وهش فيرز

مجلهٔ پژوهش فیزیک ایران، جلد ۷، شمارهٔ ۲، تابستان ۱۳۸۶

روش خودسازگار در محاسبهٔ نسبت $rac{F_{\chi}^{\,n}}{F_{\mu}^{\,p}}$ با استفاده از تابع ساختار و نسبت EMC هستههای He^۳ و ^۳

مجید مدرس و روحالله محمدی

دانشگاه تهران، دانشکدهٔ فیزیک

(دریافت مقاله: ۸۵/۷/۱۹ ؛ دریافت نسخهٔ نهایی: ۸۶/۳/۱۲)

چکیدہ

ابتدا تابع ساختار هستههای H^r و H^r را با استفاده از فرمولبندی درهم روی^۱ هستهای که در برگیرنده اثرات حرکت فرمی^۲ و انرژی بستگی هستهای است را محاسبه میکنیم. در این محاسبات از نتایج به دست آمده برای تابع ساختار نوکلئونهای آزاد گروه تحقیقاتی GRV (Gluck, et al.) (Gluck, et al بهره میگیریم. در ادامه نسبت EMC^۳ برای هـستههای H^r و ^T وH^r را به دست آورده و سعی میکنیم نسبت تابع ساختار نوترون به پروتون را که به صورت یک رابطهٔ خودسازگار^۴ بر حسب تابع ساختار و نسبت EMC هـستههای H^r و ^T از He قابل نوشتن است را مورد باز نگری قرار میدهیم که منجر به بهبود نتایج در حد مقادیر بزرگ مقیاس بیورکن (x) میشود.

واژههای کلیدی: تابع ساختار، حرکت فرمی، اثر EMC، فرمولبندی درهم روی، رابطهٔ تکراری خودسازگار، مقیاس بیورکن

۱. مقدمه

در چارچوب مدل استاندارد نوکلئونها از کوارکهای ظرفیت، دریای کوارک و گلئونها تشکیل شدهاند که در حد مقادیر کوچک متغیر بیورکن ($\frac{Q^{T}}{TMv}$) دریای کوارکها و گلئونها نقش اساسی را در توجیه تابع ساختار نوکلئونها بر عهده دارند، در حالیکه اطلاعات ما از تابع ساختار نوکلئونها در xهای بزرگ از توزیع کوارکهای ظرفیت بالا و پایین (u و d) حاصل می شود.

امروزه تابع ساختار پروتون از لحاظ تجربی و نظری کاملاً شناخته شده است در حالیکه معمولاً از داده های مربوط به

پراکندگی غیر کشسان عمیـق^۵ دوتـرون بـرای محاسـبه تــابع

ساختـار نوتـرون استفاده مي شــود [۱]. امــا نتـايج حاصــل

هنوز كاملاً دقيق نيستند كه اين عدم دقت به اثرات محيط

هستمای بر روی تابع ساختار نوکلئون مقید مربوط بوده و

باعث می شود تابع ساختار نوکلئون مقید و آزاد با هم

متفاوت باشند (این پدیده بـه اثـر EMC معـروف اسـت [۲]).

برای بررسی بیشتر تابع ساختار نوترون، محاسبهٔ نسبت تابع

ساختار نوترون به پروتون مفید است. در این مقاله سعی

می کنیم این نسبت را در حلد xهای بزرگ محاسبه کنیم.

