## DNA

...

: Open state )	DNA	(	(. )	(	)		DNA DNA
				DNA	DN	JA :	

(دریافت مقاله: ۱۳۸۸/۳/۱۸ ؛ دریافت نسخه نهایی : ۱۳۸۸/۱۱/۶)

DNA، که مؤثر در تکثیر و همانند سازی است، گذار میان شکلهای مختلف' در مولکول DNA (برای مثال از حالت A به حالت B) می شود. برای آشنایی با مثالهای بیشتر در این رابطه به مرجع[۳] مراجعه نمایید.

تا کنون روش های مختلفی برای مدلسازی حرکات درونی DNA معرفی شده و به کار رفتهاند. یکی از این روش های جالب و موفق روشی است که نخستین بار توسط لویت برای دینامیک مولکولی [۴] و توسط انگلندر برای مولکول DNA [۵] درمقالهای انقلابی با عنوان "طبیعت حالتهای باز در مارپیچ دوتایی چند نوکلئوتیدی بلند: احتمال حضور پاسخهای تک سالیتونی"

۱. مولكول DNA عليرغم داشتن شكل كلى يكسان، مى تواند داراى حـالات متفـاوتى باشد. اين تفاوت مى تواند در فاصلهٔ ميان پايهها، زاويهٔ بين آنها و نيز راستگرد يا چپگرد بودنشان باشد. اين گونه تفاوتها سبب ايجاد انواع A، B و Z و نظاير آن مى گردد. امروزه ساختار متحرک درونی برای مولکول DNA پدیدهای پذیرفته شده است. این حرکت درونی نقش مهمی را در کارکرد مولکول DNA بازی میکند [۱]. این حرکت درونی ممکن است ناشی از عواملی چون نوسان اتمها از حالت تعادلشان، حرکات طولی و عرضی و چرخشی گروههای اتمی (گروههای فسفات – قند و زوج پایهها)، برهمکنش مولکول DNA با پروتئینها که در تکثیر ممکن با داروها و یا برهمکنش با مولکولهای محلول در محیط اطراف باشد. قرار گرفتن DNA در حمام دمایی نیز سبب حرکت DNA می شود [۲]. این حرکتهای درونی سبب پدیدههای مختلفی چون باز شدن رشتههای



**شکل ۱**. ساختار نوع B مولکول DNA. اسکلت در اطراف و پایهها با فاصله Å ۲/۴ در میان قرار می گیرند. شکل برگرفته از مرجع [۲].

پیشنهاد شد. در این روش محدودیتی برای حضور جمله غیرخطی در پتانسیل برهمکنش وجود ندارد و بنابراین می توان با افزایش اثرات ناهماهنگ غیرخطی به بررسی حرکات با دامنه بلند در مدلهای بهبود یافته دست یافت. در مدل انگلندر برای توصيف حالتهاي باز DNA تنها پايههاي يک رشته DNA دچار چرخش می شوند و رشته دیگر به عنوان مولد پتانسیل در نظر گرفته میشود. پاسخهای سالیتون مانند معروف کینک و پاد کینک برای این مدل ناشی از معادله سینوسی گوردون بودند. اما ایـرادی که نظریه پردازان به این مدل وارد کردند، سادهسازی های زیادی بود که در مدلسازی به کار رفته بود. بنابراین این مدل ابتدا توسط يوموسو [۶] و سپس توسط ياكوشويچ [۱] بهبود يافت. بدين ترتیب که حرکت چرخشی پایههای هر دو رشته در نظر گرفته می شود. در مقابل این مدل، مدل پیرارد و بیشاب[۷] معرفی شد که در آن فرض می شود حالتهای باز زوج پایهها (یا ذوب شدن مارپیچ دوتایی) توسط کشش پیوندهای هیدروژنی بهوجود می آید. بنابراین به جای حرکت چرخشی پایه ها دو نوع حرکت جابهجایی برای آنها در نظر گرفته میشود. پیرارد همچنین به بررسی فیزیک آماری مولکول DNA پرداخته است[۸].

مدلهای غیرخطی متنوع دیگری که در آن چرخش پایـهها در یـک صفحه در نظر گرفتـه شـده اسـت توسط لیـسی و همکاران[۹] پیشنهاد شد. در مدل یاکوشویچ[۱] برهمکنش میان دو رشته با پتانسیل هوک در نظر گرفته شـد. در کار گیتـا[۱۰] اصلاحیهای که در مدل یاکوشویچ اعمال شد به ازای طول اولیه

پیوند هیدروژنی پایهها بود که صفر فرض شده بود. همچنین محاسبات عددی سالیتونها برای مدل ترکیبی DNA توسط لئو و همکاران[۱۱] صورت گرفت. در این مطالعه ما با در نظر گرفتن جمله اصلاحی برای پتانسیل بر همکنش در مدل استاندارد یاکوشویچ به بررسی جوابهای سالیتون مانند خواهیم پرداخت.

