

روتنوکوپراتها: میدان رقابت ابررسانایی و مغناطیس

آنا خواجه نژاد، ندا نیک سر شست، حنیف هادی پور و محمد اخوان

آزمایشگاه تحقیقاتی مغناطیسی (MRL)، دانشکده فنی و کاربردی، دانشگاه صنعتی شریف

(دریافت مقاله: ۸۶/۱۱/۲۵؛ دریافت نسخه نهایی: ۸۷/۲/۹)

چکیده

خواص ساختاری، تبریدی و مغناطیسی نمونه‌های روتونوکوپیرات $(\text{Ce}_{0.5-x}\text{Pr}_x)\text{Sr}_x\text{Cu}_x\text{O}_{6-\delta}$ با $\text{Ru}(\text{Gd}_{0.5-x}\text{Pr}_x)\text{Ce}_{0.5}\text{Sr}_x\text{Cu}_x\text{O}_{6-\delta}$ که به روش واکنش حالت جامد ساخته شدند، با نمونه $\text{RuGd}_{0.5}(\text{Gd}_x\text{Ce}_{0.5-x})\text{Sr}_x\text{Cu}_x\text{O}_{6-\delta}$ مقایسه گردید. طیف پراش اشعه X نمونه‌های مختلف به دست آمد و پارامترهای شبکه بر حسب مقادیر متفاوت آلایش Pr توسط تحلیل ریتولد محاسبه شد. جهت بررسی خواص مغناطیسی و ابررسانایی در این سیستمهای لایه‌ای با مقادیر متفاوت Pr_x مقاومت ویژه و مقاومت مغناطیسی نمونه‌ها در میدانهای مختلف از 0 تا 15 kOe و در دمایان مختلف اندازه‌گیری شدند. دماهای گذار ابررسانایی (T_{eff}) و مغناطیسی (T_{irr}) به وسیله منحنیهای مقاومت و پذیرفتاری مغناطیسی متنابود به دست آمدند. افت T_{eff} در جانشینیهای Gd و Pr به جای Ce و Gd نشان دهنده رقابت میان شکست جفت توسط ناخالصیهای مغناطیسی، نفوذ حرفره به علت ظرفیتهای متفاوت بونها، شعاعهای بونی متفاوت، و میزان اکسیژن در نمونه‌هاست. در نمونه‌هایی که در آنها Pr به جای Gd جانشین شده است، افت ابررسانایی بسیار سریع‌تر از نمونه‌هایی است که در آنها Pr و Gd به جای Ce جانشین شده‌اند. این امر نشان می‌دهد که تأثیر نفوذ حرفره و شکست جفت به وسیله ناخالصیهای مغناطیسی، قویتر از عامل متفاوت در شعاعهای بونی است. در جایگزینی Pr با Gd متفاوت اندک میان شعاع بونهای Pr و Gd همچنین جذب بیشتر اکسیژن به علت بالاتر بودن ظرفیت یون Pr نسبت به Gd سبب می‌شوند که فاصله متوسط ماندهای $\text{Ru}-\text{Ru}$ در ساختارها کاهش یابد و در نتیجه برهمکنش تبادلی مغناطیسی با افزایش آلایش یون Pr قویتر شود. اما در جایگزینیهای Pr و Gd به جای Ce مسئله متفاوت است. خواص مغناطیسی از جمله میدان واگارندگی (H_c) که به وسیله اندازه‌گیریهای مغناطیش بر حسب میدان مغناطیسی اعمالی در دو دمای 300 و 77 K به دست آمدند، با افزایش میزان Pr در ساختارهایی که به Pr جای Gd گذاشته شده است، افزایش می‌یابد. در جایگزینیهای Ce و Gd به جای Pr افزایش آلایش کاهش خواص مغناطیسی را در بی دارد.

واژه‌های کلیدی: روتونوکوپرات، همزیستی مغناطیسی و ابررسانایی، خواص ساختاری، خواص الکتریکی، خواص مغناطیسی

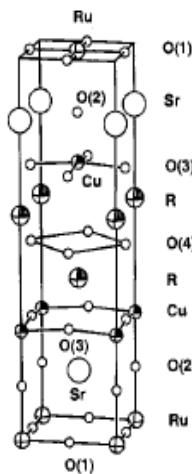
١. مقدمة

همزیستی ابرسانانی و مغناطیس، یکی از مسائل اساسی و مطرح در فیزیک ماده چگال است که دهها سال به صورت تجربی و نظری در دست بررسی دانشمندان بوده است. از آنجا که این دو فاز همواره در رقابت با یکدیگر هستند، همزیستی آنها در خور توجه است. در ابرساناهای متعارف، ممانهای مغناطیسی جفتهای کوپر را شکسته و ادسانان، ای تضعیف مکنند.

همزستی فرومغناطیس ضعیف (WFM) و ابررسانایی (SC) همچنین در ترکیبات لایه‌ای $R_{2-x}Ce_xRuSr_4Cu_xO_{10-\delta}$ که $R=Eu$ و Gd و $x=1, 2$ دارند.

فرومغناطیس ضعیف و ابررسانایی در ماده همزیستی داشته ولی از هم مجزا هستند، به این معنی که حوزه‌های ابررسانا توسط مرزهایی که در فاز فرومغناطیس به سر می‌برند، از هم جدا شده‌اند. سناریوی دیگری که می‌توان برای همزیستی فرومغناطیس و ابررسانایی ارائه داد، این است که ترکیبات Ru-۱۲۲۲ به حوزه‌های پادفرومغناطیس و فرومغناطیس در ابعاد نانو تقسیم می‌شوند. در دمای T_M ، بیشتر ماده پادفرومغناطیس و مقدار کمتر آن فرومغناطیس شده و سپس در T_c ، ماده ابررسانا می‌شود. ابررسانایی در حوزه‌های پادفرومغناطیس که توسط نواحی فرومغناطیس از طریق پیوندگاههای جوزفسون با هم جفت شده‌اند، به وجود می‌آید. شروع ابررسانایی (T_c) دمایی است که این حوزه‌های جفت شده ابررسانا می‌شوند [۶]. در ساختار $R_{2-x}Ce_xRuSr_7Cu_3O_{10-\delta}$ ($R = Eu, Gd$) مغناطیسی در $K = 125-180$ درجه سانتی‌گراد $T_M = 125-180$ کلوین و ابررسانایی در تووده در محدوده دمایی $K = 32-50$ درجه سانتی‌گراد [۷]. آماده سازی نمونه و میزان اکسیژن نمونه بستگی دارد [۸]. در واقع دمای گذار به حالت ابررسانایی در دو مرحله انجام می‌گیرد. افت مقاومت در T_c اتفاق می‌افتد یعنی جایی که داخل دانه‌ها ابررسانا می‌شوند. در این دما، ارتباطات ضعیف بین دانه‌ها، مقاومتی غیر صفر دارند. در دمای پایین‌تر (T_p)، دانه‌ها توسط زوج شدگی جوزفسون، بهم پیوند خورده و ماده به طور کامل ابررسانا می‌شود. T_p نسبت به میدان مغناطیسی بسیار حساس‌تر از T_c است. گذارهای ابررسانایی داخل و بین دانه‌ها روی شکل مقاومت اثر می‌گذارند و این بدان جهت است که گذار الکتریکی به ارتباطات ضعیف مرزهای دانه‌ای حساس است. به همین علت، در منحنیهای مقاومت اکثر این ساختارها، یک گذار پهن و دو پله‌ای مشاهده می‌شود [۶]. به طور کلی، خواص روتونوکوپراتها شدیداً تحت تأثیر دانه‌ها و زوج شدگی آنهاست و به همین دلیل گروههای مختلف دماهای گذار مختلفی را گزارش کرده‌اند. شرایط مختلف ساخت و عملیات حرارتی، به همان شکل که روی ابررسانایی درون دانه‌ها اثر می‌گذارند، روی زوج شدگی دانه‌ها هم مؤثرند.

