابل توجهی در

بررسی قرار می‌دهیم. نتایج نشان می‌دهد که با افزایش دما ضریب سیبیک و معیار شایستگی کاهش می‌یابند، به طوری که مقدار ضریب سیبیک و معیار شایستگی در پتانسیل شیمیابی صفر ( $0\text{ eV}$ ) به ترتیب، از  $0,84\mu\text{V/K}$  و  $1\text{ eV}$  در دمای  $100\text{ K}$  کلوین به مقدار  $2,83\mu\text{V/K}$  و  $0,88\text{ eV}$  در دمای  $500\text{ K}$  کلوین می‌رسند. نکته مهم این است که، می‌توان ضریب سیبیک، ضریب رسانندگی الکتریکی و معیار شایستگی را با توجه به نوع حامل‌های  $n$  و  $p$ ، به میزان قابل ملاحظه‌ای افزایش داد.

### ۲. روش محاسبات

در این مقاله، ابتدا محاسبات اصول اولیه، با استفاده از کد pwscf و بسته نرم‌افزاری کوانتم اسپرسو<sup>۱</sup> که مبتنی بر نظریه تابعی چگالی<sup>۲</sup> (DFT) است، انجام می‌شوند [۱۱]. این نرم‌افزار ویژگی‌های حللت پایه نانوساختارها را بر پایه محاسبات خودسازگار، شامل: چگالی حالت‌های الکترونی (Dos)، ساختار نواری، انرژی‌های ساختار، بهینه‌سازی و دیگر خواص محاسبه می‌کند. برای تعیین پتانسیل همبستگی-تبادلی از تقریب شیب تعمیم یافته<sup>۳</sup> (GGA) که توسط پردیو، بورک و ارنزرهوف (PBE) پارامتری شده [۱۲]، استفاده شده است. برای بهینه‌سازی هندسه ساختار و دستیابی به دقت مناسب در محاسبات، از روش مونخورست-پک و انرژی قطع  $60\text{ Rydberg}$  و با تعداد نقاط  $k$  در منطقه اول بریلوئن  $12\times 12\times 1$ ، استفاده کرده‌ایم. برای جلوگیری از اندرکنش بین لایه‌ها در یاخته‌های مجاور، فاصله بین صفحات،  $g=20\text{\AA}$  در نظر گرفته شده است. سپس، برای محاسبه ضرایب تراپردازی ترموالکتریکی از جمله: ضریب سیبیک، ضریب رسانندگی الکتریکی، ضریب رسانندگی گرمایی، عامل توان و معیار شایستگی، از حل معادله نیمه‌کلاسیکی بولتزمن در

