

ارائه یک مدل بر اساس نظریه گروه به منظور برقراری ارتباط بین بردارهای جابه‌جایی ارتعاشی اتمها و شکل اوربیتالهای اتم مرکزی در ملکولهای $AB_n(n=2-5)$

رضا طیبی

گروه شیمی، دانشگاه تربیت معلم سبزواری

(دریافت مقاله: ۸۱/۱/۲۸ ؛ دریافت نسخه نهایی: ۸۱/۱۱/۲۰)

چکیده

در این مقاله روشی جدید برای پیش‌بینی نحوه انجام ارتعاشات کششی و خمشی نرمال در ملکولهای AB_2 ، AB_3 ، AB_4 و AB_5 به ترتیب با گروه‌های نقطه‌ای C_{2v} ، D_{2h} ، D_{3h} و D_{4h} معرفی شده است. این روش براساس برقراری ارتباط بین بردارهای جابه‌جایی ارتعاشی اتمهای متصل به اتم مرکزی و نمایشهای استاندارد اوربیتالهای d و p ، s اتم مرکزی، ارائه شده است.

واژه‌های کلیدی: گروه نقطه‌ای، حرکات ارتعاشی، جدول ماهیت

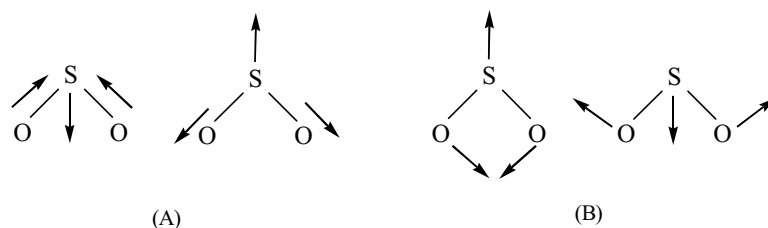
۱. مقدمه

اتفاق می‌افتد که الکترونهای پیوندی یا ناپیوندی ملکول در حالت پایه به اوربیتالهای ملکولی خالی با انرژی بالاتر انتقال یابند. در حالی که تغییر حالات ارتعاشی و خمشی ملکولها منوط به تغییر در جهات، فرکانسها و دامنه‌های حرکات اتمی در ملکول است [۴-۵]. از آنجا که بحث این مقاله پیرامون حرکات ارتعاشی و خمشی ملکولها متمرکز است، توجه شما را به دو نوع ارتعاش خاص در ملکول SO_2 که در شکل ۱ نشان داده شده‌اند، جلب می‌کنیم.

اتمها در ملکول SO_2 نسبت به مرکز جرم خود در جهتهای مشخص شده با پیکانها ارتعاش می‌کنند. در نوع (A) که اصطلاحاً ارتعاش کششی نامیده می‌شود، طول پیوند اکسیژن- گوگرد تغییر می‌کند. اما در نوع (B) حرکت عمود بر محور پیوند بوده و طول پیوند ثابت است. به این نوع حرکت ارتعاش خمشی می‌گویند.

امروزه با پیشرفت چشمگیر کامپیوتر و نرم‌افزارهای محاسباتی می‌توان در مورد خواص فیزیکی و ساختاری بسیاری از ملکولها اطلاعاتی به دست آورد و با استفاده از آنها واکنش‌پذیری و مکانیسم عمل این ملکولها را در واکنشهای شیمیایی مطالعه کرد. ساختمان، طول پیوند و زوایای پیوندی از عوامل مهمی هستند که بر ماهیت عمل یک واکنشگر شیمیایی تاثیر مستقیم دارند. بنابراین تعیین این پارامترها از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است [۱-۳].

به طور کلی صور مختلف تابشهای الکترومغناطیس قادر است از طریق میدان الکتریکی با سیستم ملکولی اثر متقابل داشته باشد و با جذب تابش، منشا انجام انتقالات الکترونی، ارتعاشی، و چرخشی شود. در اسپکتروسکوپی ملکولی، جذب تابش الکترومغناطیس در قالب سه نوع انتقال ملکولی قرار می‌گیرد، که عبارتند از انتقالات الکترونی، ارتعاشی و چرخشی. تغییر حالت الکترونی یک ملکول هنگامی



شکل ۱. ارتعاشات نرمال کششی (A) و خمشی (B) در ملکول SO_2 .