بررسی این نسبت در حد $x \to x$ علاوه بر این که اطلاعاتی

در مورد تابع ساختار نوترون در این حـد بـه دسـت مـیدهـد

می تواند اطلاعاتی در مورد شکست تقارن اسیین – رنگ در

^{1.} Convolution Model

Fermi motion

European Muon Collaboration

Self-Consistent

۵. Deep inelastic scattering

نو کلئونها [۳] (از طریق محاسب نسبت کوار کهای پایین به بالا (d/u)) و همچنین اطلاعـاتی نیز در مـورد عــدم قطعیـت در سهم گلوئونها حاصل میشود. محاسبهٔ نسبت $\frac{F_{\rm v}^{\prime\prime}}{E_{\rm v}^{P}}$ از طریق برازش داده های استاندارد مربوط به پراکندگی عمیق دوترون و هیدروژن که در آن اثرات هستهای هنوز قابل توجه است منجــر بـــه خطــایی در حــدود ۵۰٪ در نــسبت 🕺 يــا $x \to 1$ می شود [۴]. مقدار این نسبت در حـد $\frac{F_{\gamma}^{n}}{F_{\gamma}^{p}} = \frac{1 + \frac{e^{d}}{u}}{\frac{e}{e} + \frac{d}{u}}$ از این طریق ۱/۴ میشود در حالی که نچـتمن ۲ بـرای ایـن نـسبت محدودهٔ $F_{\gamma}^{n} < \frac{F_{\gamma}^{n}}{E_{\gamma}^{p}}$ را برای کل ناحیه xها به دست آورد. یک تجزیه و تحلیل کامل تر که به وسیلهٔ PQCD ّانجام شده مقدار را برای این نسبت در حد $x \to 1$ نتیجه می دهد [۵–۷] و حتی مقدار ۲ در محاسبات حاصل از در نظر گرفتن تقارنهای (SU(۶) انتظار میرود [۵–۷]. اخیراً در آزمایشگاه جفرسون در صدد انجام پراکندگی الکترون از هدفهای He و H^T و H^T در انرژی بالا (در حدود ۱۱GeV) هستند [۴]. هدف آنها اندازه گیری Fⁿ با استفاده از نسبت توابع ساختار He" و H" مى باشد. اين موضوع باعث شده است كـه $rac{F_{\mathsf{r}}''}{F_{\mathsf{r}}^{P}}$ دانشمندان روشهای نظری مختلفی برای بررسی نـــببت بر حسب تـابع سـاختار و نــسبت EMC هــستههـا He° و ^۳H پیشنهاد کننـد [۴۸–۱۱] کـه منجـر بـه یـک رابطـهٔ تکـراری^۴ خودسازگار برای محاسبهٔ نسبت $\frac{F_{\gamma}^{n}}{F_{z}^{p}}$ می شود تـا بـه نحـوی

بتوانند خطاهای حاصل از نتایج به دست آمده برای ایس نسبت از روی برازش دادههای دوترون و هیدروژن را تعدیل کنند. همهٔ این موارد باعث ترغیب ما برای بررسی ایسن نسبت در این مقاله شده است.

۲. محاسبهٔ تابع ساختار و نسبت EMC برای هـستههـای تریتیم و هلیم۳

در این بخش تابع ساختار هسته های He و H^۳ را در تقریب تکانه محاسبه میکنیم. برای انجام این منظور از فرمولبندی درهم روی هسته ای استفاده میکنیم. مطابق با این فرمولبندی داریم [۱۲ و ۱۳]:

$$F_{\mathbf{y}}^{A}(x) = \int_{x}^{A} dz F^{A}(z) F_{\mathbf{y}}^{N}(\frac{x}{z}) , \qquad (1)$$

که در این رابطه $(x)^{N} F_{r}^{A}$ تابع ساختار نوکلئون و $(x)^{r} F_{r}^{A}$ تابع توزیع کوارکها درون هستهٔ A است و x کسر تکانه حمل شده توسط کوارک از کل تکانه هسته است. $(z)^{r} F^{A}$ نشان دهنده احتمال یافتن نوکلئونها درون هسته می باشد که در این مقاله از تابع توزیع معرفی شده توسط اکولینچو⁶ و همکارانش استفاده می کنیم [۱۲ و ۱۳]. که آنها در محاسبات خود از توابع موج نوسانگر هماهنگ هستهای برای به دست آوردن توزیع

$$F^{A}(z) = \sum_{nl} g_{nl} S_{nl}(z) \quad , \tag{Y}$$

$$S_{nl}(z) = \frac{1}{r} \left[\frac{M}{\hbar \omega} \right]^{\frac{1}{r}} \frac{n!}{\Gamma(n+l+\frac{r}{r})}$$

$$\times \sum_{t_{\gamma}}^{n} \sum_{t_{\gamma}}^{n} \frac{(-\gamma)^{-t_{\gamma}+t_{\gamma}}}{(t_{\gamma}!)(t_{\gamma}!)} \left(n+l+\frac{\gamma}{r} \right) \left(n+l+\frac{\gamma}{r} \right) \left(n+l+\frac{\gamma}{r} \right)$$

$$\times \Gamma \left(l+t_{\gamma}+t_{\gamma}+\gamma, \frac{M_{N}}{\hbar \omega} (z-\gamma-\frac{\varepsilon_{nl}}{M_{N}})^{\gamma} \right), \quad (\Upsilon)$$

که $\frac{p_N q}{M_N v}$ ت نشان دهندهٔ کسر تکانه حمل شده توسط نوکلئون از کل تکانه هسته، M_N جرم نوکلئون، $\hbar \omega$ پارامتر مدل نوسانگر ($\frac{\hbar^{\gamma} \alpha^{\gamma}}{M} = \omega \hbar$) میباشد. α^{γ} به صورت مدل نوسانگر ($\frac{1}{N} \frac{1}{\gamma} = \omega \hbar$) میباشد. α^{γ} به صورت پراکندگی شرکت دارند مربوط می شود [۱۱ و ۱۳]. ε_{nl}, g_{nl} به

۵. S.V. Akulinichev

9. Root mean square radii

۱. Fitting ۲. Nachtmann

[&]quot;. Perturbative Quantum Chromo Dynamic

۴. Iteration



شکل ۲. نسبت EMC هسته He^۳ به نسبت EMC هسته ^۳H^۲.