## DNA

DNA از دو پلیمر خطی تشکیل یافته که هر یک از آنها ساخته شده از واحدهای مونومری هستند که نوکلئوتید نامیده می شود. هر نوکلئوتید شامل ۳ ترکیب قند، پایه هیدروکسیلی و فسفات می باشد. پایه ها دارای ۴ نوع مختلف هستند که با حروف ۲<sup>'</sup>، می اشد. پایه ها دارای ۴ نوع مختلف هستند که با حروف ۲<sup>'</sup>،

هر پلیمرکه معمولا یک رشته<sup>۵</sup> نامیده میشود، حامل اطلاعات ژنتیکی است. این رشته ها، اساس مارپیچ دوتایی DNA را تشکیل میدهند. چیدمان اصلی مولکول مذکور از دوبخش تشکیل شده که یکی را اسکلت<sup>2</sup> و دیگری را نردبان DNA می نامند. اسکلت همان ترکیب قند- فسفات است و زوج پایه ها به قند در اسکلت متصل می گردد (شکل ۱).

در مارپیچ دوتایی، رشتهها حول یک محور فرضی چرخیده و ساختار مولکول راستگردی را به وجود میآورنـد. ایـن سـاختار توسط واتسون و کریک و از طریق پراش پرتو x تعیین شد[۱۲].

پایهها در میان زنجیره قرار می گیرند و به وسیله پیوندهای هیدروژنی به یکدیگر متصل می گردند. دو پایه متصل به هم را "زوج پایه"<sup>۷</sup> می گویند و براساس قاعده چارگوف<sup>۸</sup> تنها دو نوع زوج پایه در DNA وجود دارد: جفتهای A-T و G-C که

- ۳. Guanine
- ۴. Adenine
- ۵. strand
- ۶. backbone
- V. Base-pair
- A. Chargoff

<sup>1.</sup> Cytosine

۲. Thymine



**شکل ۲**. مارپیچ دوتایی DNA شامل ۳ پایـه AT بـا فاصـله طـولی ۸۴.۸ برگرفته از مقاله [۱].

زوجهای AT از فراوانی بیشتری برخوردارند.

DNA مولکولی طویل است و طول آن در موجودات زنده و ارگانهای مختلف این موجودات از چند متر تا چند سانتیمتر متغیر میباشد. از آنجایی که فاصله میان پایهها در هر رشته DNA از مرتبه چند آنگستروم است. تعداد کل پایههای موجود در یک رشته از ^۱۰ تا <sup>۱۰</sup>۱۰ زوج پایه متغیر خواهد بود. از طرف دیگر درباره ضخامت DNA میتوان به ابعادی از مرتبهٔ چند ده آنگستروم اشاره کرد که اجازه میدهد این مولکول را دارای ساختاری با ابعاد نانومتر بنامیم.

مولکولDNA دارای انواع مختلف A و B و Z است که نوع B دارای بیشترین فراوانی است و مبنای مطالعهٔ ما قرار دارد.

## DNA

DNA در مدل استاندارد یاکوشویچ، نوعB از انواع مولکول DNA در نظر گرفته می شود که در شکل ۲ آمده است.  
هامیلتونی مربوطه به صورت زیر خواهد بود:  
$$H = T + V_{1} + V_{7},$$
 (۱)  
که کمیات  $V_{7}$  و  $T$  به صورت زیر تعریف می شوند:

$$\begin{split} T &= \sum_{n} \frac{1}{Y} I_{\lambda} \dot{\phi}_{n,\nu}^{Y} + \frac{1}{Y} I_{Y} \dot{\phi}_{n,\nu}^{Y} ,\\ V_{\lambda} &= \varepsilon_{n,\nu} \sin^{Y} \left( \frac{\phi_{n+\lambda,\nu} - \phi_{n,\nu}}{Y} \right) + \varepsilon_{n,\nu} \sin^{Y} \left( \frac{\phi_{n+\lambda,\nu} - \phi_{n,\nu}}{Y} \right) ,\\ V_{\chi} &= V_{\alpha\beta} , \end{split}$$

که در عبارت مربوط به *T*، جملات نشان دهنده انرژی جنبشی مربوط به پایههای ۱۹ هستند و  $I_1$  و  $I_1$  به ترتیب معرف گشتاور ماند برای پایههای زنجیره اول و دوم میباشند. در عبارت  $V_1$ ,  $J_3$ و  $\gamma^3$  به ترتیب نمایانگر برهم کنش میان پایههای همسایه در یک زنجیره هستند و  $n_1\phi$  و  $\gamma_n\phi$  به ترتیب نشان دهنده تغییر زاویهٔ پایه ۱۹ از رشته اول و دوم میباشند. عبارت سوم در هامیلتونی نشان دهنده برهم کنش میان پایههای زنجیره اول و دوم است که در آن  $\beta$ ۵ نشان دهندهٔ نوع پایههای مورد بررسی میباشد، که شامل انواع ۲۵، ۲۵ و GC هستند.