۱. Quantum Espresso

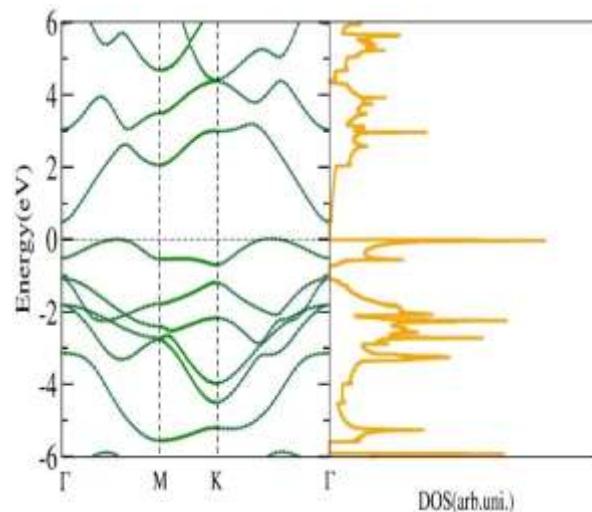
۲. Density functional theory

۳. Generalized Gradient Approximation

مطالعه قرار می دهیم. رسانندگی گرمایی شامل دو مؤلفه رسانندگی گرمایی الکترونی و فونونی است که در این پژوهش تنها بخش الکترونی ( $ZT_e$ )، مورد بررسی قرار گرفته است. اگر سهم شبکه در رسانندگی گرمایی ( $\kappa_e$ ) در مقایسه با جمله الکترونی ( $\kappa_e$ ) ناچیز باشد،  $ZT_e$  به  $ZT$  نزدیک می شود. در دماهای بسیار پایین، تعداد کمی از الکترون ها برانگیخته می شوند که منجر به رسانندگی گرمایی الکترونی کم می شود. بنابراین، ممکن است که رسانندگی گرمایی توسط سهم شبکه بیان شود؛ به این معنی که جمله مربوط به رسانندگی گرمایی فونونی ناشی از ارتعاشات شبکه نقش عمده را در  $ZT$  بازی می کند. هنگامی که دما افزایش پیدا می کند، به ویژه برای دماهای بالاتر از دمای اتاق، الکترون های بیشتری برانگیخته می شوند که منجر به افزایش رسانندگی الکترونی می شود، در حالی که سهم شبکه به دلیل افزایش پراکندگی های فونونی ناشی از ارتعاشات شبکه، کاهش می یابد. بنابراین، همان طور که دما به مقادیر بالاتر افزایش می یابد، نسبت  $ZT_e$  تخمین خوبی از  $ZT$  است [۲۰-۱۷].

در محاسبات ترا باربدی بولتزمون، ضریب سیبک، مستقل از زمان و اهلش  $\tau$  است، در صورتی که رسانندگی الکتریکی به طور خطی به  $\tau$  وابسته است.

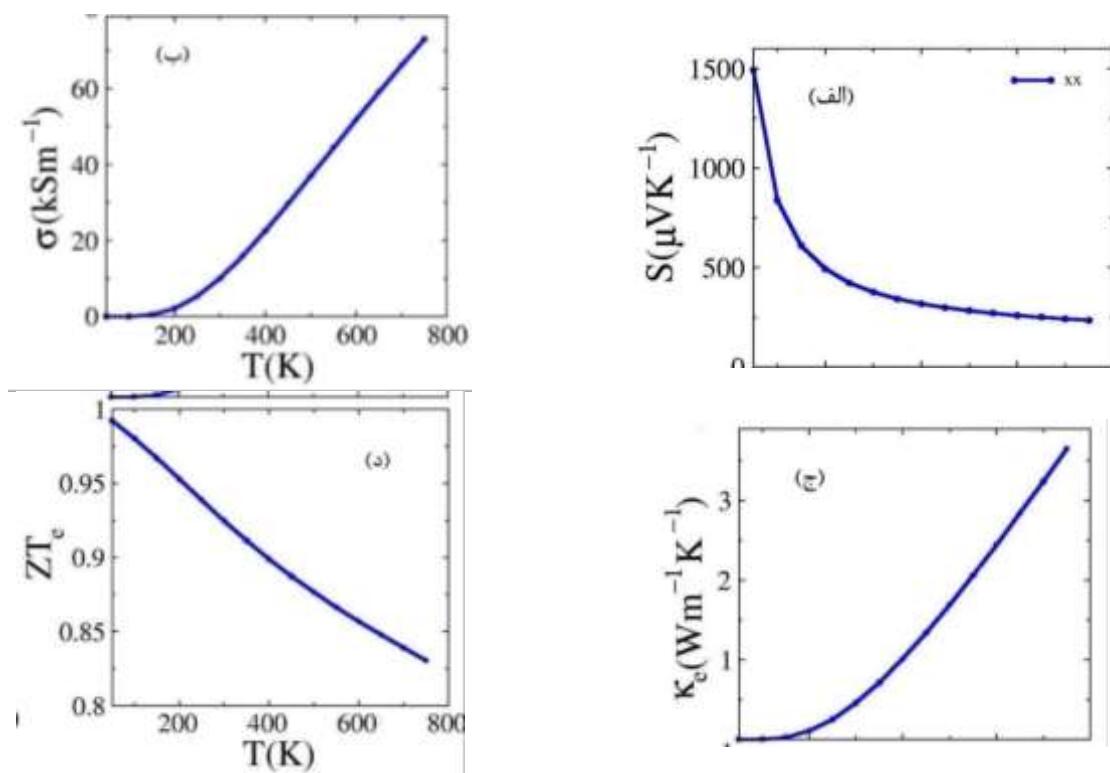
به علاوه، رسانندگی گرمایی الکترونی نیز طبق قانون ویدمان- فرانتس ( $L = \frac{k_e}{\sigma T}$ ، L ثابت لورنتس است) نیز وابسته به  $\sigma$  است. البته با وجود متفاوت بودن سازوکار پراکندگی در رسانندگی الکتریکی و رسانندگی گرمایی، زمان‌های واهلش در این دو مورد یکسان نیست. در این مقاله، زمان واهلش ثابت  $10^{-14} \text{ s}$  در نظر گرفته می‌شود [۲۰ و ۲۱]. از طرفی، وابستگی زیادی بین این ضرایب با حامل‌های بار (n) وجود دارد، به طوری که با افزایش حامل‌های بار، ضریب سیبیک کاهش و ضرایب رسانندگی الکتریکی و گرمایی افزایش می‌یابند، در نتیجه معیار شایستگی که با مجدور ضریب سیبیک رابطه مستقیم دارد، با افزایش حامل‌ها، کاهش می‌یابد. از آنجایی که مکان  $\mu$  (پتانسیل شیمیایی) در ساختار نواری مشخص کننده سهم الکترون‌های ظرفیت و یا رسانش در ترابرد است، می‌تواند روی ضریب سیبیک و رسانندگی الکتریکی تأثیر



