مجلهٔ پژوهش فیزیک ایران، جلد ٤، شمارهٔ ۳، زمستان ۱۳۸۳



شبیهسازی امواج ضربهای مگنتوهیدرودینامیکی (MHD) در پلاسمایی از نوع تنگش Z

ماندان هدایتی^۱ ، محمد امیرحمزه تفرشی^۲ و محمد لامعی^۲ ۱. مرکز تحقیقات فیزیک پلاسما، دانشگاه آزاد جمهوری اسلامی ایران

۲. مرکز تحقیقات گذاخت هستهای، سازمان انرژی اتمی ایران

(دریافت مقاله:۸۲/۱۰/۸ ؛ دریافت نسخهٔ نهایی: ۸۳/۸/۴)

چکیدہ

استفاده از پدیده تنگش پلاسما در سیستمهایی از قبیل تنگش Z و پلاسمای کانونی و ارتباط تنگاتنگ آن با امواج ضربهای، مسئلهای است که در چند سال اخیر خصوصاً پس از مطرح شدن کاربردهای این سیستمها در گداخت هستهای و موارد دیگر مورد توجه قرار گرفته است. در این مقاله با استفاده از معادلات مگنتوهیدرودینامیک، چگونگی پیدایش وگسترش و نیز تأثیر موج ضربه بر پارامترهای پلاسمای این سیستمها مورد بررسی قرار گرفته است.

واژههای کلیدی: پلاسمای کانونی دنا، موج ضربه، تنگشZ، معادلات MHD

۱. مقدمه

جمع کردن و فشردن پلاسما با استفاده از پدیدهٔ تنگش ^۱ یکی از روشهای محصورسازی مغناطیسی است که اساس کار سیستمهای گوناگونی از قبیل تنگش Z^۲ و پلاسمای کانونی^۳ نیز میباشد. در این پدیده، پلاسما توسط میدان مغناطیسی محصور شده و شدیداً تحت فشار قرار میگیرد. فشار وارده به حدی است که علاوه بر تولید پرتوهای یونی، الکترونی و ایکس نرم و سخت، در صورت وجود پلاسمای مناسب (گاز مناسب) میتواند منجر به گداخت هستهای و متعاقباً تولید نوترون نیز گردد. به طور کلی نحوهٔ عملکرد این سیستمها [۱ و ۲] ایجاد

۳. Plasma focus

تخلیهٔ الکتریکی بین کاتد وآند می باشد که منجر به یونیزه شدن گاز بین الکترودها و تشکیل لایه ای از پلاسما می گردد. برقرار شدن جریان الکتریکی به نوبهٔ خود باعث پیدایش میدان مغناطیسی، اعمال نیروی لورنتس ((F=q(E+V×B)) به پلاسما، رانش پلاسما به سمت محور سیستم، وسپس تراکم پلاسما می شود.

طراحی این دستگاهها به گونهای است که جریان الکتریکی در مدت نسبتاً کوتاهی (حدود ۱۰ نانوثانیه) برقرار میشود. از طرف پارامترهای دیگر دستگاه به گونهای انتخاب میشوند که حداکثر زمان خیزش جریان^³ در محدودهٔ چند میکروثانیه باشد. زمان کوتاه خیزش جریان به نوبهٔ خود منجر به زمان کوتاه خیزش میدان مغناطیسی میشود. به علت سریع بودن خیرش

۴. Rise time

۱. Pinch

۲. Z-Pinch

میدان مغناطیسی، این میدان قابلیت نفوذ در پلاسما را نداشـته و باعث ایجاد ناپیوستگی در پارامترهای پلاسما میشود.