پتانسیل 
$$V_{\alpha\beta} = \frac{1}{2} K_{\alpha\beta} \left[ R_n - R_n^* \right]^{\mathsf{Y}} + \frac{1}{2} P_{\alpha\beta} \left[ R_n - R_n^* \right]^{\mathsf{F}}, \qquad (\mathsf{Y})$$

که در آن  $R_n^*$  نشان دهنده فاصله پایهها در حالت تعادل است. جمله اول سمت راست معرف انرژی پتانسیل هوک و جمله دوم تصحیح پیشنهادی ما میباشد. از آنجایی که نیروی بین مولکولی برای پیوند هیدروژنی نسبت به  $R_n^*$  متقارن است، جملهٔ درجهٔ ۳ به دلیل عدم رعایت این تقارن کنار گذاشته شده است.

با توجه به هندسهٔ مولکول، پس از مقداری محاسبه و ساده سازیهای ریاضی خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} V_{\alpha\beta} &= K_{\alpha\beta} \left\{ r_{\lambda} \left( r_{\lambda} + r_{Y} \right) \left( 1 - \cos \phi_{n,\lambda} \right) + r_{Y} \left( r_{\lambda} + r_{Y} \right) \right. \\ & \left. \times \left( 1 - \cos \phi_{n,Y} \right) - r_{\lambda} r_{Y} \left[ 1 - \cos \left( \phi_{n,\lambda} - \phi_{n,Y} \right) \right] \right\} \\ & \left. + \frac{\lambda}{\varphi} P_{\alpha\beta} \left\{ r_{\lambda}^{Y} \left( r_{\lambda} + r_{Y} \right)^{Y} \left( 1 - \cos \phi_{n,\lambda} \right)^{Y} + r_{Y}^{Y} \left( r_{\lambda} + r_{Y} \right)^{Y} \right. \\ & \left. \times \left( 1 - \cos \phi_{n,Y} \right)^{Y} + r_{\lambda}^{Y} r_{Y}^{Y} \left[ 1 - \cos \left( \phi_{n,\lambda} - \phi_{n,Y} \right) \right]^{Y} \right] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \left. + Y r_{\lambda} r_{Y} \left( r_{\lambda} + r_{Y} \right)^{Y} (1 - \cos \phi_{n,\lambda}) (1 - \cos \phi_{n,Y}) \right] \\ & \left. + Y r_{\lambda} r_{Y} \left( r_{Y} + r_{\lambda}^{Y} r_{Y}^{Y} \right) (1 - \cos \phi_{n,\lambda}) \left[ 1 - \cos (\phi_{n,\lambda} - \phi_{n,Y}) \right] \\ & \left. - Y \left( r_{Y}^{Y} r_{X} + r_{\lambda}^{Y} r_{Y}^{Y} \right) (1 - \cos \phi_{n,Y}) \left[ 1 - \cos (\phi_{n,\lambda} - \phi_{n,Y}) \right] \right\}, \end{aligned}$$

که در آن ۲<sub>۲</sub> و ۲<sub>۲</sub> به ترتیب نشانگر طول پایهٔ چـپ و راست در مارپیچ دوتایی DNA هستند. مقداری که برای  $K_{\alpha\beta}$  که ثابت فنـر در پتانسیل مدل فنر است و در آن  $\beta$  و  $\alpha$  نـشان دهنـدهٔ زوج پایهٔ مورد بررسی میباشند در کارهای عددی ارائـه شـده توسط یاکوشویچ  $K_{AT^*} = ^{\Lambda}m^* m$ بوده و مقدار پیشنهادی ما بـرای P که ثابت جملهٔ اصلاحی است از مرتبهٔ m<sup>\*</sup> / N

$$B = \frac{\gamma}{I_{\gamma}I_{\gamma}} \left[ (I_{\gamma} + I_{\gamma})k\left(\hat{\mathbf{r}} + \frac{\gamma \varphi A^{\gamma}}{\varphi}\right) \sin^{\gamma} \frac{qa}{\gamma} + K_{\alpha\beta}(r_{\gamma} + r_{\gamma})^{\gamma}(\gamma - \frac{A^{\gamma}}{\varphi})(I_{\gamma}r_{\gamma} + I_{\gamma}r_{\gamma}) \right],$$