۲. نتایج و بحث

اوربیتالهای اتمی s و p_z تحت تأثیر هیچ یک از اپراتورهای تقارنی تغییر علامت نداده‌اند و بنابراین متعلق به نمایش کاهش‌ناپذیر a_1 هستند. اوربیتال p_x به ترتیب تحت تأثیر عملگرهای تقارنی $\sigma_v(yz)$ و C_2 تغییر علامت داده است و به همین دلیل متعلق به نمایش کاهش‌ناپذیر b_1 است.

اکنون پس از آشنایی با نحوه یافتن نمایشهای کاهش‌ناپذیر اوربیتالهای اتمی در یک ملکول با تقارن مشخص، می‌خواهیم نمایشهای کاهش‌ناپذیر ارتعاشات کششی و خمشی یک ملکول را به دست آوریم.

بر اساس آنچه در مقدمه عنوان شد، شیوه‌های نرمال ارتعاشی بر اساس تقارن ملکول، به شیوه‌های ارتعاشی کششی و خمشی تقسیم می‌شوند. این ارتعاشات را اصطلاحاً ارتعاشات نرمال یا مدهای نرمال ارتعاشی می‌نامند که در آنها مرکز جرم ثابت بوده و تمام اتمها به طور هم فاز و با فرکانس یکسان ارتعاش می‌کنند. برای ملکولهای غیر خطی تعداد $3N-6$ شیوه نرمال ارتعاشی وجود دارد. در این رابطه N معرف تعداد اتمها در ملکول است. در یک حالت ساده مانند ملکول SO_2 بر اساس این فرمول سه شیوه ارتعاشی پیش‌بینی می‌شود. بر اساس محاسبات جدول ۲ می‌توان نمایش کاهش‌ناپذیر دو ارتعاش کششی $(a_1 + b_2)$ و ارتعاش خمشی (a_1) را به دست آورد [۱۰-۱۱].

به منظور محاسبه $\Gamma_{translation}$ برای هر عملگر کافی است مجموع کاراکترهای بردارهای x, y, z را در جدول ماهیت C_{2v} به دست آوریم. دیگر موارد مندرج در جدول ۲ به سادگی با

نمایشهای کاهش‌ناپذیر استاندارد اوربیتالهای s, p و d و همچنین ارتعاشات کششی و خمشی نرمال ملکولها بر اساس روش مولیکن تعیین می‌شوند [۶-۹]. در این روش علائم a و b معرف نمایشهای تک بعدی هستند. در حالی که علائم e و t به ترتیب معرف نمایشهای دو بعدی و سه بعدی هستند. همچنین داریم:

۱- نمایشهای وابسته به علامت b تحت تأثیر عملگر تقارنی C_{2v} ، محور چرخشی درجه m ، تغییر علامت می‌دهند. در حالی که نمایشهای وابسته به علامت تقارنی a تحت تأثیر این عملگر بدون تغییر می‌مانند.

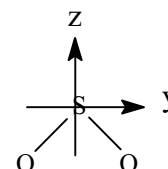
۲- برای گروههایی که شامل عنصر تقارنی i (مرکز وارونگی) هستند، اندیس g (گراد) و u (انگرا) نشان می‌دهد که نمایش مورد نظر تحت تأثیر این عملگر به ترتیب تغییر علامت نمی‌دهد یا می‌دهد.

۳- برای نمایشهای a و b اندیسهای ۱ و ۲ به ترتیب نشان می‌دهند، نمایش مورد نظر تحت تأثیر محور چرخش درجه دوم، C_2 ، عمود بر محور اصلی (یا در مواردی که محور C_2 عمود بر محور اصلی وجود ندارد، تحت تأثیر عملگر صفحه انعکاس عمودی σ_v) تغییر علامت نمی‌دهد یا می‌دهد. اندیسهای بالای $(/)$ و $(//)$ به ترتیب نشان می‌دهند که نمایش مورد نظر تحت تأثیر عملگر σ_h ، صفحه انعکاس افقی، تغییر علامت نمی‌دهد یا می‌دهد.