برخلاف ساختارهای Ru-۱۲۱۲، که در آنها طبیعت



شکل ۱. ساختار سلول واحد ترکیب Ru-۱۲۲۲.

RuO_2 به جای زنجیره CuO به دست می‌آید. برخلاف $YBCO$ ، RuO_2 لایه‌های RuO_2 به طور کامل با اکسیژن اشغال شده‌اند که در نتیجه حالت اورتورومبیک در $YBCO$ به حالت تراگونال در Ru-۱۲۱۲ تبدیل می‌شود. یونهای Ru در یک هشت وجهی قرار می‌گیرند. هشت وجهی RuO_6 ، با چرخش کوچکی حول محور σ به اندازه حدوداً 13° از حالت ایده آل خود منحرف می‌شود. این امر، منجر به کاهش زاویه Moriya (DM) به 173° می‌شود. این واپیچش به کج شدگی Dzaloshinski معروف است [۵]. ساختار Ru-۱۲۲۲، با جایگذاری بلوك $(Gd/Ce)_xO_2$ به جای Gd به دست می‌آید. ساختار سلول واحد ترکیب Ru-۱۲۲۲ و وضعیت اتمها در شکل ۱ نشان داده شده است. منحنیهای مقاومت بر حسب دما در این ترکیبات، از دمای بالا به دمای پایین حضور ۴ ناحیه را نشان می‌دهند. در دماهای بالا سیستم در فاز پارامغناطیس است. در دمای T_M ، زیر شبکه پادفرومغناطیس (AFM) شده و نظم $Ru^{+4}-Ru^{+4}$ غالب می‌شود. در دمای $T_{irr} < T_M$ ، که به میزان آلایش و میدان خارجی وابسته است، فرومغناطیس ضعیف (WFM) ظاهر می‌شود. این امر به علت کج شدگی ممانهای Ru به وقوع می‌پیوندد. در این دما نظم $Ru^{+5}-Ru^{+5}$ غالب است. در دماهای پایین‌تر، ابررسانایی ظاهر می‌شود و دمای گذار آن (T_c) شدیداً به میزان R/Ce و میزان اکسیژن وابسته است. زیر T_c هر دو فاز

Ru_xCe_{1-x}Pr_xGd_{1/5}Sr₂Cu₂O_{10-δ} برای x از ۰ تا ۲٪ از پودرهای CeO_۶، CuO، Gd_۲O_۳، PrCO_۳ با خلوص ۹۹٪ به روش واکنش حالت جامد ساخته شده‌اند. پودرهای اولیه با نسبتی استوکیومتری مناسب در یک هاوون مخلوط شده و در بوته‌های آلومینا ریخته می‌شوند، سپس مخلوط حاصل تا دمای ۹۵۰ درجه سانتی‌گراد در گامهای زمانی معینی در معرض هوا گرم می‌شود. مدت زمان قرار گیری در این دما ۳۰ ساعت است. سپس به آرامی تا دمای اتاق سرد می‌شود. این مرحله از ساخت به منظور همگنی بیشتر پودرهای اولیه دو بار صورت می‌پذیرد. محصول به دست آمده تحت فشار ۱۰ ton / cm^۳ به شکل قرص با ابعاد به قطر ۱۰ mm و ضخامت ۱ mm در می‌آید، سپس به مدت چند روز تحت عبور اکسیژن در دمای ۱۰۶۰ درجه سانتی گراد قرار می‌گیرد. طیف پراش پرتو x نمونه‌ها با استفاده از طول موج ۱/۵۴ Å و در گستره زاویه‌ای ۱۰°-۸۰°= ۲θ= گرفته شد. برای اندازه‌گیری‌های الکترونیکی از یک یخچال مدار بسته دیسپلکس در بازه دمایی K ۳۰۰ تا ۱۰K استفاده شد. برای اندازه‌گیری و کنترل دما از یک دما‌سنج Pt-100 و دستگاه شرکت Lake Shore مدل ۳۳۰A استفاده شد. اندازه‌گیری‌های مغناطیسی نمونه‌ها با استفاده از یک آهنربای الکترونیکی با میدان kOe ۱۰^{-۳} emu و یک دستگاه مگنتومتر مدل PAR-155 با حساسیت ۲۰ A/m استفاده شد. برای اندازه‌گیری‌های پذیرفتاری مغناطیسی متناوب نمونه‌ها از دستگاه Lake Shore-۷۰۰۰ Hz با فرکانس ۳۳۰ Hz و میدان مغناطیسی متناوب ۸۰۰ A/m استفاده شد.

۳. نتایج و بحث

طیف پراش اشعه X، به ازای مقادیر مختلف x از ۰ تا ۱٪، در نمونه Ru(Gd_{1/5-x}Pr_x)Ce_{1-x}Pr_xGd_{1/5}Sr₂Cu₂O_{10-δ} (نمونه Ru) و x از ۰ تا ۲٪ در نمونه Ru(Ce_{1-x}Pr_x)Gd_{1/5}Sr₂Cu₂O_{10-δ} (نمونه (Pr/Gd)، اندازه‌گیری شد. همان‌گونه که طیفهای XRD مربوط به نمونه‌ها تکفارز هستند. مقایسه نتایج XRD با نتایج دیگران نشان می‌دهد که فاز Ru-۱۲۲۲ به خوبی شکل گرفته است [۱۱]، ولی نمونه x=۰ از کیفیت نازلت‌تری برخوردار است.

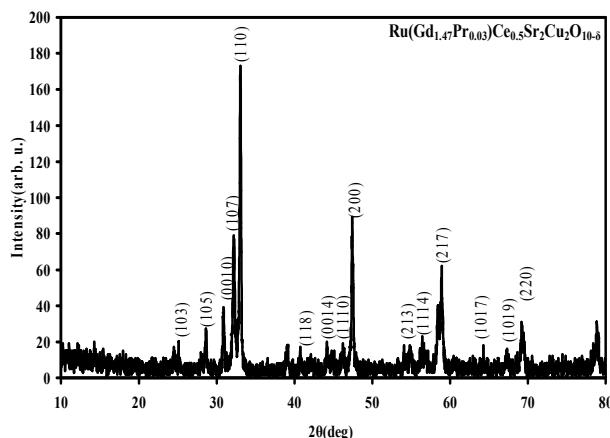
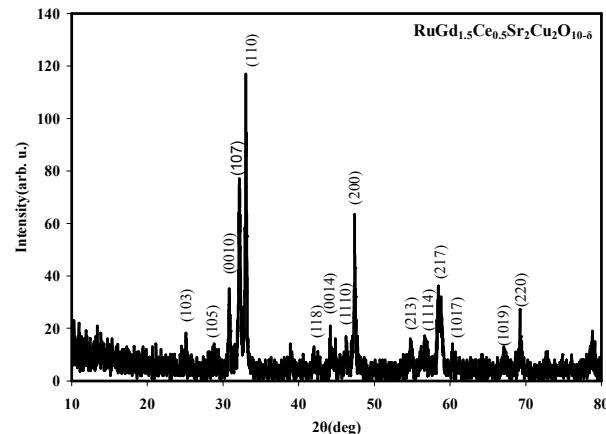
پادفرومغناطیس زیر شبکه Ru توسط مطالعات پراش نوترون به اثبات رسیده است، تاکنون ساختار مغناطیسی ترکیبات Ru-۱۲۲۲ کاملاً کشف نشده است. منحنی مغناطش بر حسب دما M-H در این ترکیبات حلقه پسماندی را نشان می‌دهد [۹] که حاکی از وجود فاز فرومغناطیس در این ساختارها است. هر دو پارامتر مغناطیسی M_{rem} (مغناطش در میدان مغناطیسی بازگشتی صفر) و H_c (میدان مغناطیسی لازم برای کسب مغناطش بازگشتی صفر)، با دما کاهش می‌یابند.