ناپیوستگی به وجود آمده، چیزی نیست جز حرکت ناگهانی لایه ای از پلاسما در جهت شعاعی که موجب پیدایش موج ضربه ای در همان جهت (ب سمت محور مرکزی سیستم) می شود. موج ضربه چه در حال حرکت به طرف محور و چه در هنگام باز شدن (بر اثر انعکاس) باعث افزایش هرچه بیشتر دما وچگالی پلاسما می گردد [۳]. چگونگی و میزان تأثیر موج ضربه در پارامترهای پلاسما، از جمله مسائل جدیدی است که در سالهای اخیر مورد توجه پژوهشگران قرار گرفته است.

با توجه به نصب و راهاندازی اولین دستگاه پلاسمای کانونی ایران "دنا" (ازنوع فیلیپوف) در مرکز تحقیقات گداخت هستهای سازمان انرژی اتمی ایران [۴]، و نیز با توجه به اهمیت موج ضربه در عملکرد این نوع دستگاهها، از تئوری مگنتوئیدرودینامیک (MHD) استفاده نموده و تأثیر موج ضربه [۵ و ۶] بر پارامترهای پلاسما را شبیه سازی کردهایم.

نظر به این که قسمت اصلی محفظهٔ گاز در دستگاههای پلاسمای کانونی فیلیپوف، به شکل استوانهای پهن (کم ارتفاع) میباشد، و نیز با توجه به این که در دستگاههای تنگش Z نیز محفظهٔ گاز به صورت استوانهای میباشد، ما نیز به عنوان اولین مرحلهٔ کار، پلاسما را به صورت استوانهای فرض کردهایم رولا] که خطوط میدان مغناطیسی به صورت دایرههایی در سطح خارجی آن تشکیل شده و پلاسما را به طرف محور استوانه میراند (شکل ۱).

فرض استوانهای بودن پلاسما ضمن این که باعث سادهتر شدن روابط فیزیکی مسئله میشود، نکات زیر را نیز قابل توجه مینماید.

الف – این مقاله حرکت شعاعی موج ضربه را به طرف محور سیستمهای تنگش Z به صورت نسبتاً کاملی توضیح میدهد. ب – این مقاله حرکت شعاعی موج ضربه به طرف محور سیستمهای پلاسمای کانونی نوع فیلیوف را تا حدود زیادی توضیح میدهد. ج – مسئلهٔ اثرات انعکاس موج ضربه از روی محور، موضوعی

برای بررسیهای آتی است و در این مقاله در نظر گرفته نشده است.

۲. اساس شبیه سازی مگنتوهیدرودینامیک وموج ضربه در کل با فرض رسانندگی الکتریکی زیاد، رسانندگی گرمایی ناچیز و چسبندگی' ناچیز (به علت همسانگرد بودن فشار)، پلاسما را میتوان به صورت شارهای ایدهآل در نظر گرفت [۸]. در این صورت معادلات MHD برای شارههای ایدهآل میتوانند رابطهٔ بین پارامترهای پلاسما را تعریف نماید [۹ و ۱۰]. معادلات مذکور عبارتند از: معادله پیوستگی (۱)، اندازه حرکت (۲)، قانون القای فاراده (۳)، آنتروپی (۴)، وبالاخره معادله عدم وجود تک قطبی مغناطیسی (۵).

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot \left(\rho \overline{V} \right) = . \tag{1}$$

$$\rho \left[\frac{\partial \overline{V}}{\partial t} + \left(\overline{V} \cdot \nabla \right) \overline{V} \right] = -\nabla P + \frac{\overline{J} \times \overline{B}}{c}$$
(Y)

$$\frac{\partial \overline{B}}{\partial t} = \nabla \times \left(\overline{V} \times \overline{B} \right) \tag{(7)}$$

$$\frac{\partial \left(\frac{P}{\rho^{\gamma}}\right)}{\partial t} + V \cdot \nabla \left(\frac{P}{\rho^{\gamma}}\right) = .$$
(*)

$$\nabla \cdot \overline{B} = . \tag{(a)}$$

در روابط فوق $B \times V(\pi\pi) = J = \zeta$ چگالی جریان، c سرعت سیر نور، ρ چگالی پلاسما، V سرعت شاره، B شدت میدان مغناطیسی، و γ نسبت گرماهای ویژه میباشد که با فرض استفاده از گاز دوتریم ۱/۷۳ در نظر گرفته می شود. روابط فوق کلی بوده و برای شرایط خاص مسئله ما نکات زیر باید در نظر گرفته شوند: الف با توجه به تقارن استوانهای مسئله (شکل ۱) طبیعی است که معادلات فوق در دستگاه استوانهای تعریف شوند.