برای آشنایی با کاربرد روش مولیکن، جدول ۱ نمایشهای کاهش‌ناپذیر وابسته به هر یک از اوربیتالهای اتمی s و p لایه والانس اتم S را در ملکول SO_2 با گروه نقطه‌ای C_{2v} نشان می‌دهد.

جدول ۱. نمایشهای کاهش ناپذیر اوربیتالهای اتمی s و p لایه والانس اتم S در ملکول SO_2 با تقارن C_{2v}

C_{2v}	E	C_2	$\sigma_v(xz)$	$\sigma_v(yz)$	نمایش کاهش ناپذیر
s, p_z	۱	۱	۱	۱	a_1
p_x	۱	-۱	۱	-۱	b_1
p_y	۱	-۱	-۱	۱	b_2



جدول ۲. کاراکترهای نمایشهای وابسته به نمایشهای کاهش ناپذیر ارتعاشات کششی و خمشی در ملکول SO_2 با تقارن C_{2v}

نمایش کاهش ناپذیر	E	C_2	σ_{xz}	σ_{yz}
(I) $\Gamma_{translation}^*$	۱+۱+۱	۱-۱-۱	۱+۱-۱	۱-۱+۱
(II) تعداد اتمهای	۳	۱	۱	۳
جابه‌جا نشده پس از اعمال عملگر				
(III) $\Gamma_{total} = (I) \times (II)$	۹	-۱	۱	۳
(IV) (III) - (I)	۶	۰	۰	۲
(V) $\Gamma_{rotation}^*$	۳	-۱	-۱	-۱
(VI) $\Gamma_{vibration} = (IV) - (V)$	۳	۱	۱	۳
(VII) $\Gamma_{stretching} = (II) - ۱$	۲	۰	۰	$2 = a_1 + b_2$
(VIII) $\Gamma_{bending} = (VI) - (VII)$	۱	۱	۱	$1 = a_1$

$\Gamma_{rotation}$ و $\Gamma_{vibration}$ به ترتیب با جمع کردن کاراکترهای بردارهای x, y, z و Rz, Ry, Rx در جدول کاراکتر حاصل شده‌اند. این اطلاعات به طور

پراکنده از مراجع [۱۲-۱۴] جمع آوری شده‌اند.

در اینجا N_i تعداد یک نمایه کاهش ناپذیر، R یک اپراتور تقارنی خاص، h درجه گروه (مجموع تعداد عملگرها تقارنی یک گروه نقطه‌ای)، g تعداد عناصر یک کلاس، $X_i(R)$ کاراکتر نمایه کاهش ناپذیر و $X_T(R)$ کاراکتر همان عملگر خاص (R) در نمایه کاهش پذیر است. برای توصیف این فرمول، $\Gamma_{stretching}$ را در گروه نقطه‌ای C_{2v} به صورت زیر کاهش می‌دهیم.

$$N_{a_1} = \frac{1}{4} [g \times X_{a_1}(E) \times X_T(E) + g \times X_{a_1}(C_2) \times X_T(C_2) + g \times X_{a_1}(\sigma_{xz}) \times X_T(\sigma_{xz}) + g \times X_{a_1}(\sigma_{yz}) \times X_T(\sigma_{yz})] = \frac{1}{4} (1 \times 1 \times 2 + 1 \times 1 \times 0 + 1 \times 1 \times 0 + 1 \times 1 \times 2) = 1$$

دانستن $\Gamma_{translation}$ و تعیین تعداد اتمهای جابه‌جا نشده پس از اعمال هر عملگر به دست می‌آید. بر این اساس نمایه کاهش ناپذیر ارتعاشات کششی و خمشی به شرح زیر از جدول ۲ استخراج می‌شوند.