$$C = \frac{\gamma}{I_{\gamma}I_{\gamma}} \left\{ kK_{\alpha\beta}(r_{\gamma} + r_{\gamma})^{\gamma} \left(\hat{\mathbf{r}} + \frac{\gamma \varphi A^{\gamma}}{\varphi}\right) \sin^{\gamma} \frac{qa}{\gamma} + K_{\alpha\beta}^{\gamma}r_{\gamma}r_{\gamma} \left(\gamma - \frac{A^{\gamma}}{\gamma \varphi}\right)^{\gamma} + k^{\gamma} \left(\hat{\mathbf{r}} + \frac{\gamma \varphi A^{\gamma}}{\varphi}\right)^{\gamma} \sin^{\gamma} \frac{qa}{\gamma} \qquad (\forall)$$

$$- \left[\frac{\gamma}{\varphi}P_{\alpha\beta}A^{\gamma}(r_{\gamma} + r_{\gamma})^{\gamma}\right]^{\gamma}r_{\gamma}r_{\gamma}^{\gamma} \right].$$

در اینجا  $\frac{\mathcal{E}}{\gamma} = k$  سختی برهمکنش میان پایههای همسایه در یک زنجیره است. برای بهدست آوردن معادلهٔ پاشـندگی (۶)، بـسط توابع مثلثاتی تا تقریب مرتبه سوم در نظر گرفته شدهاست. نمودار مربوط به معادلهٔ پاشندگی دارای دو شاخهٔ زیر میباشد:

$$\begin{split} \omega_o(q) &= \left[ B + \sqrt{B^{\mathsf{Y}} - \mathsf{F}C} \right]^{\frac{\mathsf{Y}}{\mathsf{Y}}}, \\ \omega_a(q) &= \left[ B - \sqrt{B^{\mathsf{Y}} - \mathsf{F}C} \right]^{\frac{\mathsf{Y}}{\mathsf{Y}}}, \end{split} \tag{A} \end{split}$$
She mittake in the initial second sec

نشان دهنده فونونهای آکوستیکی در زنجیره است.

براساس تخمینهای زده شده در [۱] برای مطالعات عـددی بهتر است مقادیر مشخصی برای پـارامترهـای مختلـف در نظـر بگیریم. بدین ترتیب یک مقدار مناسب نمونه برای ع برابـر بـا مرابطهٔ پاشندگی برای یک زنجیره همگن در شکل ۳ آمده است. در این جا لازم به ذکر است که واحد رایج برای فرکانس <sup>rm/l</sup>ست است که از رابطهٔ معروف  $\frac{2}{\lambda} = v$  به دست میآیـد. از آنجـایی که در نمونههای عملی از اسپکتروسکوپی رامان بـرای سـنجش فرکـانس بیومولکـولهـا اسـتفاده مـیشـود و در ایـن روش اندازهگیری طول موج مرسومتـر است، لـذا اسـتفاده از واحـد mساس داریم:</sup>

 $THz = TT / TS cm^{-1}$ 

α	$m_{\alpha}(m_p)$	$r_{\alpha} \stackrel{o}{(A)}$	$I_{\alpha}(\mathbf{v}^{\mathbf{v}}m^{\mathbf{v}}kg)$
А	130/15	$\Delta/\Lambda$	۷۶۰۷/۰۳
Т	178/11	۴/۸	4762/27
С	101/14	۵/V	N71V/44
G	111/10	۴/۷	4108/98

شایان ذکر است مبنای پیشنهاد ما به ازای تغییر نمودار پاشندگی این مدل از مدل یاکوشویچ انتخاب شده است. هر چند این مقدار ضریب بزرگی است، اما با توجه ضرب شدن این ضریب در توان چهارم طول پایهها در معادلات به تصحیح کوچکی از مرتبهٔ <sup>۲۲-۱</sup>۰ منجر می شود. سایر مقادیر عددی در جدول ۱ آمده است.

معادلات حرکت سیستم که برای هامیتونی مربوط به ماکرومولکول نوشته می شود به صورت زیر است:  
ماکرومولکول نوشته می شود به صورت زیر است, 
$$I_n, \ddot{\phi}_{n\lambda} = \frac{\partial H}{\partial \lambda},$$

$$I_{n,Y}\ddot{\phi}_{n,Y} = \frac{\partial H}{\partial \phi_{n,Y}} \,. \tag{(4)}$$

اگر مولکول را به صورت همگن در نظر بگیریم، بدین معنا که در هر زنجیره تنها یک نوع زوج پایه وجود داشته باشد، خواهیم داشت:

$$\omega^{\mathsf{f}} - B\omega^{\mathsf{f}} + C = \circ \,, \tag{9}$$



شکل ۳. شاخههای اپتیکی و آکوستیکی رابطهٔ پاشندگی برای یک مولکول DNA همگن. (AT=αβ) به ازای DNA همگن. (K=°/۸۷۱۴m/N می و پایینی به ترتیب شاخههای اپتیکی و آکوستیکی به ازای افزایش جمله اصلاحی با مقدار عددی p=۱۰<sup>۱۸</sup> (نمودارهای پرتگتر با جمله اصلاحی می باشند.)