در این مواد، جایگزینیهای جزئی شیمیایی (doping) نشان می‌دهد که T_c و T_M برخلاف یکدیگر تغییر می‌کنند. در ترکیب Gd_{۲-x}Ce_xRuSr_۲Cu_۲O_{۱۰-δ} کاهش چگالی حفره‌ها با جایگزینی جزئی Gd با Ce، باعث کاهش T_c و افزایش دمای گذار فرومغناطیسی می‌شود [۷و۸]. این امر حاکی از آن است که دمای گذار مغناطیسی در Ru-۱۲۲۲ های غیرابرسانا، چندین درجه بالاتر از نمونه‌های ابرساناست و این نتایج، توصیف رقابت بین حالت‌های ابرسانا و فرومغناطیس است. با این حال، جایگزینیهای شیمیایی، پارامترهای دیگری را نیز تغییر می‌دهد. این امر علاوه بر تغییر چگالی حاملها، زوج شدگی مغناطیسی لایه‌های RuO_۲ را در جایگزینی Gd با Ce کاهش می‌دهد و باعث تغییر ریز ساختار نیز می‌شود.

از آنجا که یون Pr در برخی ترکیبات از جمله Gd-۱۲۳ [۱۰] ناهنجاریهایی از خود نشان داده است و در ضمن به علت خواص فرومغناطیس ضعیفی که در ساختارهای Ru-۱۲۲۲ مشاهده شده است و از همه مهمتر دارای طرفیت بین +۳ و +۴ است (Pr^{۳+,۴+})، جهت بررسی اثراتی که این یون مغناطیسی در این ترکیبات می‌تواند داشته باشد، به صورت جزئی به جای Gd^{۳+} و Ce^{۴+} در ترکیب Ru(Gd_{۱/۵}Ce_{۱-x})Sr_۲Cu_۲O_{۱۰-δ} جانشین شد. نتایج به دست آمده با برخی از داده‌های نمونه RuGd_{۱/۵}(Gd_xCe_{۱-x})Sr_۲Cu_۲O_{۱۰-δ} مقایسه گردید [۷و۸].

۲. جزئیات آزمایش

سرامیکهای ابررسانایی Ru(Gd_{۱/۵-x}Pr_x)Ce_{۱-x}Pr_xGd_{۱/۵}Sr_۲Cu_۲O_{۱۰-δ} به ازای مقادیر مختلف x از ۰ تا ۱٪ و

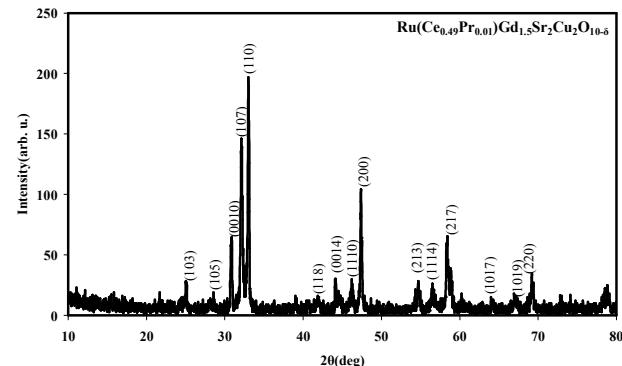
شکل ۳. طرح پراش اشعه X نمونه $\text{Ru}(\text{Gd}_{1/4}\text{Pr}_{1/2})\text{Ce}_{1/5}\text{Sr}_2\text{Cu}_2\text{O}_{10-\delta}$ شکل ۲. طرح پراش اشعه X نمونه $\text{RuGd}_{1/5}\text{Ce}_{1/5}\text{Sr}_2\text{Cu}_2\text{O}_{10-\delta}$

باند باشیم، چرا که به نظر می‌رسد شعاع یونی Pr در این ترکیب نسبت به Gd کوچکتر است. همان‌طور که دیده می‌شود نتایج گویای این مطلب است.

پارامتر c شبکه برای نمونه‌های مختلف Pr/Ce و Pr/Gd با افزایش x به ترتیب کاهش و افزایش را نشان می‌دهند. دلیل این امر ممکن است به کوچک بودن شعاع یونی Pr نسبت به Gd و بزرگ‌تر بودن شعاع آن در مقایسه با Ce مربوط باشد.

پارامتر $a=b$ شبکه برای نمونه Pr/Gd با افزایش میزان آلیش Pr کاهش می‌یابد، در حالی که در نمونه‌های Pr/Ce محسوسی ندارد. این رفتار را می‌توان به حضور اکسیژن بیشتر در ترکیبات Pr/Gd در مقایسه با ترکیبات Pr/Ce نسبت داد. الکترونهای اضافی که با جایگزینی Pr به جای Gd، به واسطه بیشتر بودن ظرفیت Pr در مقایسه با Gd، وارد سیستم شده‌اند با افزایش میزان اکسیژنی که سیستم جذب می‌کند جبران می‌شوند تا ختی ای بار کل سیستم حفظ شود [۱۲].

مقاومت الکتریکی نمونه‌ها در محدوده دمای اتاق تا 10 K برای نمونه‌هایی با مقادیر مختلف جایگزینی Pr به جای Gd و Ce، اندازه‌گیری شده است. همان‌طور که در شکل ۵ نشان داده شده، منحنی مقاومت الکتریکی این نمونه‌ها، مشابه با سایر نمونه‌های Ru-۱۲۲۲، رفتار نیمه هادی از خود نشان می‌دهند (به این معنی که با کاهش دما روند افزایشی دارند). این منحنی شامل چهار دمای مشخصه است که در آن دماهای، منحنی تغییر

شکل ۴. طرح پراش اشعه X نمونه $\text{Ru}(\text{Ce}_{1/4}\text{Pr}_{1/2})\text{Gd}_{1/5}\text{Sr}_2\text{Cu}_2\text{O}_{10-\delta}$