	E	C_2	σ_{xz}	σ_{yz}
$\Gamma_{stretching}$	۲	۰	۰	۲
$\Gamma_{bending}$	۱	۱	۱	۱

$\Gamma_{bending}$ خود نمایه کاهش ناپذیر بوده و در واقع متعلق به نمایه کاهش ناپذیر a_1 است. اما $\Gamma_{stretching}$ نمایه کاهش پذیر بوده و بر اساس فرمول زیر کاهیده می‌شود.

$$N_i = \frac{1}{h} \sum g X_i(R) X_T(R)$$

به همین صورت به دست می آید:

$$N_{b_1} = 0 \quad N_{b_2} = 1 \quad N_{a_1} = 0$$

بنابر این نمایه های کاهش ناپذیر حاصل از $\Gamma_{stretching}$ عبارتند از a_1 و b_2 .

در روش ارائه شده در این مقاله فرض می شود که ارتعاشات کششی و خمشی نرمال ملکولهای ساده به خوبی با نحوه پخش چگالی احتمال اوربیتالهای هیبریدی اتم مرکزی تطابق دارد. به این معنی که با در نظر گرفتن چگالی احتمال پخش زاویه ای توابع موج اوربیتالهای اتمی در صفحه xz ، yz ، و xy ، می توان تنها با یک فرض ساده حرکات پیچیده ارتعاشی و خمشی ملکولها را تخمین زد [۱۲-۱۴].

شکل ۲ ارتعاشات کششی، را توصیف می کند. این شکل نزدیک شدن اتمهای B به اتم مرکزی را با لب مثبت (تیره) بخش زاویه ای تابع موج اوربیتالها و دور شدن آنها را از اتم مرکزی با لب منفی (روشن) بخش زاویه ای تابع موج اوربیتالها مطابقت می دهد (الگو سازی ارتعاشات کششی). به همین صورت در شکل ۳ برای توصیف ارتعاشات خمشی نیز فرض می کنیم نزدیک شدن اتمهای B در داخل یا خارج از صفحه ملکول به یکدیگر معادل لب مثبت (تیره) قسمت زاویه ای تابع موج اوربیتالی و دور شدن آنها از یکدیگر، معادل لب منفی (روشن) تابع موج است (الگو سازی ارتعاشات خمشی).

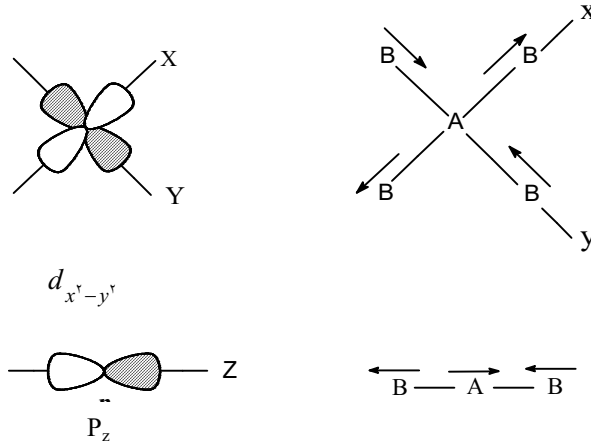
اکنون با دانستن این فرضیات سعی می کنیم با استفاده از شکل اوربیتالهای s و p اتم گوگرد در ملکول SO_2 ، چگونگی انجام شیوه های ارتعاشی آن را به دست آوریم. همان گونه که از جدول ۲ محاسبه شد، ارتعاشات کششی این ملکول متعلق به نمایشهای کاهش ناپذیر a_1 و b_2 بوده و ارتعاش خمشی آن نمایه کاهش ناپذیر a_1 دارد. نگاهی به جدول ۱ نشان می دهد اوربیتالهای اتمی s ، p_y و p_x اتم گوگرد نیز در گروه نقطه ای C_{2v} به ترتیب دارای نمایشهای کاهش ناپذیر a_1 ، b_2 و a_1 هستند. اکنون با در نظر گرفتن جدول ۱ و آنچه گفته شد، اوربیتالهای s ، p_y و p_x اتم گوگرد را در سیستم مختصات معرفی شده در جدول ۱ ترسیم کرده و بر اساس آن نحوه انجام ارتعاشات را تخمین می زنیم (شکل ۴).