اختلاف مشاهده شده به ازای افزایش جمله اصلاحی از دو منظر قابل بررسی است: نخست آنکه این نمودار دارای تفاوتی از مرتبهٔ  $^{7}$  به ازای  $^{7}N/m^{*}$  است در حالیکه این تفاوت به ازای  $^{7}N/m^{*}$  از مرتبهٔ  $^{1}$  ۲۰ خواهد بود. همچنین منحنی در نقطه صفر دارای یک قسمت موهومی میباشد. این بخش موهومی که در اعداد موج پایین (qa بین ۰ تا ۰/۰) ظاهر می شود به معنای جذب در آن نواحی در کریستال مورد بررسی است. شایان ذکر است که به ازای مقادیر کوچکتر برای q تفاوت خاصی در نمودار پاشندگی قابل مشاهده نبوده و همین موضوع اساس پیشنهاد مقدار عددی q در این مطالعه میباشد.

پیچیدگی معادلات حرکت غیر خطی و جفت شده اجازه انجام مطالعات تحلیلی را به ما نمی دهد. لذا لازم است برای یافتن جوابهای سالیتون مانند، به بررسی های عددی بپردازیم. برای این کار ابتدا باید مولکول همگن DNA را در نظر بگیریم. (یعنی مانند قبل فرض کنیم  $I_{n,\gamma} = I_n$  و  $I_{n,\gamma} = I$ ). اکنون انتظار داریم که جواب های معادلات حرکت به صورت

موجی با پروفایل ثابت و تغییرات آرام باشد[۱]. برای یافتن این  
جوابها بهتر است به بررسی حالت پیوسته بپرداریم که  
لاگرانژی آن به صورت زیر است:  
(A) 
$$V - {}^{\prime}({}^{\prime} {}^{\prime} {}^{\prime} {}^{\prime} {}^{\prime})_{3} + {}^{\prime} {}^{\prime}$$

 $\phi$  را خواهیم داشت. با استفاده از متغیرهای  $\zeta$  که متغیرهای بدون بعد هستند و به صورت  $\frac{x}{x_{\circ}} = \zeta$  و  $\frac{t}{t_{\circ}} = \tau$  تعریف می شوند، معادلات حرکت را بی بعد می کنیم و بنابراین به روابط زیر خواهیم رسید:

$$\frac{\partial^{\mathsf{r}} \phi}{\partial \tau^{\mathsf{r}}} - \frac{\partial^{\mathsf{r}} \phi}{\partial \xi^{\mathsf{r}}} = -\sin\phi_{\mathsf{r}} + \frac{\mathsf{r}_{\mathsf{r}_{\mathsf{r}}} r_{\mathsf{r}_{\mathsf{r}}} \overset{\mathsf{r}_{\mathsf{r}}}{\mathsf{sar}} \sin(\phi_{\mathsf{r}} - \phi_{\mathsf{r}}) + \frac{\mathsf{r}}{\mathsf{r}} \frac{P x_{\circ}^{\mathsf{r}}}{a^{\mathsf{r}} \varepsilon} \{\mathsf{r}_{\mathsf{r}}^{\mathsf{r}}(r_{\mathsf{r}} + r_{\mathsf{r}})^{\mathsf{r}}(\mathsf{1} - \cos\phi_{\mathsf{r}})\sin\phi_{\mathsf{r}} + \mathsf{r}_{\mathsf{r}_{\mathsf{r}}}^{\mathsf{r}} r_{\mathsf{r}}^{\mathsf{r}} \left[\mathsf{1} - \cos(\phi_{\mathsf{r}} - \phi_{\mathsf{r}})\right]\sin(\phi_{\mathsf{r}} - \phi_{\mathsf{r}}) + \mathsf{r}_{\mathsf{r}_{\mathsf{r}}} r_{\mathsf{r}_{\mathsf{r}}}(r_{\mathsf{r}}^{\mathsf{r}} + r_{\mathsf{r}}^{\mathsf{r}})^{\mathsf{r}}(\mathsf{1} - \cos\phi_{\mathsf{r}})\sin\phi_{\mathsf{r}}$$
(11)  
$$- \mathsf{r}(r_{\mathsf{r}}^{\mathsf{r}} r_{\mathsf{r}} + r_{\mathsf{r}}^{\mathsf{r}} r_{\mathsf{r}}^{\mathsf{r}})[\sin\phi_{\mathsf{r}}(\mathsf{1} - \cos(\phi_{\mathsf{r}} - \phi_{\mathsf{r}})) + (\mathsf{1} - \cos\phi_{\mathsf{r}})\sin(\phi_{\mathsf{r}} - \phi_{\mathsf{r}})] - \mathsf{r}(r_{\mathsf{r}}^{\mathsf{r}} r_{\mathsf{r}}^{\mathsf{r}} + r_{\mathsf{r}}^{\mathsf{r}} r_{\mathsf{r}}^{\mathsf{r}})(\mathsf{1} - \cos\phi_{\mathsf{r}})\sin(\phi_{\mathsf{r}} - \phi_{\mathsf{r}})\},$$