1. Viscosity



شکل ۱. مدل استفاده شده در این مقاله.

$$\frac{\partial}{\partial t} \left(\frac{\gamma}{r} \rho V_r^{\ \gamma} + \frac{P}{\gamma - \gamma} + \frac{B_{\theta}^{\ \gamma}}{\Lambda \pi} \right)$$

$$+ \frac{\gamma}{r} \cdot \frac{\partial}{\partial r} r V_r \left(\frac{\gamma}{r} \rho V_r^{\ \gamma} + \frac{\gamma P}{\gamma - \gamma} + \frac{B_{\theta}^{\ \gamma}}{r \pi} \right) = .$$

$$(1 \cdot)$$

در روابط فوق (۷ الی ۱۰) اگر زمان (*t*) ومکان (*r*) را شناخته شده قرار دهیم، تعداد معادلات ومجهولات برابر شده و می توان مقادیر *P B0 P Vr P B0* را محاسبه کرد. با استفاده از زبان برنامهنویسی فورترن، این معادلات را حل کرده و نمودارهای تغییرات چگالی، میدان مغناطیسی، فشار، و سرعت پلاسما را در زمانها و مکانهای مختلف به دست آوردیم.

در این مقاله پلاسما را به صورت محیطی با شرایط اولیهٔ معلوم بررسی می نماییم، به عبارت دیگر با فرض پالسی بودن میدان مغناطیسی یک ناپیوستگی (با دامنهٔ مشخص) به محیط آن اعمال می نماییم. معادلات MHD دارای شکل پایسته می باشند. با استفاده از مدل عددی MHD دارای شکل پایسته می باشند. را گسسته نمود و شرط پایداری *Lax-Wendroff می*توان این معادلات آورد که در آن *t*Δ بازهٔ زمانی، *r*Δ بازهٔ مکانی، و *xma* بیشینهٔ سرعت پلاسما می باشند [۱۹]. بنابراین الگوریتم برنامه را می توان به این صورت بیان نمود. گرفتن شرایط اولیه، محاسبهٔ *Lax- محاسب*هٔ پارامترهای پلاسما با استفاده از مدل عددی -Lax دفعات مورد نیاز. با توجه به تغییرات سریع و ضربهای پارامترهای این مسئله، به منظور جلوگیری از نوسانات عددی (*Flux* مناشی از مدل *Lax-Wendroff* از الگوریتم (*Lax-Wendroff* ... + ..

$$\frac{\partial}{\partial t} \left(\frac{\gamma}{\gamma} \rho V^{\gamma} + \frac{P}{\gamma - \gamma} + \frac{B^{\gamma}}{\lambda \pi} \right) + \nabla \cdot \left[\left(\frac{\gamma}{\gamma} \rho V^{\gamma} + \frac{\gamma P}{\gamma - \gamma} \right) \overline{V} + \frac{\gamma}{\gamma \pi} \overline{B} \times \left(\overline{V} \times \overline{B} \right) \right] = .$$
(6)

با توجه به این که موج ضربه در اثر تغییرات ناگهانی نیروی شعاعی وارد بر پلاسما (نیروی لورنتس) به وجود میآید، بنابراین طبیعی است که فرض کنیم که موج ضربه صرفاً در راستای شعاعی و به سمت محور استوانه حرکت میکند. به این ترتیب هم عمدهٔ فیزیک مسئله را مطرح کردهایم و هم با توجه به نکات زیر میتوانیم معادلات را به صورت سادهتری بیان نماییم. الف سرعت زاویه ای (V_{θ}) ومحوری (T) لایهٔ پلاسما صفر در نظر گرفته میشوند.