و در شکل ۲ نسبت $\frac{R_{EMC}^{rHe}}{R_{EMC}^{rH}}$ رسم شده است. همان طور که از شکلها پیداست برای هستههای He و H^T اثرات محیط هستهای تا $? < \infty x$ یکسان است ولی در ادامه به دلیل بزرگ بودن شعاع H^T از شعاع H^T اثرات اندازه هستهایی برای این بودن شعاع H^T از شعاع H^T اثرات اندازه هستهایی برای این هستهها متفاوت می شود (در حد xهای بزرگ اثر حرکت فرمی نقش اصلی را در محاسبهٔ تابع ساختار و نسبت EMC هسته بر عهده دارد). به همین خاطر نسبت $\frac{R_{EMC}^{rHe}}{R_{EMC}^{rH}}$ برای xهای بزرگتر از ? شروع به کاهش می کند. حال که تابع ساختار و نسبت EMC هستههای H^T و H^T را محاسبه می کند. حال که تابع ماجتار و نسبت EMC هسته می کند. حال که تابع ماین کمیتها می پردازیم.

۳. محاسبهٔ نسبت $\frac{F_{\gamma}^{n}}{F_{\gamma}^{p}}$ بر حسب توابع ساختار و نسبت . ۳ و ۳ و ۳ و ۳ و ۳ و ۳ مسته های EMC مسته های $\frac{F_{\gamma}^{n}}{F_{\gamma}^{p}}$ بر حسب برای به دست آوردن رابطه ایسی برای نسبت $\frac{F_{\gamma}^{n}}{F_{\gamma}^{p}}$ بر حسب توابع ساختار و نسبت EMC هسته های ۴ و ۳ ابتدا کمیت



ترتیب نشان دهندهٔ تعداد نوکلئونها در تراز nl و انرژی این تراز هستند. با استفاده از روابط ۱ تا ۳ بـرای هـستههـای He^۳ و H^۳ داریم [۱۲ و ۱۳]:

$$F_{\mathsf{Y}}^{\mathsf{Y}He}(x) = \int_{x}^{\infty} dz F^{\mathsf{Y}He}(z) (\mathsf{Y} \times F_{\mathsf{Y}GRV}^{p}(\frac{x}{z}) + F_{\mathsf{Y}GRV}^{n}(\frac{x}{z})), \tag{(4)}$$

$$F_{\mathsf{Y}}^{\mathsf{Y}H}(x) = \int_{x}^{\infty} dz F^{\mathsf{Y}H}(z) (\mathsf{Y} \times F_{\mathsf{Y}GRV}^{\mathsf{H}}(\frac{x}{z}) + F_{\mathsf{Y}GRV}^{\mathsf{P}}(\frac{x}{z})), \qquad (\texttt{a})$$

که F_{YGRV}^{p} نشان دهندهٔ تابع ساختار پروتون (نوترون) آزاد میباشد. شایان ذکر است که در اینجا از نتایج گروه GRV برای برازش دادههای تجربی حاصل از پراکندگی عمیق دوترون و هیدروژن استفاده میکنیم [۱]. همچنین MeV = F_{nl}^{r} و $r_{nl}^{r} = \Delta MeV$ و مقادیر $\sqrt[r]{r}$ به و هیدروژن استفاده میکنیم [۱]. همچنین MeV = $\sqrt[r]{r}$ و ترتیب برای هستههای He گرفته میشوند و مقادیر $\sqrt[r]{r}$ به ترتیب برای هستههای He و H^T به ترتیب برابر ۱/۹۵ و ۱/۹۰ فرمی میباشند [۱۰ و ۱۱]. در ادامه نسبت MeV برای این هستهها را به صورت نسبت تابع ساختار هستهای بر واحد نوکلئون (تابع ساختار نوکلئون مقید) به تابع ساختار نوکلئون EMC میاهمی کنیم (رابطهٔ ۶ و ۷). در شکل ۱ نسبت MeV هستههای H^T و H^Tیعنی:

$$R_{EMC}^{^{\mathsf{r}}He}(x) = \frac{F_{\mathsf{Y}}^{^{\mathsf{r}}He}(x)}{\mathsf{Y}F_{\mathsf{Y}GRV}^{p}(x) + F_{\mathsf{Y}GRV}^{n}(x)},\tag{$$\mathcal{P}$}$$

$$R_{EMC}^{r}(x) = \frac{F_{r}^{r}H(x)}{F_{rGRV}^{p}(x) + rF_{rGRV}^{n}(x)},$$
(V)

$$R^{r}He^{r}H(x) = \frac{R^{r}EMC}{R^{r}EMC} = E(x)\left[\frac{rr(x)+r}{r+r(x)}\right] \qquad (A)$$