$$\frac{\partial^{\mathsf{v}} \phi_{\mathsf{r}}}{\partial \tau^{\mathsf{v}}} - \frac{\partial^{\mathsf{v}} \phi_{\mathsf{r}}}{\partial \xi^{\mathsf{v}}} = -\sin \phi_{\mathsf{r}} + \frac{\mathsf{v}_{\mathsf{r}_{\mathsf{r}}} r_{\mathsf{r}_{\mathsf{v}}} \mathsf{k}^{\mathsf{v}} K}{\varepsilon a^{\mathsf{v}}} \sin(\phi_{\mathsf{r}} - \phi_{\mathsf{r}}) + \frac{\mathsf{v}}{\varphi} \frac{P x_{\circ}^{\mathsf{v}}}{a^{\mathsf{v}} \varepsilon} \{\mathsf{v}_{\mathsf{r}_{\mathsf{v}}} \mathsf{v}^{\mathsf{v}}(r_{\mathsf{r}} + r_{\mathsf{r}})^{\mathsf{v}}(\mathsf{v} - \cos \phi_{\mathsf{r}}) \sin \phi_{\mathsf{r}} + \mathsf{v}_{\mathsf{r}_{\mathsf{v}}} \mathsf{r}_{\mathsf{r}_{\mathsf{v}}}^{\mathsf{v}} [\mathsf{v} - \cos(\phi_{\mathsf{r}} - \phi_{\mathsf{r}})] \sin(\phi_{\mathsf{r}} - \phi_{\mathsf{r}}) + \mathsf{v}_{\mathsf{r}_{\mathsf{r}}} r_{\mathsf{r}_{\mathsf{v}}} (r_{\mathsf{r}} + r_{\mathsf{r}})^{\mathsf{v}}(\mathsf{v} - \cos \phi_{\mathsf{r}}) \sin \phi_{\mathsf{r}}$$
(17)  
$$- \mathsf{v}(r_{\mathsf{r}}^{\mathsf{v}} r_{\mathsf{r}} + r_{\mathsf{v}}^{\mathsf{v}} \mathsf{r}_{\mathsf{v}}^{\mathsf{v}}) [\sin \phi_{\mathsf{r}} (\mathsf{v} - \cos(\phi_{\mathsf{r}} - \phi_{\mathsf{r}})) + (\mathsf{v} - \cos \phi_{\mathsf{r}}) \sin(\phi_{\mathsf{r}} - \phi_{\mathsf{r}})] - \mathsf{v}(r_{\mathsf{v}}^{\mathsf{v}} r_{\mathsf{r}} + r_{\mathsf{v}}^{\mathsf{v}} \mathsf{r}_{\mathsf{v}}^{\mathsf{v}}) (\mathsf{v} - \cos \phi_{\mathsf{v}}) \sin(\phi_{\mathsf{r}} - \phi_{\mathsf{r}})\},$$



که در آنها ثابت 
$$x_{\circ}$$
 را به صورت زیر تعریف میکنیم:  
 $x_{\circ} = a \left( \frac{\varepsilon}{rr_{\circ}(r_{\circ} + r_{\circ})k} \right)$ 
چنانچـه پیداسـت بـرای حـل معـادلات (۱۱) و (۱۲) بایـد از  
روش های عددی یاری جست.

برای حل معادلات استاتیک، می توان از روش های استاندارد، مثل روش رونگه – کوتای مرتبه ۴ استفاده کرد. با این همه، ما در این بخش به معرفی شیوهای نو می پردازیم که بر اساس کمینه سازی انرژی استوار است. در ابتدا از روش های عددی موجود برای حل معادله دیفرانسیل جزیی استفاده می کنیم. بدین ترتیب که برای به دست آوردن مقدار عددی زوایا در هر نقطه از نقاط مجاور آن استفاده می کنیم.