-- مولفه های ${}_{Z}B$ و ${}_{R}B$ صفر می شوند و تنها مولفه ${}_{B}B$ باقی می ماند. پس از اعمال شرایط فوق، معادلات *MHD* به صورت زیر در می آیند که در آنها معادلهٔ (۷) معادلهٔ پیوستگی، (۸) معادلهٔ اندازهٔ حرکت، (۹) قانون القای فارادی و (۱۰) پایستگی انرژی می باشند. $\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial}{\partial r} (r \rho V_r) = .$ (۷)

$$\frac{\partial}{\partial t}\rho V_r + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial}{\partial r} r \left(\rho V_r^{\ \gamma} + P + \frac{B_{\theta}^{\ \gamma}}{\Lambda \pi} \right) = . \tag{A}$$

$$\frac{\partial \overline{B}_{\theta}}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial r} V_r B_{\theta} = .$$
(9)

FCT (Corrected Transport) بیز استفاده شده است [۱۳]. چند نکتهٔ قابل توجه: الف – فرض شده است که در لحظهٔ شروع (۰=۲) ، در روی سطح جانبی استوانهای از پلاسما به شعاع ۲۵ سانتیمتر (برابر شعاع آند دستگاه دنا) میدان مغناطیسی به صورتی ناگهانی افزایش مییابد. این افزایش به نوبهٔ خود باعث بروز ناپیوستگی در سایر پارامترهای پلاسما (چگالی، فشار و دما) شده و به این ترتیب موجی ضربهای به وجود میآید که در جهت شعاعی به سمت محور سیستم پیش میرود (به صفحهٔ ۱۵۳ مرجع ۳ نیز رجوع شود). نمودارهای هازشکلهای ۲ تا ۵ دامنهٔ میان مغناطیسی و سایر پارامترهای پلاسما را به صورت تابعی از مکان در لحظهٔ صفر

ب- به عنوان شرایط اولیه (قبل از ایجاد ناپیوستگی) فرض کردهایم که سرعت اولیهٔ ذرات پلاسما صفر میباشد، ضمن آن که مقادیر اولیهٔ چگالی، فشار، و میدان مغناطیسی را نیز با توجه به مقادیر تجربی دستگاه دنا در هنگام استفاده از گاز دوتریوم انتخاب کردهایم که به ترتیب برابرند با ^{۵-}۱۰× ۸/۷۲ کیلوگرم بر متر مکعب، ۱۰۶ پاسکال، و ۰/۰۲۶ تسلا.

ج- با توجه به شرایط تجربی در دستگاه دنا میزان ناپیوستگی میدان مغناطیسی را ۱۴ برابر (این مقدار با مقدار مشابه در مرجع [۱۴] نیز کاملاً همخوانی دارد) و چگالی را با توجه به شرایط مشابه با مرجع [۱۴]، از آن مرجع گرفته و ۸ برابر فرض کردهایم. به این ترتیب مقادیر ثانویه (بلافاصله بعد از ایجاد ناپیوستگی) میدان مغناطیسی ((B))، و چگالی پلاسما ((P)) برابر ۳۶/۰ تسلا و ^{*-} ۲۸۱۰ کیلوگرم بر متر مکعب میشود. د- با فرض بی دررو بودن فرآیند ایجاد ناپیوستگی مشخص بودن مقادیر اولیه و ثانویهٔ چگالی، مقدار فشار ثانویه ((P/ρ^{γ}) نیز برابر ۳۷۱۰ پاسکال می گردد. ه- از سرعت موج آلفن ((P, T)) که مهمترین موج

منتج از مسرعت موج المص (. (۳۰،۳۹ م ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ میلمسرین موج) منتج از حضور میدان مغناطیسی در پلاسما است [۱۵] به عنوان (۲.) استفاده کرده و مقدار آن را برابر ۱/۲ سانتیمتر بر