اکنون برای آنکه دامنه کاربرد و قابلیت این روش بهتر مشخص شود، قصد داریم شیوه های ارتعاشی یون CO_3^{2-} با تقارن D_{3h} را به دست آوریم. براساس روش توصیف شده در مورد ملکول SO_2 ، محاسبات جدول ۳ نشان می دهد ارتعاشات کششی و خمشی پیوندهای $C-O$ به ترتیب دارای نمایشهای e'_2, a'_1 و e'_2, a'_1 هستند. همچنین براساس جدول ۴ که از جدول ماهیت گروه نقطه ای D_{3h} راجع به نمایشهای کاهش ناپذیر اوربیتالهای اتمی s و p استخراج شده اند، مشخص است که اوربیتالهای اتمی s و p_x یا p_y در اتم کربن به ترتیب دارای تقارن e'_2, a'_1 هستند. در حالی که اوربیتال اتمی p_z دارای تقارن a_1 است.

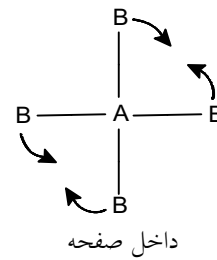
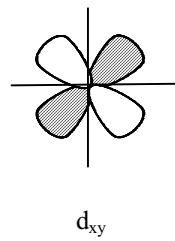
اکنون اوربیتالهای s و p لایه والانس اتم کربن را در سیستم مختصات تعریف شده رسم نموده و سپس شیوه های ارتعاشی کششی و خمشی را روی این اوربیتالها پیاده می کنیم. شکل ۵ تصویر ساده ارتعاشات کششی (۵-الف) و خمشی (۵-ب) نرمال در یون CO_3^{2-} براساس تقارن اوربیتالهای اتمی s و p را نشان می دهد.

به عنوان مثال سوم، می خواهیم شیوه انجام ارتعاشات نرمال کششی و خمشی را در ملکول XeF_4 به دست آوریم. مطابق آنچه در مثالهای قبل گفته شد، ابتدا نمایشهای کاهش پذیر ارتعاشی را بر اساس محاسبات جدول ۵ به دست می آوریم. پس از کاهش نمایشهای کاهش پذیر حاصل، نمایشهای کاهش ناپذیر ارتعاشات کششی (e_u, b_{2g}, a_{1g}) و خمشی $(e_u, b_{2g}, b_{2u}, a_{1u})$ حاصل می شوند.

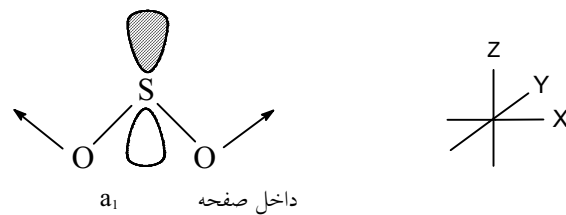
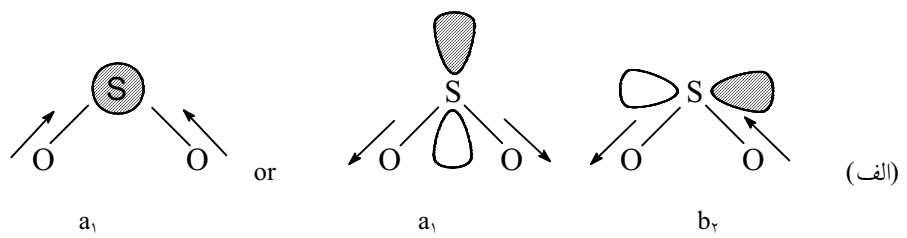
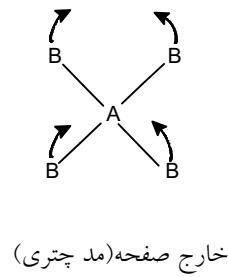
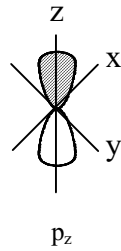
اکنون نمایشهای کاهش ناپذیر کلیه اوربیتالهای اتمی s ، p و d اتم Xe را از جدول ماهیت گروه نقطه ای D_{4h} استخراج کرده و جدول ۶ را تشکیل می دهیم. حال با در نظر گرفتن نمایشهای کاهش ناپذیر حرکات ارتعاشی و خمشی، اوربیتالهایی را که دارای نمایش کاهش ناپذیر مشابه با این ارتعاشات هستند، ترسیم می کنیم. اکنون می توان گفت اوربیتالهای اتمی d_{xy} ، $d_{x^2-y^2}$ ، s و p_y یا p_x می توانند پایه ای برای نمایش ارتعاشات کششی (شکل ۶ الف) و اوربیتالهای p_z و d_{xy} برای نمایش ارتعاشات خمشی (شکل ۳ ب) در ملکول XeF_4 به کار روند. از آنجا که هیچ یک از اوربیتالهای اتمی