شایان ذکر است منحنی هایی که به عنوان فرض اولیه انتخاب شدهاند شامل دو خط راست با شیب ثابت میباشند. برای تعیین شرایط مرزی نیاز به شکل پتانسیل داریم. در این حالت نقاط خلا در پتانسیل به عنوان حدود سالیتون در نظر گرفته می شوند. شکل ۴ پتانسیل مدل مورد نظر را نشان می دهد. با توجه به شکل تناوبی پتانسیل مورد بحث، نقاط مختلفی را می توان به عنوان خلا در نظر گرفت که این مقدار تعیین کننده بار توپولوژیک سالیتون خواهد بود. بار و جرم در نظریه سالیتون مفاهیمی انتزاعی هستند

که با توجه به شباهت سالیتون با ذره نامگذاری شدهاند. بار سالیتون از رابطهٔ  $Q = \int J^{\circ} dx$  بهدست می آید که در آن جریان توپولوژیک است و از رابطهٔ

 $J^{\mu} = \frac{1}{2\pi} \sum_{v} \varepsilon^{\mu v} \frac{\partial \phi}{\partial x^{v}}$ is the second state of the second

حال اگر سیستم را از وضعیتی نزدیک به پاسخ استاتیک رها کنیم، چندین بار حول حالت کمینه انرژی نوسان کرده و نهایتا به وضعیتی می رسد که حاکی از جوابهای پایدار مورد نظر ما می باشد. شیوه ای که برای یافتن هر چه سریعتر پاسخهای پایداردر این کار استفاده شده، توقفهای پیاپی در سیستم دینامیکی است. بدین ترتیب که برای مقدار در هرمکان و در یک لحظه معین، میانگینی وزندار از مقدار در آن مکان در همان لحظه و لحظه قبل را در نظر می گیریم. در این روش می توان برای بهبود هر چه بیشتر از وزنهای مختلف در میانگین گیری استفاده کرد. یعنی:

$$\phi_{i,j} = \delta \phi_{i,j+1} + (1-\delta)\phi_{i,j} \tag{11}$$

ما برای بهدست آوردن مقدار بهینه  $\delta$ ، ابتدا روش را برای معادلهٔ سینوسی گوردون و معادله  ${}^{\diamond}\phi$  آزمودیم. برای معادلهٔ سینوسی گوردون ۵۰/۰۰= $\delta$  و برای معادلهٔ  ${}^{\diamond}\phi$ ،  ${}^{\diamond}\circ/\circ=\delta$  مناسب ترین وزن می باشند. لذا پیشنهاد می شود که در کارهای عددی از وزنی میان ۳۰/۰ تا ۰۹/۹ استفاده شود که به معنای توقف بسیار کوتاه در سالیتون مورد بررسی است. لازم به ذکر است برای وزنهای پایین تر سالیتون دچار نوسان شده و به جواب پایدار نمی رسد.

از آنجایی در این مقاله در صدد توصیفی از مدل یاکوشویچ بودهایم، از AF=AT استفاده میکنیم. با اعمال روش ذکر شده در بخش قبل، جواب به صورت شکل ۵ و ۶ به ترتیب با بارهای توپولوژیک q =(۱, ۱) و q =(۰, ۱) به دست آمد. در شکل ۵ منحنی های پیوسته و خط چین β و β با در نظر



**شکل ۵**. سالیتونهای ایستا با بار توپولوژی q=(۱,۱). منحنیهای پیوسته و خط چین پررنگ به ترتیب نشاندهندهٔ *م و په* با وجود جملهٔ اصلاحی هستند و منحنیهای کم رنگ مربوط به مـدل اصلی بدون وجود این جمله میباشند.

گرفتن جملهٔ اصلاحی و منحنی های خط – نقطه و نقط ه – نقط م مربوط به ۵ و ۵ و بدون در نظر گرفتن این جمله می باشند. در شکل ۶ منحنی های خط چین و پیوسته پررنگ ب ه ترتیب نمایانگر ۵ و ۵ و با در نظر گرفتن جملهٔ اصلاحی می باشند در حالی که منحنی های کم رنگ مربوط به حالتی است که جمله اصلاحی را در نظر نگرفته باشیم.

با بررسی زوج پایهٔ C-G، به دلیل افزایش مقدار  $K_{\alpha\beta}$  که نشانگر سختی میان پیوندهای هیدروژنی در زوج پایهها است تا ۱/۵ برابر (به دلیل حضور دو پیوند هیدروژنی در زوج A-T و سه پیوند در زوج C-G) تصحیح رابطه با P کوچکتری اتفاق میافتد. شایان ذکر است با در نظر گرفتن زوج C-G، علاوه بر افزایش مقدار  $K_{\alpha\beta}$  مقادیر  $I_{1}$  و  $I_{1}$  و  $I_{7}$  و  $I_{7}$  نیز تغییر میکنند. با اعمال روش مشابه برای این زوج پایه و ضریب تصحیح  $P = {}^{3} \cdot 1 \times 3$  به پاسخهای یکسان شکل ۵ و ۶ دست مییابیم.