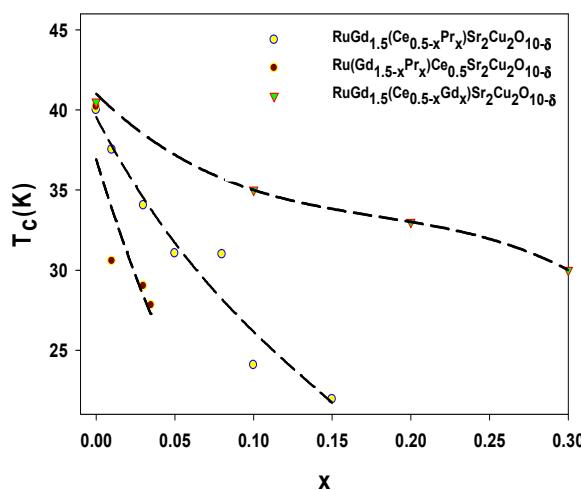
نتایج تحلیل ریتولد روی این طیفها، در جدول ۱ آورده شده‌اند. پارامترهای شبکه و طول باندهای این ساختارها از این نتایج به دست آمده است. افزایش طول باند (۱) O-Ru-O در نمونه‌های Pr/Gd شاهدی بر کاهش فاصله بین O(۱) و صفحات CuO_6 است. این کاهش فاصله می‌تواند سبب نفوذ الکترون در صفحات CuO_6 شود. همچنین طول باند (۳) با افزایش میزان آلیش Pr کاهش می‌یابد که این امر بیانگر قویتر شدن پیوند بین یونهای Ru و اکسیژن ورودی و در نتیجه، شاهدی بر جذب اکسیژن بیشتر در این نمونه‌هاست. افزایش طول باند (۴) O-Ce-Gd-Pr در نمونه‌های Pr/Ce، بیانگر افزایش فاصله بینها در بلوك O-(Ce,Gd,Pr)-O، می‌تواند به واسطه حضور یون Pr با شعاع یونی بزرگ‌تر نسبت به Ce باشد. بنابراین، انتظار داریم که در جانشانی Pr به جای Gd، شاهد کاهش این طول

جدول ۱. تحلیل ریتولد ترکیبات Pr/Gd و Pr/Ce برای مقادیر مختلف Pr.

Pr/Gd	X=۰/۰۰	X=۰/۰۱	X=۰/۰۳	X=۰/۰۲۳	X=۰/۰۵
c(Å)	۲۸/۳۷۰	۲۸/۴۰۹	۲۸/۳۴۸	۲۸/۳۳۹	۲۸/۳۳۱
a,b(Å)	۳/۸۲۷	۳/۸۳۷	۳/۸۳۳	۳/۸۳۱	۳/۸۳۰
V(Å ^r)	۴۱۵/۵۲۴	۴۱۸/۳۸۸	۴۱۶/۶۸۳	۴۱۶/۰۲۹	۴۱۵/۶۱۰
Gd-O(۲) (Å)	۲/۳۷	۲/۱۶	۲/۴۰	۲/۳۳	۲/۴۵
Gd-O(۴) (Å)	۲/۳۳	۲/۳۶	۲/۳۹	۲/۳۳	۲/۳۲
Cu-O(۱) (Å)	۱/۷۹	۱/۷۶	۱/۷۶	۱/۷۶	۱/۸۷
Cu-O(۲) (Å)	۱/۹۴	۲/۰۰	۱/۹۲	۱/۹۴	۲/۰۲
Sr-O(۲) (Å)	۲/۷۶	۳/۰۰	۲/۶۰	۲/۷۹	۲/۴۲
Ru-O(۱) (Å)	۲/۹۵	۲/۳۶	۲/۶۷	۲/۳۵	۳/۰۳
Ru-O(۲) (Å)	۱/۹۷۲	۱/۹۷۷	۱/۹۷۵	۱/۹۷۴	۱/۹۷۴
Pr/Ce	X=۰/۰۰	X=۰/۰۱	X=۱/۰۵	X=۰/۱	X=۰/۱۵
c(Å)	۲۸/۳۷۰	۲۸/۴۲۴	۲۸/۵۱۶	۲۸/۵۴۷	۲۸/۵۵۴
a,b(Å)	۳/۸۲۷	۳/۸۳۲	۳/۸۲۹	۳/۸۳۱	۳/۸۳۱
V(Å ^r)	۴۱۵/۵۲۴	۴۱۷/۵۳۶	۴۱۸/۱۰۲	۴۱۹/۱۰۳	۴۱۹/۱۱۸
Gd-O(۲) (Å)	۲/۳۷	۲/۲۷	۲/۱۹	۲/۱۰	۲/۱۰
Gd-O(۴) (Å)	۲/۳۳	۲/۳۵۴	۲/۴۰۱	۲/۴۱۰	۲/۴۰۹
Cu-O(۱) (Å)	۱/۷۹	۱/۸۸	۱/۷۱	۱/۶۳	۱/۷۷
Cu-O(۲) (Å)	۱/۹۴	۱/۹۶۳	۱/۹۳	۲/۰۳	۱/۹۹
Sr-O(۲) (Å)	۲/۷۶	۲/۸۸	۲/۷۹	۲/۸۳	۲/۷۰
Ru-O(۱) (Å)	۲/۹۵	۲/۲۲	۲/۶۲	۲/۵۴	۲/۵۴
Ru-O(۲) (Å)	۱/۹۷۲	۱/۹۷۵	۱/۹۷۳	۱/۹۷۴	۱/۹۷۴

در دمای $T_{\text{irr}} < T_M$ که مقدار آن وابسته به مقدار Pr است، گذار فاز دیگری رخ می‌دهد که ماده را به فاز فرومغناطیسی RuO_۳ می‌برد. باید علت این گذار فاز را در زیر ساختار Ru چستجو کرد. در این حالت، گشتاورهای Ru دچار یک کج شدگی می‌شوند و به جای حالت پادفرومغناطیس معمولی در حالت قبل، با یک پادفرومغناطیس کج شده در ماده رو به رو هستیم. بر اثر این کج شدن، گشتاورهای Ru دارای یک مؤلفه خالص در جهت محور c می‌شوند و ماده خاصیت فرومغناطیس از خود نشان می‌دهد. این کج شدگی از برهمکنش فوق تبادلی غیر متقارن (DM) Dzaloshinski-Moriya [۵] به وجود می‌آید. در این حالت، مقاومت با کاهش دما افزایش می‌یابد و این روند، تا نزدیکی T_c ادامه دارد. افزایش مقاومت نزدیک T_{irr}

شیب ناگهانی دارد. این دمایا از بالا به پایین به ترتیب عبارتند از T_M ، T_c ، T_{irr} و T_P . بنابراین، ۵ بازه دمایی وجود دارد که ماده در هر کدام، در فاز یا فازهای خاصی به سر می‌برد. از دمای اتاق تا T_M ، ماده در حالت پارامغناطیس قرار دارد که نتایج مغناطش در دمای اتاق این موضوع را تأیید می‌کند (حلقه هیسترزیس فرومغناطیس گونه مشاهده نمی‌شود). در این بازه دمایی قدر مطلق شیب منحنی نسبتاً کم است. در دمای T_M یک گذار فاز رخ می‌دهد که ماده را به فاز پادفرومغناطیس می‌برد. در این حالت، یک نظم بلند برد ایجاد می‌شود که مسئول آن، گشتاورهای Mg مغناطیسی Ru هستند که دارای اسپین مخالف می‌شوند [۱۴]. این مسئله تا دمای T_{irr} ادامه دارد. باید توجه کرد که روند افزایش مقاومت بر حسب دما در این بازه نسبت به قبل افزایش می‌یابد.

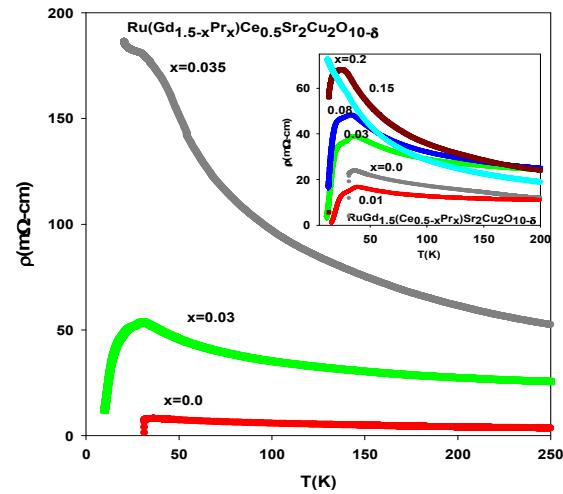


شکل ۶. وابستگی دمای گذار ابررسانایی به میزان آلایش برای سه جایگزینی Pr/Ce و Pr/Gd و Gd/Ce. خطوط رسم شده برای دید بهتر است.