میکروثانیه به دست آوردیم. ز- استفاده از فشار و چگالی اولیه و نیز معادلهٔ حالت گاز کامل P=nKT مقدار .T را نیز برابر ۱۳۱۷ درجهٔ کلوین به دست میدهد. در این رابطه X ثابت بولتزمن و n تعداد ذرات در واحد حجم می باشند [۱۶]. ح- بر اساس روابط رنکین هوگونی [۱۷]، و با استفاده از روابط (۷) و (۹)، و نیز شرط پیوسته بودن مختصات مکانی، می توان ثابت نمود که در حین انتشار موج ضربه، چگونگی تحول

چگالی پلاسما مشابه تحولات میدان مغناطیسی میباشد.

۳. بررسی نتایج

شکلهای ۲ تا ۵ نشان میدهند که چگونه ناپیوستگی، در لحظهٔ صفر و در فاصلهٔ ۲۵ سانتیمتری از محور سیستم بـروز کـرده و موج ضربه شکل می گیرد. در این شکلها دامنهٔ پارامترهای پلاسما در فواصل گوناگون از مرکز استوانه در زمانهای صفر، ۲/۶، و ۵/۲ میکروثانیه نشان داده شدهاند. سه نکتهٔ زیر نیز قابل توجه میباشند: الف- شکلهای ۲ تا ۵ نشان میدهند که فرض عدم وجود چسبندگی و مقاومت الکتریکی ناچیز در معادلات MHD باعث کاهش شدید اتلاف انرژی ثابت بودن دامنهٔ موج ضربهای میشود. ب- در بررسمی ناپیوستگی در محیط پلاسما با استفاده از معادلات MHD، دو نوع ناپيوستگي مماسي (MHD، Discontinuity) و مـوج ضـربه مشـاهده خواهنـد شـد [۱۸]. باتوجه به تعريف اين ناپيوستگيها [١٨] ميتوان أنها را در نمودارهای این بررسی نیز مشاهده کرد. طبق شکلهای ۲، ۳ و ۵، در حالی که مروح ضربه با سرعت ۴/۶ سانتیمتر بر میکروثانیه پیش میرود، سرعت حرکت ناپیوستگی مماسی در حدود ۲/۹ سانتیمتر بر میکروثانیه مىباشد. بد نيست به اين نكته نيز اشاره شود كه بهطور تجربي سرعت حركت لايهٔ پلاسما در سيستم دنا حدود ۳ سانتيمتر بـر ميكرو ثانيه مي باشد.

ج- همان طور که شکلهای ۲ تا ۵ نشان میدهند در ناحیهٔ جلویی موج ضربه افزایش و کاهش شدیدی وجود دارد که به نشان می دهند.



شکل۲. نمودار مربوط به میدان مغناظیسی را در لحظهٔ شـروع (a) و ۲/۶ میکـرو ثانیـه (b) و نیـز ۵/۲ میکـروثانیـه (c) نمـایش مـیدهـد. ناپیوستگیهای موجود در شکل موج ضربه وناپیوستگی تماسی میباشند.



شکل ۴. سرعت ذرات به طرف محور سیستم.

صورت قلههای تیز مثبت و منفی دیده می شوند. پیـدایش ایـن قلهها پدیدهای شناخته شده است که ریشهٔ آن تقریبهای بـهکار گرفته شده در مدل عددی می باشد [۱۹].

شکل ۲ نشان میدهد که بلافاصله پس از عبور موج ضربه از یک نقطه، دامنهٔ میدان مغناطیسی در آن نقطه از ۲۰/۰۶ تسلا به حلود ۲۰/۰ تسلارسیده و لحظاتی پس از آن به حدود ۲/۱۶ تسلامی رسد. شکل ۳ نشان میدهد که قبل از عبور موج ضربه، فشار در هر نقطه از پلاسما حدود ۱۰۶ پاسکال می باشد که پس از عبور موج به حدود ۱۰۰۰ پاسکال می رسد.