در این رابطه
$$F_{\gamma}^{rHe}(x) = F_{\gamma}^{n}(x)$$
 و $E(x) = \frac{F_{\gamma}^{rHe}(x)}{F_{\gamma}^{rH}(x)}$ میباشـند.
(x) در این رابطه $F_{\gamma}^{rH}(x)$ و ایسته نیست (در ادامه بیـشتر در مـورد آن بحـث می کنیم). در تقریب تکانه همان طوری کـه رابطهٔ (۸) نـشان می کنیم). در تقریب میان در اوری که رابطهٔ (۸) نـشان می دهد می کنیم). در اور ایسته می باشد. بدین ترتیب می توان می دهد $r(x)$ را بر حسب $r(x)$ و $r(x)$ به صورت زیـر به دست آورد [۸ ۱۰ و ۳]:

$$r(x) = \frac{F_{\gamma}^{n}(x)}{F_{\gamma}^{p}(x)} = \frac{E(x) \quad \forall R^{He/H} \left[x, r(x) \right]}{R^{He/H} \left[x, r(x) \right] \quad \forall E(x)} \tag{9}$$

در تقریب تکانه، رابطهٔ (۹) یک رابطهٔ خودسازگار است که یک آزادی عمل در تعیین نسبت (*x*) ایجاد میکند و می توان نـشان داد در تقریب تکانه رابطـهٔ (۹) را می تـوان بـه صـورت رابطـهٔ بازگشتی زیر نوشت [۴، ۸ و۹] :

$$r^{n}(x) = \frac{F_{\gamma}^{n}(x)}{F_{\gamma}^{p}(x)} = \frac{E(x) \quad \forall R^{H \not\in H}[x, r^{n} \land (x)]}{R^{H \not\in H}[x, r^{n} \land (x)] \forall E(x)} \quad (1 \circ)$$

برای شروع کار از یک تقریب مرتبهٔ صفرم منطقی، $(x)^{0}r$ استفاده می شود. از طرفی E(x) باید از داده های تجربی جایگزین شود تا بتوان از وابستگی آن به (x)r صرفنظر کرد ولی به علت فقدان داده های تجربی برای تابع ساختار تریتیم این کمیت را به وسیله تقریبهای نظری بازسازی می کنیم که در اینجا از روابط (۳–۱) برای محاسبه این نسبت کمک می گیریم. مسئلهٔ آخر تعیین $(x)^{0}r$ می باشد همان طور که سالمه و همکارانش پیشنهاد می کنند $(x)^{n}$ را به صورت زیر در نظر می گیریم [۸ و ۹]:

$$\begin{cases} r^{o}(x) = r(x) + \delta r^{o}(x) ,\\ \delta r^{o}(x) = r(x)(bx^{\dagger}) . \end{cases}$$
(11)

با توجه به ایـن کـه از توابـع سـاختار گـروه GRV بـرای تـابع ساختار نوترون و پروتون آزاد استفاده کردیم بنـابراین (*r*⁰(x بـه صورت زیر در میآید [۸ و ۹]:

$$r^{o}(x) = \frac{F^{n}_{YGRV}}{F^{p}_{YGRV}} (1 + bx^{Y})$$
(117)



شکل ۳. نتایج محاسبه نسبت تابع ساختار نوترون به پروتون با استفاده از رابطه تکراری خود سازگار داده شده در رابطه ۱۰ (خط چین کوتاه ۲=n و خط پر رنگ ۵=n) با نتایج به دست آمده توسط سالمه و همکارانش [۸ و ۹] ((خط - نقطه) که در آن از تابع ساختار نوکلئونی به دست آمده در مرجع [۲] استفاده شده، (خط دو نقطه) که در آن از تابع ساختار نوکلئونی به دست آمده در مرجع [۷] استفاده شده، (خط چین بلند) نتایج حاصل از رابطه تکراری خود سازگار برای ۲۰= که در آن از توابع ساختار نوکلئونی مرجع [۷] استفاده بده است)، نتایج مرجع [۱۰] (خط – مربع)، نتایج گروه GRV (خط کمرنگ) و همچنین نتایج تجربی EMC (مربع) و SLAC (لوزی) مقایسه شده است.