اما، نحوه کاهش (سرعت افت T_c با افزایش x) متفاوت است. در جایگزینی Pr به جای Gd، با جایگزینی از $x=0.33$ تا $x=0$ دمای گذار از 40 K به 27 K افت می‌کند، در حالی‌که، با جایگزینی Pr به جای Ce از $x=0.15$ تا $x=0.0$ به 40 K نزول می‌کند. بنابراین، همان‌طور که از شکل پیداست، در جایگزینی Pr به جای Ce، ابررسانایی تا میزان $x=0.15$ برای همچنان ادامه دارد. در حالی‌که، فقط $x=0.035$ آلایش Pr به جای Gd، کل ابررسانایی را در این نمونه از بین می‌برد.

به منظور بررسی اثر افزایش یون مغناطیسی در ترکیب پایه $\text{RuGd}_{1.5}\text{Ce}_{0.5}\text{Sr}_2\text{Cu}_2\text{O}_{10-d}$ ، دمای گذار ابررسانایی بر حسب x دو نمونه Pr/Ce و Pr/Gd با دمای گذار ابررسانایی بر حسب x ترکیب $(\text{Gd}_x\text{Ce}_{0.5-x})\text{Sr}_2\text{Cu}_2\text{O}_{10-d}$ (نمونه Gd/Ce) [۸] و [۷]، در شکل ۶ مورد مقایسه قرار گرفته است. همان‌طور که از شکل پیداست، افت T_c با افزایش x در این سه نمونه، با شبیهای متفاوتی صورت می‌پذیرد.

افت T_c با افزایش Gd، در نمونه‌ای که Gd به جای Ce جایگزین شده است، (ماده پایه $(\text{RuGd}_{1.5}\text{Ce}_{0.5}\text{Sr}_2\text{Cu}_2\text{O}_{10-d})$) بسیار کند است. درواقع وقتی Gd به جای Ce جایگزین می‌شود، ابررسانایی به سرعت تخریب نمی‌شود. همان‌طور که در شکل دیده می‌شود، افزایش x از $0/1$ تا $0/3$ T_c را به میزان خیلی اندک کاهش داده است در حالی‌که، اگر تمام حاملین بار به صفحات



شکل ۵. مقاومت بر حسب دما برای نمونه‌های Pr/Ce و Pr/Gd به ازای مقادیر مختلف Pr .

نشان دهنده بی‌نظمی مربوط به کمبود اکسیژن، دانه‌ای بودن (granularity) یا پراکندگی الکترون از ناخالصی‌های مغناطیسی است [۱۴]. از دمای T_c به بعد، در حالی‌که حالت فرومغناطیسی وجود دارد، یک گذار فاز دیگر رخ می‌دهد و ماده به فاز ابررسانایی می‌رود. در این حالت، منحنی مقاومت بر حسب دما که تاکنون با کاهش دما افزایش می‌یافتد، با کاهش بیشتر دما شروع به کاهش می‌کند و در نتیجه از این نقطه (T_c) به بعد، شاهد کاهش سریع مقاومت بر حسب دما هستیم [۱۳]. در واقع ابررسانایی در ابررساناهای دانه‌ای شامل دو مرحله است. این دو مرحله (T_c و T_m) در روتونکوپراتها بسیار واضح‌تر و چشمگیرتر است و علت آن، وجود مناطق غیر ابررسانا و مغناطیسی در بین دانه‌های پادرفومغناطیس و ابررساناست و همچنین به ناهمگنی اکسیژن در ساختار نیز مربوط می‌شود. در T_c ، مناطق درون دانه‌ای شروع به ابررسانا شدن می‌کند. در دمای T_m دانه‌های ابررسانا از طریق اثر جوزفسون با هم زوج می‌شوند [۱۴]. در تمامی این بازه‌های دمایی، صفحه اکسید مس مسئول بروز مقاومت در ماده است. اما، وجود شبکه Ru بر روی حامل‌های جریان در این صفحه شدیداً تاثیر می‌گذارد [۱۵ و ۹].

همان‌طور که در شکل ۵ دیده می‌شود، دمای گذار ابررسانایی با افزایش x (در هر دو سری نمونه) کاهش می‌یابد.

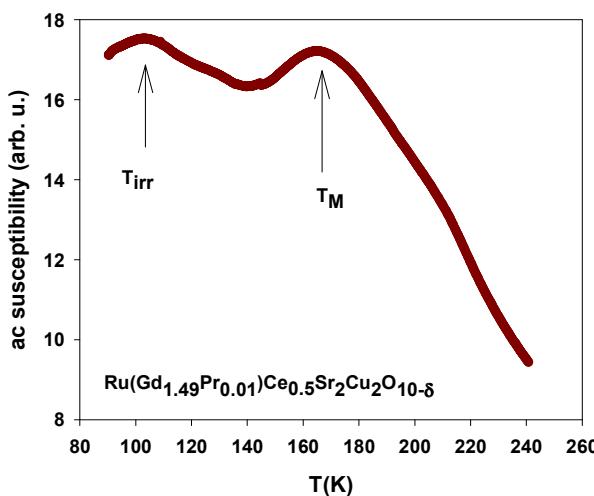
ظرفیت $\text{Pr}^{3+,4+}$ با Gd^{3+} جذب اکسیژن در نمونه‌های با بیشتر، اندکی بیشتر است که این امر نیز منجر به تقویت ابررسانایی می‌شود. اما، احتمالاً شکست جفت‌های کوپر توسط یون مغناطیسی Pr و آلایش الکترون در ترکیب، که دو عامل اساسی در تخریب ابررسانایی در این جایگزینی هستند، بر دو عامل اول که تقویت کننده ابررسانایی بودند، پیروز شده و درنهایت، کاهش شدید T_c را با افزایش x در نمونه Pr/Gd خواهیم داشت. از مقایسه عوامل تقویت و تخریب ابررسانایی در این سه ماده، به این موضوع می‌توان پی بردن که شکست جفت‌های کوپر، به واسطه حضور یون مغناطیسی عنصر خاکی کمیاب، مهمترین عامل در تخریب ابررسانایی است. اما، عامل کافی برای تخریب نیست چرا که، آلایش حفره به واسطه تفاوت ظرفیت عناصر، تفاوت شاعع یونی و تفاوت در جذب اکسیژن، عوامل دیگری هستند که می‌توانند روی خواص ابررسانایی تاثیر گذار باشند.