خواص ترمومالکتریکی می‌شود. ضرایب تراپردا عمدتاً به خواص الکترونی وابسته هستند، بنابراین گاف نواری بزرگ می‌تواند غلظت حامل‌های بار در نزدیکی سطح فرمی را کاهش دهد. این کاهش می‌تواند باعث افزایش ضریب سییک شود. علاوه بر این، با استفاده از آلایش مناسب حامل‌های بار، می‌توان ضریب عامل توان و معیار شایستگی بالا را کسب کرد. همچنین با توجه به شکل ۲، چگالی حالت‌های الکترونی مطابقت کاملی با ساختار نواری الکترونی دارد که می‌تواند دلیلی بر صحبت محاسبات انجام شده باشد. در این نمودار، چگالی حالت‌های الکترونی در زیر تراز فرمی و در محدوده نوار ظرفیت قله تیزی دارد. در محدوده گاف نواری، به علت عدم وجود توزیع انرژی‌های الکترونی در این ناحیه، چگالی حالت‌های الکترونی به مقدار صفر کاهش می‌یابد.

#### ٤. خواص ترمومالکتریکی

در ادامه، خواص ترمومالکتریکی نانو ساختار تک لایه SnN و InO از جمله ضرایب ترابرد الکتریکی مانند ضریب رسانندگی الکتریکی، ضریب سیبیک، ضریب رسانندگی گرمایی و کمیت بدون بعد معیار شایستگی ZT را مورد بررسی قرار داده ایم.



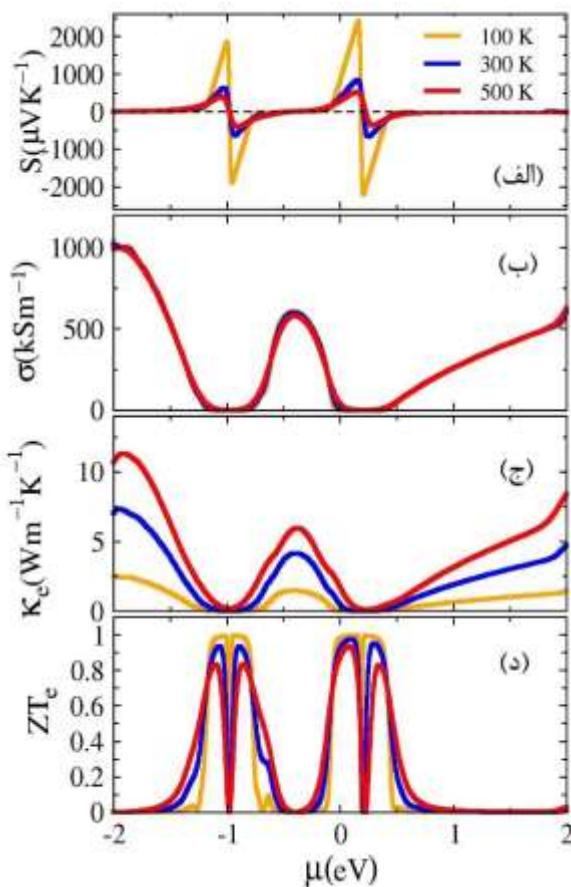
شکل ۳. نمودار تغییرات ضرایب تراپرد الکتریکی در طول راستای  $x$  بر حسب تابعی از دما و در تقریب زمان واهلش برای نانو ساختار تک لایه  $\text{SnN}-\text{InO}$  رسم شده است که در آن، (الف) ضریب سیبیک، (ب) ضریب رسانندگی الکتریکی، (ج) ضریب رسانندگی گرمایی و (د) معیار شایستگی است. نتایج به ازای پتانسیل شیمیایی صفر ( $0^\circ \text{eV} = 0 \mu\text{eV}$ ) رسم شده است.