حال در رابطهٔ فوق b باید طوری تعیین شود که (x)⁰ مغیر منطقی نباشد. سالمه و همکارانش ۵/۰=b را در نظر گرفتند و بدین ترتیب (x) r^0 در حد r alpha برابر $\frac{\pi}{r}$ میشود. با توجه به این که نسبت $\frac{r^0}{F_r}$ می تواند در محدودهٔ ۲/۱ تـا ۴ قرار گیرد، می توان نتیجه گرفت که رابطهٔ (۱۲) یک تقریب منطقی می باشد. محاسبهٔ نسبت $\frac{F_r^n}{F_r^p}$ حاصل از در نظر گرفتن (x) r^0 به صورت محاسبهٔ نسبت رابطهٔ (۱۲) برای ۲=n و ۵=n در شکل ۳ نشان داده شده است. همچنین در شکل ۳ نتایج تجربی نسبت تابع ساختار نوترون به پروتون، که از طریق تجزیه و تحلیل تـابع ساختار دوترون و هیدروژن محاسبه می شود، نشان داده شده است. EMC نسبت EMC بهره گرفتیم. در ادامه نسبت EMC برای هسته های GRV (Gluck, et al) و $^{\rm T}$ و $^{\rm T}$ را به دست آورده نسبت تابع ساختار نوترون به پروتون را که به صورت یک رابط مخود سازگاربر حسب تابع ساختار و نسبت EMC هسته های $^{\rm T}$ و $^{\rm T}$ قابل نوشتن است را مورد بازنگری قرار دادیم. نتایج به دست آمده را با نتایج سایر مقالات دیگر مقایسه نمودیم که در شکل $^{\rm T}$ آورده شده است. همان طور که این شکل نشان می دهد نتایج معاد تایج محاسبت می دهد ای $^{\rm T}$ و محاسبت آورده $^{\rm T}$ و منجر به بهبود مقادیر نسبت آمده را محاسبت ایج مای می دهد است.

از شکل ۳ پیدا است با استفاده از رابطهٔ (۱۰) نسبت $\frac{F_r^n}{F_r^p}$ برای xهای بزرگ (نزدیک به یک) از مقدار ۱/۴ نتایج تجربی به سمت ۱/۳ میل میکند که با توجه به توضیحات داده شده در ابتدای فصل میتواند رضایتبخش باشد.

٤. نتيجه گيري

مراجع

در خاتمه به طور خلاصه در این مقاله ابتدا تابع ساختار هستههای He^۳ و H^۳ را با استفاده از فرمولبندی درهم روی هستهای که در برگیرنده اثرات حرکت فرمی و انرژی بستگی هستهای میباشد را محاسبه کردیم. در این محاسبات از نتایج به دست آمده برای تابع ساختار نوکلئونهای آزاد گروه تحقیقاتی

- E Pace, G Salme, A Kievsky and S Scopetta, *Phys. Rev.* C 64 (2001) 055203.
- E Pace, G Salme, A Kievsky and S Scopetta, *Nucl. Phys.* A 437 (1985) 509.
- M Modarres and F Zolfagharpuor, *Nucl. Phys.* A 765 (2006) 112-125.
- 11. M Modarres, M M Yazdanpanh and F Zolfagharpuor, *Eur. Phys.* A **28** (2006) 205.
- 12. S V Akulinichev, S A Kulagin and G M Vagradov, *Phys Lett.* B **158** (1985) 485.
- 13. S V Akulinichev, S Shlomo, S A Kulagin and G M Vagradov, *Phys. Rev. Lett.* **55** (1985) 2239.

- 1. M Gluck, E Reya and Avocet, Z Phys. C 48 (1990) 471; 67 (1995) 433.
- J J Aubert et al., *Phys Lett.* B 105 (1983) 403; J J Aubert et al., *Nucl. Phys.* B 293 (1987) 740.
- 3. J G H de Groot et al., Phys. Lett. B 82 (1979) 456.
- I R Afnan, A W Thomas, F Bissey, J Gomez, A T Katramatou, W Meinitchouk and G G Petratos, *Phys. Lett.* B 493 (2000) 36.
- 5. G B West, Phys. Lett. B 37 (1971) 509.
- 6. J Kuti and V F Weisskopf, *Phys. Rev.* D **4** (1971) 3418.
- S J Brodsky, M Burkardt and I Schmidt, *Nucl. Phys.* B 441 (1995) 197; G R Farrar and D R Jackson, *Phys. Rev. Lett.* 35 (1975) 1416.