طبق شکل ۴ قبل از رسیدن موج ضربه، سرعت ذرات پلاسما صفر بوده ولی پس از عبور موج ضربه در حدود ۱/۴ سانتیمتر بر میکرو ثانیه می شود. بد نیست به این نکته نیز اشاره شود که سرعت حرکت ذرات پلاسما، جدای از سرعت



شکل ۳. تغییرات فشار به صورت تابعی از فاصله تا محور سیستم



شکل 0. این شکل دما را در فواصل مختلف از محور سیستم نمایش میدهد که چگونه با عبور موج ضربه، دمای محیط افزایش مییابد.

حرکت مـوج ضربه میباشد که در مسئله مـا حـدود ۴/۶ سـانتیمتر بر میکرو ثانیه است.

شکل ۵، تغییرات دما را نشان می دهد که قبل از عبور موج ضربه ۳۰۰ درجهٔ کلوین بوده ولی پس از آن به حدود ۱۰۰۰ درجهٔ کلوین افزایش مییابد. اندکی بعد همزمان با افزایش میدان مغناطیسی (ناشی از ناپیوستگی مماسی)، دمای پلاسما نیز کاهش یافته و به حدود ۷۰۰ درجهٔ کلوین میرسد.

۴. نتیجه گیری

با استفاده از راهکارهای فوق می توان تحولات ناشی از تغییر سریع میدان مغناطیسی و متعاقب آن پیدایش موج ضربه در سیستمهای تنگش Z و پلاسمای کانونی را پیشبینی نمود. طبق بررسی انجام شده موج ضربه باعث افزایش سرعت، فشار، و عمل به علت وجود موج انعکاس یافته از روی محور، مقادیـر سرعت، فشار و دما بیشتر از مقادیر به دست آمده می شوند. _ و بالاخره آن که جوابهای بهدست آمده طبیعتاً تابعی از شرایط اولیهٔ مسئله می باشند از جمله این که در این حالت میدان مغناطیسی به صورت یک تک پالس در نظر گرفته شده است و حال آن که در عمل این میدان پیوسته بوده و نتیجتاً مؤثرتر است. به هر حال این نکته قابل تعمق است که در فاصله زمانی نوجه به محدودیت زمانی ومکانی این ناحیه، طبیعی است که توجه به محدودیت زمانی ومکانی این ناحیه، طبیعی است که میستمهای تنگش Z و پلاسمای کانونی به نحوی طراحی شوند که حداکثر استفاده از پدیدهٔ موج ضربه صورت گرفته و عمـل تنگش در هنگام گرم بودن پلاسما صورت گیرد.

تشکر و قدردانی

مؤلفین لازم میدانند که از مشاوره و راهنماییهای علمی آقای دکتر حسین حکیمیپژوه سپاسگزاری نمایند. همچنین از آقایان مجید معمارزاده و ساکو آواکیان نیز جهت کمک در مراحل مختلف انجام کار تشکر و قدردانی به عمل میآوریم.

- 8. Jeffrey P Freidberg, *Ideal Magnetohydrodynamic*, Plenum Press, New York and London (1987).
- 9. Kantorowitz and Petschek, *Plasma Physics in Theory* and *Application*, , Mc Graw Hill (1966).
- K Bergman, R Lebert, J Phys. D:Appl. Phys. 28 (1995) 1579-1587.
- 11. John D Jackson, *Classical Electrodynamics* 3rd edition, John Wiley & sons (1998).
- L D Landau & E M Lifshitz, *Fluid Mechanics* 2nd ed. Pergamon Press (1987).
- 13. J P Boris & D. L. Book. *Journal of computational physics* II, (1973) 3869.
- 14. K T Lee, S H Kim, D Kim and T N Lee, *Numerical* study on dynamics of Z-pinch plasma **3** (4) (1996).
- 15. *Plasma Physics, an introductory course*, edited by Richard Dendy, Cambridge University (1993).
- Francis F Chen, Introduction to plasma physics and controlled fusion, 2nd ed. New York, Plenum Press, (1984).