در طول راستای  $x$  در نظر خواهیم گرفت. شکل ۳. الف تغییرات ضریب سیبیک بر حسب دما را نشان می‌دهد. همان‌طور که مشخص است، با افزایش دما ضریب سیبیک کاهش می‌یابد، به‌طوری‌که مقدار ضریب سیبیک، از  $840 \mu\text{V/K}$  در دمای  $100^\circ \text{C}$  کلوین به مقدار  $283 \mu\text{V/K}$  در دمای  $500^\circ \text{C}$  کلوین می‌رسد. این رفتار با نتایج گزارش شده در مراجع [۲۰ و ۲۲]، توافق قابل قبولی دارند.

مطابق شکل ۳. ب رسانندگی الکتریکی تا دمای نزدیک  $200^\circ \text{C}$  کلوین صفر است و بعد از آن با افزایش دما به صورت تقریباً خطی افزایش می‌یابد. یعنی در محدوده دمایی  $800^\circ \text{C}$  تا کلوین، هنگامی که حامل‌های بار بیشتری در اثر افزایش دما برانگیخته می‌شوند، افزایش سریعی در رسانندگی الکتریکی مشاهده می‌شود.

در جامدات رسانندگی گرمایی در اثر گرادیان دمایی اتفاق می‌افتد، به‌طوری‌که الکترون‌ها و فونون‌ها عامل ایجاد جریان گرمایی بین نواحی سرد و گرم هستند. در نتیجه، چگالی

بگذارد، به‌طوری‌که می‌توان با تغییر پتانسیل شیمیایی، مقدار ضریب سیبیک را به میزان قابل توجهی تغییر داد. به دلیل اختلاف دما در دو سریک ماده، الکترون‌ها از ناحیه با دمای بالاتر به ناحیه با دمای پایین‌تر حرکت می‌کنند که باعث به‌وجود آوردن یک جریان گرمایی می‌شود. در نتیجه تجمع الکترون‌ها در دمای پایین و بارهای مثبت در دمای بالا، میدان ترمومالکتریکی در جهت جریان گرمایی به‌وجود می‌آید که به این پدیده اثر سیبیک می‌گویند. طبق رابطه  $S = E/VT$ ، ضریب سیبیک است که علامت آن نشان‌دهنده نوع حامل‌های بار است و هرچه برای یک ماده مقدار بالاتری داشته باشد، با یک اختلاف دمایی اندک می‌توان ولنازی بالاتری تولید کرد. با توجه به این که  $\text{SnN}-\text{InO}$  یک بلور دوبعدی است، مؤلفه  $S$  در راستای  $z$  را به‌دلیل کوچک بودن نسبت به دو مؤلفه دیگر در نظر نمی‌گیریم. همچنین داده‌ها نشان می‌دهند، ضرایب تراپرد برای راستای  $x$  و  $y$  با هم برابرند، که نشان‌دهنده همسانگرد بودن بلور است و ما در محاسبات مان، همان‌طور که در شکل ۳ هم نشان داده شده است، نتایج را فقط



شکل ۴. نمودار تغییرات ضرایب تراپرد الکتریکی در دماهای مختلف بر حسب پتانسیل شیمیایی، برای نانو ساختار تک لایه SnN-InO رسم شده است که در آن (الف) ضریب سیبیک، (ب) ضریب رسانندگی الکتریکی، (ج) ضریب رسانندگی گرمایی الکترونی و (د) معیار شایستگی است.

نمودار تغییرات رسانندگی الکتریکی نانو ساختار SnN-InO در شکل ۴. ب رسم شده است. نمودار تقریباً مقدار مستقل از دما را نشان می‌دهد. همچنین، می‌توان با افزایش نوع آالایش ( $n$  یا  $p$ ) رسانندگی الکتریکی را تغییر داد، به‌طوری که بیشینه مقدار رسانندگی الکتریکی در آالایش نوع  $p$  حامل‌ها به میزان  $10^{38} \text{ kS/m}$  اتفاق می‌افتد که در آن  $S$  واحد زیمنس (واحد رسانندگی الکتریکی) است.