منحنی مقاومت بر حسب دما برای سه نمونه $\text{Ce}_{0.5}\text{Sr}_0.5\text{Cu}_0.8\text{O}_{1-x}$ و $\text{Ru}(\text{Gd}_{0.47}\text{Pr}_{0.03})_{0.5}\text{Sr}_0.5\text{Cu}_0.8\text{O}_{1-x}$ در محدوده دمای $10-250^\circ\text{K}$ بدون حضور میدان مغناطیسی در شکل ۷، نمایش داده شده است. همان‌طور که از شکل پیداست، در تمامی این نمونه‌ها در ناحیه گذار، پهن شدگی مشاهده می‌شود که این امر در نمونه می‌شود. در ساختار بر می‌گردد که باعث اختلاف بین ناهمگنی اکسیژن در ساختار بر می‌گردد. گذار به حالت ابررسانایی در دو مرحله انجام می‌پذیرد. یعنی، در نقطه گذار دو پله مشاهده می‌شود که شروع (onset) ابررسانایی در $\text{T}_\text{c}^{\text{on}} = 34\text{K}$ و $\text{T}_\text{c}^{\text{R}} = 12\text{K}$ می‌شود. گذار به حالت ابررسانایی در دانه‌ای T_p که دانه‌ها ابررسانا می‌شوند و در دمای پایین‌تر (T_p) اثر ارتباطات ضعیف بین دانه‌ها کاهش یافته و کل نمونه ابررسانا می‌شود. در این نمونه دو گذار ابررسانایی درون دانه‌ای T_c و بین دانه‌ای T_p به وضوح دیده می‌شود. اما در نمونه‌ای که Pr به جای Gd جایگزین شده است، به دلیل کامل‌تر بودن میزان اکسیژن نمونه نسبت به نمونه‌ای که Pr و Gd به جای

$\text{Cu}-\text{O}$ مربوط باشند، آنگاه وقتی x به اندازه $2/3$ تغییر می‌کند، به منزله تغییر $2/3$ در میزان حفره‌های است و باید بیشتر از این میزان، منجر به کاهش T_c شود، همان‌طور که در $\text{La}_{2-x}\text{Sr}_x\text{CuO}_4$ سایر مواد HTSC دیده می‌شود [۴]. اما، شاعع یونی بزرگتر Gd نسبت به Ce ، پارامتر شبکه را افزایش داده و انرژی پرشی (hopping) حاملین را کاهش می‌دهد. افزایش حجم سلول واحد به واسطه این جایگزینی می‌تواند باعث کاهش T_c بر اثر افزایش x شود. به علاوه، حفره‌های اضافی القا شده توسط افزایش Gd ، به صورت جزئی، به علت کاهش اکسیژن جبران می‌شوند. اگر اکسیژن بیشتری جذب می‌شد حفره‌ها بیشتر می‌بود. رقابت این دو عامل، یعنی آلایش حفره و کاهش اکسیژن با افزایش Gd سرعت کاهش T_c را کاهش می‌دهد. این سازوکار آلایش حفره توسط آزمایش پراش نوترون در $\text{Ce}_{0.5}\text{RuSr}_0.5\text{Cu}_0.8\text{O}_{1-x}$ تصدیق شده است [۴].

جایگزینی Pr به جای Ce بیشتر از جایگزینی Gd به جای Ce در $\text{RuGd}_{0.5}\text{Ce}_{0.5}\text{Sr}_0.5\text{Cu}_0.8\text{O}_{1-x}$ ، ابررسانایی را تخریب می‌کند. زوج شدگی تبادلی قوی گشتاورهای تراز $4f$ اتم Pr با اسپین حفره‌ها در صفحات CuO_2 می‌تواند، باعث شکست جفت شود، که این مسئله قبلاً با نظریه Abrikosov-Gor'kov (AG) توضیح داده شده است [۱۵]. اما کاهش T_c با افزایش x ، بسیار سریعتر از آن است که نظریه AG پیشگویی می‌کند. تفاوت شاعع یونی Pr و Ce ، پارامتر شبکه را افزایش می‌دهد. این فشار شیمیایی منفی انرژی پرشی را تغییر داده و منجر به کاهش ابررسانایی می‌گردد. جایگزینی Pr به جای Ce به دلیل ظرفیت کمتر Pr^{+4} ، $\text{Pr}^{+3,+4}$ ، منجر به جذب اکسیژن کمتر توسط نمونه می‌گردد. ناکاملی اکسیژن و چرخش کوچک هشت وجهی RuO_6 ، پیش بینی می‌شود که چگالی حفره‌ها را در صفحات CuO_2 کاهش داده، منجر به افت ابررسانایی شود.

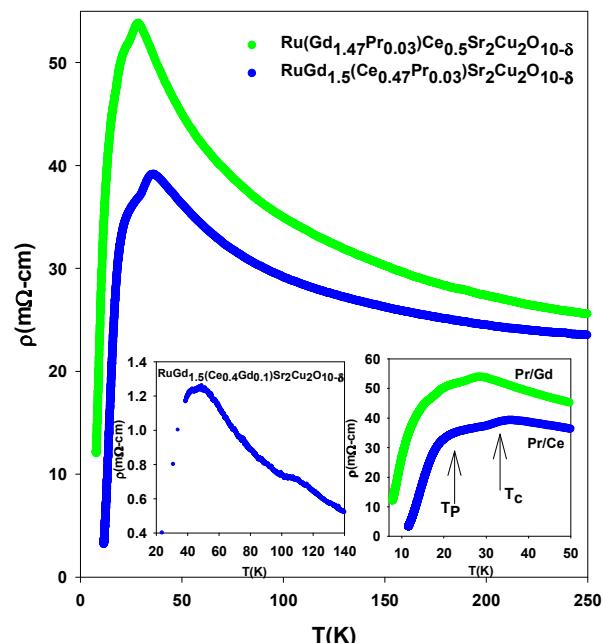
برای نمونه‌های Pr/Gd ، کاهش T_c با افزایش x بسیار سریعتر از دو نمونه دیگر است. زیرا تفاوت شاعع یونی یونهای Pr و Gd پارامتر شبکه را کاهش داده، انرژی پرشی افزایش یافته و ابررسانایی تقویت می‌شود. همچنین، به دلیل تفاوت



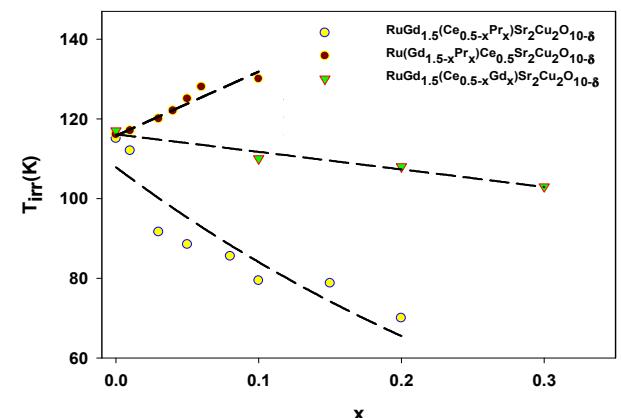
شکل ۸. منحنی پذیرفتاری مغناطیسی متناوب برای ترکیب Pr/Gd به ازای $x=0/01$. در شکل نشان داده شده‌اند.

رفتار دمای گذار مغناطیسی T_{irr} بر حسب α برای سه نمونه Gd/Ce و Pr/Ce و Pr/Gd در شکل ۹ نشان داده شده است.