نیز دمای پلاسما می شود. در این بررسی تـ أثیر مـوج ضـربه در پارامترهای پلاسمائی استوانهای شکل با استفاده از شرایط اولیهٔ حاکم در دستگاه پلاسمای کانونی دنا و معادلات MHD. شبیهسازی شده است. نتایج بهدست آمده همخوانی خوبی با نتایج به دست آمده با استفاده از معادلات کامـل MHD و روش عددی CIP نیز دارند [۲۳]. پاره ای از نتایج عبارتند از: _ پس از عبور موج ضربه از یک نقطهٔ پلاسما، دامنهٔ میدان مغناطیسی در آن نقطه ابتدا حدود ۳ و لحظاتي پس از آن حدود ۶ برابر مي شود. _ موج ضربه با سرعت ۴/۶ سانتیمـتر بر میکروثانیه بـه طـرف محور سيستم پيش ميرود. _ پس از عبور موج ضربه از هرنقطه فشار آن نقطه حدوداً ۹ برابر افزایش می یابد. _ قبل از رسيدن موج ضربه، سرعت ذرات پلاسما صفر بوده ولي پس از عبور موج ضربه در حدود ۱/۴ سانتيمتر بر ميكرو ثانيه مي شود. _ پس از عبور موج ضربه دما حدوداً ۳ برابر شده و لحظاتی بعد کاهش یافته و حدوداً ۲ برابر میشود. _ در این بررسی اثر موج ضربهٔ انعکاس یافته از روی محور در نظر گرفته نشده است، بنابراین میتوان پیشبینی کرد که در

- مراجع
- محمدامیرحمزه تفرشی والهام سعید زاده، ششمین گردهمایی فیزیکدانان و متخصصین هسته ای کشور، گرگان، اسفند (۱۳۷۸).
- W Kies, Plasma Physics & Controlled Fusion, 28, 11 (1986) 1645-1657.
- ۳. کاشیرو نیو، گداخت هسته ای، ترجمهٔ رضا امرالهی و حبیب
 ۱... مینو، انتشارات سازمان انرژی ایران (۱۳۷۴).
- 4. M A Tafreshi, , et al., Nukleonika, 46 (2001) S85-S87.
- ۵. ماندان هدایتی، محمد رضا ابوالحسنی و محمود قرآن نویس،
 کنفرانس فیزیک ایران شهریور (۱۳۷۹).
- 6. N V Filippov et al., *Czechoslovak J. of Physics*, **50** 52 (2000).
- 7. R Deutch and W Kies, *Plasma Physic in Theory and Application*, **30**, 3 (1988) 263 –276.

Courant Institute of Mathematical science, New York University (1977).

- 21.<u>www.extra.rdg.ac.uk/Maths/research/publications/Mse_</u> dissertations/J_Hudson_a.ps (d,e,g.ps) University of Reading UK.
- 22.<u>www.extra.rdg.ac.uk/Acadepts/sm/wsm1/research/the</u> ses/J Hudson/chapter2,3.ps.
- 23. Ishizaki Ryuichi, Nakajima Noriyoshi, etal, J. Plasma Fusion Res. Series, 2 (1999) 274-277.
- Bishwanath Chakraborty, *Principles of plasma mechanics*, 2nd ed., Wily Eastern, New Delhi, (1990) 182.
- L D Landaau, E M Lifshitz, *Electrodynamics of continuos media*, 2nd edition, Pergamon press (1984).
- 19. David potter, *Computational Physics*, a Wiley Interscience Publication. John Wiley & Sons (1973).
- 20. G A Sod , J. Fluid Mech. 83 part 4 pp.785-794,