در شکل ۴. ج، نمودار تغییرات رسانندگی گرمایی الکترونی بر حسب تابعی از پتانسیل شیمیایی برای نانو ساختار SnN-InO در دماهای مختلف، به‌منظور بهینه‌سازی عملکرد حرارتی این نانو ساختار، رسم شده‌اند. همان‌طور که مشاهد می‌شود، با افزایش

جريان گرمایی (مقدار انرژی گرمایی است که در واحد زمان از واحد سطح عمود بر جهت جريان عبور می‌کند) طبق رابطه  $J_q = \kappa \nabla T$  خواهد بود. این چگالی در خلاف جهت گردیان دمایی است که به‌واسطه اختلاف دمای دو سر ماده (الکترون‌ها از ناحیه با دمای بالاتر به ناحیه با دمای پایین تر حرکت می‌کنند) ایجاد می‌شود. در شکل ۳. ج نمودار تغییرات رسانندگی گرمایی الکترونی، بر حسب دما برای نانو ساختار SnN-InO رسم شده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود، رسانندگی گرمایی الکترونی تقریباً تا دمای ۲۰۰ کلوین مقدار صفر را نتیجه می‌دهد و به ازای دمای بیشتر از ۲۰۰ کلوین، این ضریب به صورت خطی افزایش پیدا می‌کند. این رفتار با افزایش رسانندگی الکتریکی نشان داده شده در شکل ۳. ب به دلیل رابطه متناسب بین رسانندگی الکتریکی و رسانندگی گرمایی الکترونی مطابقت دارد. در شکل ۳. د نمودار تغییرات معیار شایستگی بر حسب دما رسم شده است. مشابه رفتار شکل ۳. الف برای ضریب سیبیک، معیار شایستگی نیز با افزایش دما کاهش می‌یابد، به‌طوری که مقدار معیار شایستگی در پتانسیل شیمیایی صفر ( $\mu = 0 \text{ eV}$ ) از ۱ در دمای ۱۰۰ کلوین به مقدار حدود  $0.88 \text{ eV}$  در دمای ۵۰۰ کلوین می‌رسد.

در شکل ۴، نمودار تغییرات ضرایب تراپرد الکتریکی در دماهای مختلف ( $100^\circ\text{C}$ ,  $300^\circ\text{C}$  و  $500^\circ\text{C}$  کلوین) بر حسب پتانسیل شیمیایی برای نانو ساختار SnN-InO رسم شده است. از آنجایی که پتانسیل شیمیایی  $\mu = 0 \text{ eV}$  در بالاترین نوار ظرفیت این نانو ساختار انتخاب شده است، پتانسیل شیمیایی مثبت (منفی) متناظر با آالایش نوع  $n$  ( $p$ ) حامل‌های بار است. همان‌طور که در شکل ۴. الف نشان داده شده است، ضریب سیبیک در محدوده کوچکی در اطراف  $\mu = 0 \text{ eV}$  و  $\mu = -1 \text{ eV}$  تغییرات زیادی دارد، به‌ویژه برای  $\mu = 0 \text{ eV}$  می‌توان مقدار قابل توجهی از ضریب سیبیک را از طریق آالایش حامل‌های نوع  $n$  یا  $p$  به دست آورد. همچنین، بیشینه مقدار ضریب سیبیک برای این نانو ساختار با افزایش دما کاهش می‌یابد به‌طوری که مقدار آن از  $2390 \text{ mV/K}$  در دمای  $100^\circ\text{C}$  کلوین به مقدار  $522 \mu\text{V/K}$  در دمای  $500^\circ\text{C}$  کلوین می‌رسد.

## ۵. نتیجه‌گیری

در این پژوهش، ویژگی‌های الکترونی و ترموالکتریکی بلور  $\text{SnN}-\text{InO}$  توسط محاسبات اصول اولیه، با استفاده از بسته نرم‌افزاری کوانتموم اسپرسو در تقریب شیب تعییم یافته GGA، مورد مطالعه قرار گرفتند. این نانو ساختار همسانگرد بوده و شبکه شش‌گوشی با ثابت شبکه  $3.42\text{\AA}$  دارد و متشکل از چهار زیر لایه است. گاف نواری این ساختار غیر مستقیم و برابر با  $0.5\text{ eV}$  محاسبه شده است. نتایج، خواص ترموالکتریک بر جسته‌ای برای این نانو ساختار را نشان می‌دهد. به طوری که می‌توان ضریب سیبیک بزرگ، رسانندگی‌های گرمایی پایین و معیار شایستگی بالایی را برای این نانو ساختار به دست آورد. بنابراین، می‌توان انتظار داشت که این ماده نامزد خوبی برای مواد ترموالکتریک با کارایی بالا باشد. همچنین، نانو ساختار  $\text{SnN}-\text{InO}$  ویژگی‌های نسبی بر جسته ترموالکتریکی را از خود نمایش می‌دهد، به طوری که مقدار ضریب سیبیک و معیار شایستگی در دمای اتاق و برای پتانسیل شیمایی صفر به ترتیب،  $0.9\text{ \mu V/K}$  و  $376\text{ \mu V/K}$  به دست آمدند.