جایگزینی Pr به جای Gd، دمای گذار مغناطیسی را افزایش می‌دهد. چرا که تفاوت شعاع یونی Pr و Gd باعث کاهش پارامتر $a=(b/a)$ شبکه می‌شود. بنابراین، با جایگزینی Pr، فاصله گشتاورهای Ru-Ru کاهش می‌یابد. در نتیجه، برهمکنش‌های مغناطیسی قویتر می‌شوند و دمای گذار مغناطیسی با افزایش x افزایش می‌یابد. همچنین، دمای گذار مغناطیسی به میزان اکسیژن نمونه بسیار حساس است و جایگزینی عناصر خاکی کمیاب می‌تواند میزان اکسیژن جذب شونده توسط ماده را تغییر دهد. شواهد بسیاری مبنی بر ورود و خروج اکسیژن از صفحات $\text{RuO}_{2-\delta}$ وجود دارد [۱۶]. تغییر چگالی حفره‌ها در صفحات توسط اکسیژن، الکترونهای منتقل شونده به باند ۴d اتمهای Cu-O را افزایش می‌دهد و بنابراین، برهمکنش تبادلی زیرشبکه Pr/Ce و Pr/Gd افزایش یافته، T_{irr} بالا می‌رود. در دو جایگزینی دیگر (Gd/Ce)، تفاوت شعاع یونی Pr و Gd با Ce منجر به افزایش فاصله ممانهای Ru-Ru و کاهش برهمکنش‌های مغناطیسی می‌شود. همان‌طور که در بررسی نتایج حاصل از تحلیل ریتولد نمونه‌های Pr/Ce گفته شد، پارامتر c شبکه و حجم سلول واحد با افزایش میزان آلایش Pr افزایش می‌یابد.



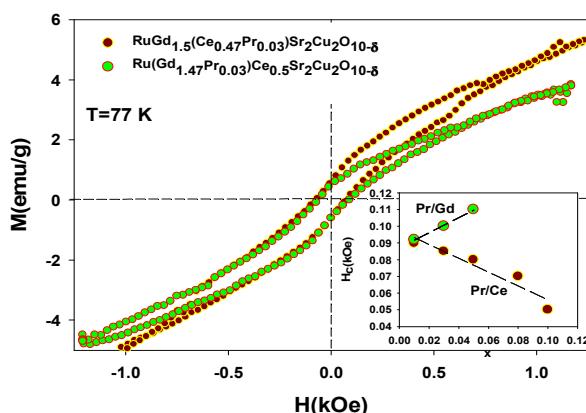
شکل ۷. مقاومت بر حسب دما برای نمونه‌های Pr/Ce و Pr/Gd با $x=0/01$ و T_p با $x=0/03$ در شکل داخلی نشان داده شده‌اند.



شکل ۹. دمای گذار مغناطیسی بر حسب میزان آلایش در سه جایگزینی Gd/Ce و Pr/Ce، Pr/Gd. خطوط رسم شده برای دید بهتر است.

جایگزین شده‌اند، دمای گذار ابرسانایی بین دانه‌ای (T_p) به وضوح دیده نمی‌شود.

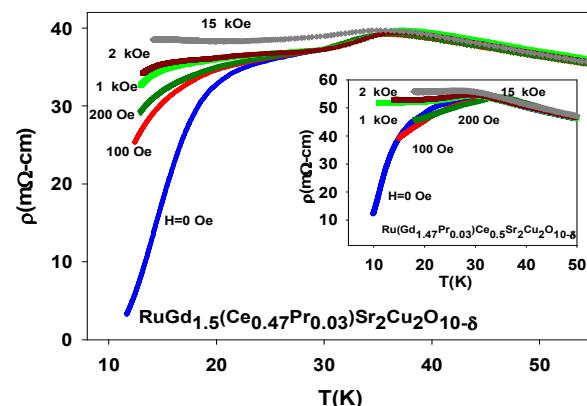
دمای گذار مغناطیسی از تغییرات منحنی مشتق مقاومت الکتریکی بر حسب دما و همچنین از اندازه‌گیریهای پذیرفتاری مغناطیسی متناوب به دست آمده است. همان‌طور که در شکل ۸ نشان داده شده است، از دمایان بالا به پایین دو قله مشخصه در منحنیهای پذیرفتاری مغناطیسی متناوب دیده می‌شود که به ترتیب T_M و T_{irr} هستند.



شکل ۱۱. حلقه H M-H برای $x=0/0^3$ در دمای $77K$ برای دو ترکیب Pr/Ce و Pr/Gd. شکل داخلی H بر حسب x را برای این دو جایگزینی نشان می‌دهد. خطوط رسم شده برای دید بهتر است.

ابررسانایی در میدانهای مغناطیسی ضعیف شود. همچنین، این پهن شدگی در ناحیه گذار ابررسانایی می‌تواند به واسطه حضور و حرکت شارهای مغناطیسی در ترکیب رخ دهد [۱۵]. پنهانی بیشتر ناحیه گذار در ترکیب Pr/Gd در مقایسه با Pr/Ce می‌تواند به دلیل حضور بیشتر اکسیژن در این نمونه‌ها باشد. چرا که حضور بیشتر اکسیژن در نمونه‌هایی که ساختار دانه‌ای دارند، منجر به رشد دانه‌های ابررسانا می‌شود [۶]. بنابراین مرز بین دانه‌ها که به عنوان مراکز میخکوبی برای شارهای مغناطیسی عمل می‌کردند، کم می‌شوند و بدین ترتیب شارهای مغناطیسی که در درون ماده نفوذ کرده‌اند آزادی حرکت بیشتری خواهند داشت و افت مقاومت در ناحیه گذار ابررسانایی در دماهای پایین تری اتفاق می‌افتد و گذار ابررسانایی پهن‌تری خواهیم داشت.

مغناطیش نمونه‌های Pr/Gd و Pr/Ce در حضور میدان مغناطیسی و در دمای $77K$ اندازه‌گیری شده است. حلقه M-H برای دو نمونه مذکور به ازای $x=0/0^3$ در دمای $77K$ در شکل ۱۱ نشان داده شده است. این ترکیبات، در دماهای پایین زیر T_{irr} ، دارای حوزه‌های فرومغناطیسی هستند. بنابراین حلقه پسمند مغناطیسی در این محدوده‌های دمایی قابل مشاهده است. مغناطیش باقیمانده (M_{rem}) و میدان وادراندگی (H_c) از این اندازه‌گیریها قابل محاسبه هستند.



شکل ۱۰. مقاومت بر حسب دما برای نمونه‌های Pr/Gd و Pr/Ce در میدانهای مغناطیسی مختلف از 0 تا $15kOe$.

افت بیشتر T_{irr} در نمونه‌های Pr/Ce نسبت به Gd/Ce بیانگر این مطلب است که فاصله ممانهای Ru-Ru در ترکیبات Gd/Ce نسبت به ترکیبات Pr/Ce کوچکتر است. همچنین افزایش میزان آلایش Pr به دلیل تفاوت ظرفیت سه یون Pr^{3+}, Ce^{4+} و Gd^{3+} باعث کاهش میزان اکسیژن نمونه می‌شود. همچنین میزان جذب اکسیژن کمتر، به دلیل پایین تر بودن ظرفیت Pr و Gd نسبت به Ce، باعث کاهش دمای گذار مغناطیسی می‌شود. شکل ۱۰ وابستگی دمایی مقاومت الکتریکی نمونه‌های Pr/Gd و Pr/Ce با $x=0/0^3$ در میدانهای مغناطیسی خارجی مختلف به بزرگی $15kOe$ -۰ نشان می‌دهد. در هر دو ترکیب شروع ابررسانایی، جایی که درون دانه‌ها ابررسانا می‌شوند، چندان تحت تأثیر میدان مغناطیسی قرار نمی‌گیرد. دمایی که در آن مقاومت مغناطیسی نمونه به طور کامل صفر می‌شود ($T_c^{R=0}$) و T_p ، دمایی که اتصالات ضعیف جوزفسون به هم متصل می‌شوند، شدیداً تحت تأثیر میدان مغناطیسی خارجی هستند. در بسیاری از ابررساناهای با ساختار دانه‌ای که اتصالات ضعیفی بین دانه‌ها برقرار است، دمایی که در آن دما مقاومت نمونه به طور کلی صفر می‌شود، در حضور میدان مغناطیسی خارجی به سرعت کاهش می‌یابد.