چنانچه از شکل ۵ پیدا است، با در نظر گرفتن جملهٔ اصلاحی، منحنی های مورد نظر دچار فشردگی در ناحیه مرکزی سالیتون شدند. همچنین قله های موجود به شکل تیزتر نمایان شدهاند. انرژی کل سالیتون با در نظر گرفتن جملهٔ



اصلاحی  $(m^{7}/1)^{N} = p$ ) برابر با $(m^{7}/1)^{N} = p$  است، درحالی که بدون در نظر گرفتن این جمله دارای مقدار ۸/۷۶ میباشد.

با توجه به شکل ۶، برای سالیتون با بار توپولوژیک q=(۱,۰) نمودارشباهت بیشتری به سالیتون جواب برای معادلهٔ سینوسی گوردون دارد و اثری از قلههای شکل ۵ در آن نیست. بنابراین پاسخی نزدیک به پاسخ سینوسی گوردون داریم که از معادلهٔ زیر به دست میآید:

با به کار بردن مدل یا کوشویچ و افزودن جملهٔ اصلاحی در پتانسیل برهم کنش میان دو رشته DNA، به بررسی تحلیلی معادلهٔ پاشندگی و بررسی عددی پاسخهای سالیتونی پرداختیم. نتایج مشاهده شده در رابطهٔ پاشندگی شامل تغییر در ثابتهای تعریف شده B و C (رابطهٔ ۷) و درنمودار پاشندگی شامل تغییراتی از مرتبهٔ ۱/۰ در فرکانس و حصول مقداری

در حل عددی معادلات حرکت، به ازای افزایش ضریب جملهٔ اصلاحی شاهد فشردگی سالیتون بوده و قلههای تیزتری را میبینیم. همچنین انرژی مود سالیتونی، با در نظر گرفتن جملهٔ اسلاحی از J/mol ۲۰۰×۷/۶ بیه ۱/۳۹۰-۱/۳۹۰ افزایش می یابد (برای ۲ N/m<sup>۲</sup>).

با توجه به شکل تعداد پایههای شرکت کننده در یک سالیتون حدود ۸۰۰ پایه است و از آنجایی که فاصله پایهها از هم در DNA-B برابر با Å ۳/۴ است، بنابراین پهنای سالیتون Å ۲۷۲۰معادل ۲۷۲ نانو متر پیش بینی میشود. لازم به ذکر

- 6. S Yomosa, Phys. Rev. A 27(1983) 2120.
- 7. M Peyrard and A R Bishop, *Phys. Rev. Lett* **62** (1989) 2755.

است در اینجا ما تنها یک سالیتون را در هر رشته بررسی کردیم

در حالي كه با توجه يهناي ساليتون و طول DNA، در صورت

اعمال تحریکات لازم، تعداد زیادی سالیتون مے تواند در ہر

مقدار p را على الاصول بايستى بتوان با استفاده از

شبیهسازیهای دینامیک مولکولی بهدست آورد. از آنجا که ما به

مقدار واقعی این پارامتر واقف نبودیم، محاسبات عددی را برای

انتخابهای متفاوت p انجام دادیم. با نزدیک شدن p به مقدار

m<sup>r</sup>/۱۰<sup>W</sup>N، تغییرات در شکل و انرژی سالیتون اصلاح

پیشنهادی نسبت به مدل یاکوشویچ ظاهر می گردد.

مولكول DNA به وجود آيد.

- 8. M Peyrard, Nonlinearity, 17 (2004) 2.
- 9. V Lisy and V K Fedyanin, *Journal of Biological Physics* **18** (1991) 12.
- 10. G Geata, Phys. Rev. E, (2006) 021921.
- 11. R D Leo, S Demelio, International Journal of Non-Linear Mechanics, 43 (2007) 1029.
- 12. J D Watson and F N C Crick, Nature 171 (1953) 737.
- LV Yakushevich, A V Savin, L I Manevitch, *Phys. Rev. E* 66(2002)016614.
- 2. LV Yakushevich, "Nonlinear Physics of DNA," Wiley, second edition, (2004).
- J A McCommon, S C Harvey, "Dynamics of proteins and nucleic acids," Cambridge University Press (1987).
- 4. M Levitt, Quant . Biol. 47 (1983) 251.
- S W Englander, N R Kallenbach, A J Heeger and J A Krumhansl, A. Litwin, *Proc. Nat. Acad. Sci .U.S.A* 77 (1980) 7222.