دما، ضریب رسانندگی گرمایی الکترونی، افزایش می‌یابد، به طوری که برای  $\text{eV} = -2\text{ \mu eV}$  مقدار آن از  $2/5\text{ Wm}^{-1}\text{K}^{-1}$  در دمای  $100\text{ K}$  به  $11/3\text{ Wm}^{-1}\text{K}^{-1}$  در دمای  $500\text{ K}$  کلوین می‌رسد [۳۳]. در محدوده اطراف  $\text{eV} = -1\text{ eV}$  و  $\text{eV} = 0$  با توجه به عدم چگالی حالت‌های الکترونی (شکل ۲) مقدار رسانندگی گرمایی الکترونی (مشابه نمودار شکل ۴ ج) تقریباً صفر است.

همان‌طور که از شکل ۴ د مشاهده می‌شود، مقدار  $\text{ZT}$  این ترکیب در مقایسه با نمودار ضریب سیبیک، ضریب رسانندگی الکتریکی و ضریب رسانندگی گرمایی الکترونی، در محدوده کوچکی اطراف  $\text{eV} = -1\text{ eV}$  و  $\text{eV} = 0$  به بیشینه مقدار خود می‌رسند. مقدار معیار شایستگی بزرگ‌تری در دمای  $100\text{ K}$  و  $300\text{ K}$  کلوین مشاهده می‌شود، به طوری که برای آلایش نوع  $n$  و  $p$  حامل‌ها، به ترتیب مقدار  $1\text{ \mu eV} = 0.9\text{ eV}$  را نشان می‌دهد، که نشان‌دهنده عملکرد خوب  $\text{SnN}-\text{InO}$  در دمای اتاق است. همچنین تغییرات معیار شایستگی نسبت به دما بسیار اندک است، به طوری که در بازه دمایی  $400\text{ K}$  کلوین به مقداری کمتر از  $0.2\%$ ، دستخوش تغییرات شده است.

## مراجع

1. N F Hinsche, et al., *Phys. Rev. B* **86** (2012) 085323.
2. G Shi and E Kioupakis, *J. Appl. Phys.* **117** (2015) 065103.
3. G J Snyder and E S Toberer, *Nat. Mater.* **7** (2008) 105.
4. K S Novoselov, et al., *Science* **306** (2004) 666.
5. H Sahin and S Ciraci, *Phys. Rev. B* **84** (2011) 035452.
6. S Zhang, et al., *Nano Lett.* **17** (2017) 3434.
7. S Zhang, et al., *Chem. Soc. Rev.* **47** (2018) 982.
8. H J Goldmid, *Semicond. Semimet.* **69** (2001) 1.
9. J C Zheng, *Front. Phys. China* **3** (2008) 269.
10. D R Zhu, et al., *Phys. E: Low Dimens. Syst. Nanostructures* **124** (2020) 114214.
11. P Giannozzi, et al., *J. Phys. Condens. Matter* **21** (2009) 395502.
12. J P Perdew, K Burke, and M Ernzerhof, *Phys. Rev. Lett.* **77** (1996) 3865.
13. G K H Madsen and D. J. Singh, *Comput. Phys. Commun.* **175** (2006) 67.
14. A K Bhojani, et al., *J. Appl. Phys.* **135** (2024) 095106.
15. R B d Santos, et al., *CrystEngComm* **23** (2021) 6661.
16. N F Hinsche, et al., *Phys. Rev. B* **86** (2012) 085323.
17. N Gaonkar and R G Vaidya, *Phys. Lett. A* **384** (2020) 126912.
18. L D Zhao, et al., *Nature* **508** (2014) 373.
19. B Peng, et al., *Sci. Rep.* **6** (2016) 20225.
20. G Ding, G Gao, and K Yao, *Sci. Rep.* **5** (2015) 9567.
21. S Yabuuchi, et al., *Appl. Phys. Express* **6** (2013) 025504.
22. J J Gong, et al., *Phys. Chem. Chem. Phys.* **18** (2016) 16566.
23. S Ouardi, et al., *Phys. Rev. B* **82** (2010) 085108.