میدان مغناطیسی خارجی، یک میدان باقیمانده در ترکیب تولید می‌کند و این میدان داخلی می‌تواند به واسطه ناهمگنی ترکیب، در درون ماده نفوذ نموده، باعث پهن شدن ناحیه گذار

RuGd_{1/5}Ce_{4/5}Sr₂Cu₃O_{10-δ} به جای Ce در ترکیب Gd سریعتر است. اختلاف شعاع Pr و Gd، فاصله بین یونهای مغناطیسی Pr و صفحات ابررسانایی CuO₂ را می‌کاهد و بنابراین تضعیف ابررسانایی در نمونه‌های Pr/Gd سریعتر از دو جایگزینی Pr/Ce و Gd/Ce است.

پارامترهای مربوط به خواص مغناطیسی این ترکیبها، از جمله T_{irr} و H_c در جایگزینی Pr و Gd به جای Ce با افزایش میزان آلایش کاهش می‌یابند. افزایش فاصله ممانهای Ru-Ru و همچنین کمبود اکسیژن برهمکنش‌های مغناطیسی را در این ترکیبات کاهش می‌دهد. این امر در تطابق کامل با نتایج حاصل از تحلیل ریتولد مبنی بر افزایش پارامتر شبکه *c* و حجم سلول واحد نمونه‌های Pr/Ce با افزایش میزان آلایش Pr است. افت بیشتر T_{irr} در نمونه‌های Pr/Ce نسبت به نمونه‌های Gd/Ce نشان می‌دهد که فاصله ممانهای Ru-Ru در نمونه‌های Gd/Ce کوچکتر از Pr/Ce است. در جایگزینی Pr به جای Gd اختلاف شعاع یونی Gd و Pr باعث افزایش دمای گذار مغناطیسی می‌شود.

قدرتانی

از همفکریها و کمکهای سعید فلاحتی، مجتبی مظاہری و حمید عباس زاده کمال تشکر را داریم. اندازه‌گیری پذیرفتاری ac مغناطیسی نمونه‌ها در آزمایشگاه ابررسانایی در دانشگاه صنعتی اصفهان صورت گرفته است که از آن بابت سپاسگذاریم. این تحقیق توسط قطب علمی سیستمهای پیچیده و ماده چگال، دانشکده فیزیک دانشگاه صنعتی شریف حمایت شده است (www.cscm.ir).

5. J Dzyaloshinsky, *J. Phys. Chem. Solids* **4** (1958) 241; T Moriya, *Phys. Rev* **120** (1960) 91.
6. Y Y Xue, B Lorenz, A Baikalov, D H Cao, Z G Li and C W Chu, *Phys. Rev. B*, **66** (2002) 014503, *Phys. Rev. B*, **65** (2002) R020511.
7. H Hadipour, D Sabri, M Mirzadeh, M Akhavan, *Physica Status Solidi C*, **3** (2006) 2982.
8. D Sabri, H Hadipour, M Mirzadeh, M Akhavan, *Physica Status Solidi C*, **3** (2006) 2964.
9. I Felner, E Glashyan, R H Herber and I Nowik, *Phys. Rev. B*, **70** (2004) 094504.
10. M Akhavan, *Physica B*, **321** (2002) 265; Z Yamani

روند تغییرات H_c بر حسب میزان آلایش Pr در ترکیبات Pr/Ce و Pr/Gd در شکل داخلی شکل ۱۱ نشان داده شده است. برای نمونه‌های Pr/Ce، با افزایش میزان آلایش Pr میزان H_c رفته کاهش می‌یابد. کمبود میزان اکسیژن در صفحات RuO₆، باعث تضعیف ارتباطات بین حوزه‌های فرومغناطیس می‌شود. بنابراین این مسئله باعث کاهش میزان H_c می‌شود. برای نمونه‌های Pr/Gd، H_c با افزایش آلایش Pr افزایش می‌یابد. دلیل این امر می‌تواند ناشی از تفاوت شعاع یونی Gd و Pr و افزایش میزان اکسیژن جذب شده در این ترکیبات باشد. حضور اکسیژن بیشتر در صفحات RuO₆ منجر به تقویت ارتباطات بین حوزه‌های فرومغناطیس می‌شود و بنابراین میزان M_{rem} و H_c افزایش می‌یابد.

۴. نتیجه‌گیری

خواص ابررسانایی و مغناطیسی ترکیبات RuGd_{1/5}(Ce_{4/5-x}Pr_x)Sr₂Cu₃O_{10-δ}، Ru(Gd_{1/5-x}Pr_x)Ce_{4/5}Sr₂Cu₃O_{10-δ} و RuGd_{1/5}(Gd_xCe_{4/5-x})Sr₂Cu₃O_{10-δ} برای مقایه مختلف x مورد بررسی قرار گرفته‌اند. دمای گذار ابررسانایی برای هر سه جانشانی با افزایش میزان آلایش کاهش می‌یابد. جایگزینی Gd به جای Ce در ترکیب Ce_{4/5-x}Pr_xSr₂Cu₃O_{10-δ} دمای گذار ابررسانایی (T_c) را کاهش می‌دهد. اختلاف شعاع یونی Gd و Ce به عنوان فشار شیمیایی منفی، ابررسانایی را تضعیف می‌نماید. تحریب ابررسانایی در جایگزینی Pr به جای Ce از جایگزینی

مراجع

1. I Felner, U Asaf, Y Levi and O Millo, *Phys. Rev B*, **55** (1997) R 3374; I Felner, U Asaf, Y Levi and O Millo, *Physica C*, **334** (2000) 141.
2. C Bernhard, J L Tallon, Ch Niedermayer, Th Blasius, A Golnik, E Brücher, R K Kremer, D R Noakes, C E Stronack, and E J Asnaldo, *Phys. Rev. B*, **59** (1999) 14099.
3. M Matvejeffab, V P S Awanaa, L Y Jangc, R S Liud, H Yamauchia and M Karppinen, *Physica C*, **392-396** (2003) 87-92.
4. I Felner, U Asaf, U and E Galstyan, *Phys. Rev. B*, **66** (2003) 024503.

13. J L Tallon, J W Loram, G V M Williams, and C Bernhard, *Phys. Rev. B*, **61** (2000) R6471.
14. Q Xiong, Y Y Xue, J W Chu, Y Y Sun, Y Q Wang, P H Hor, and W Chu, *Phys. Rev. B*, **47** (1993) 1137.
15. A A Abrikosov and L P Gorkov, *J. Exptl. Theor. Phys.* **39** (1960) 1781 [Sov. Phys. JETP **12** (1961) 1243].
16. V P S Awana, M A Ansari, Anurag Gupta, R B Saxena, and H Kishan, *Phys. Rev. B*, **70** (2004) 104520.
- and M. Akhavan, *Phys. Rev. B*, **56** (1997) 7894.
11. C A Cardoso, F M Araujo-Moreira, V P S Awana, E Takayama-Muromachi, O F de Lima, H Yamauchi, M Karppinen, *Phys. Rev. B*, **67** (2003) 020407R; C A Cardoso, A J C Lanfredi, A J Chiquito, F M Araujo-Moreira, V P S Awana, H Kishan, R L de Almeida, and O F de Lima, *Phys. Rev. B*, **71** (2005) 134509.
12. A C McLaughlin, J P Attfield, U Asaf and I Felner, *Phys. Rev. B*, **68** (2003) 014503.