شکل ۲. الگوسازی ارتعاشات کششی.



شکل ۳. الگوسازی ارتعاشات خمشی.

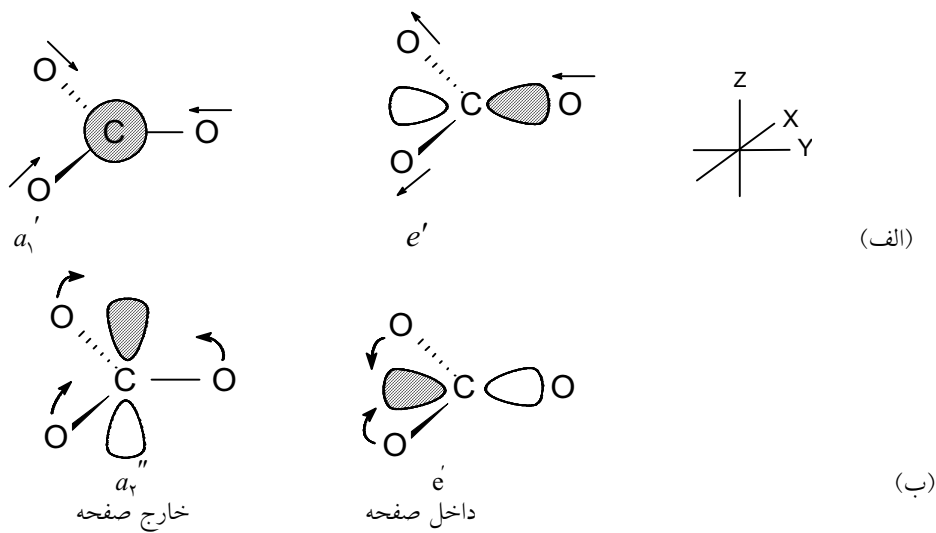


شکل ۴. ارتعاشات نرمال کششی (الف) و خمشی (ب) در ملکول SO_4 .

جدول ۳. کاراکترهای وابسته به نمایشهای کاهش ناپذیر کششی و خمشی در یون CO_3^{2-}

D_{3h}^*	E	C_2	C_2	σ_h	S_6	σ_v
(I)	۳	۰	-۱	۱	-۲	۱
(II)	۴	۱	۲	۴	۱	۲
(III)	۱۲	۰	-۲	۴	-۲	۲
(IV)	۹	۰	-۱	۳	۰	۱
(V)	۳	۰	-۱	-۱	۲	-۱
(VI)	۶	۰	۰	۴	-۲	۲
(VII)	۳	۰	۱	۳	۰	$\nu = a_1' + e'$
(VIII)	۳	۰	-۱	۱	-۲	$\nu = a_2'' + e'$

* موارد (I) تا (VIII) در جدول شماره ۲ توضیح داده شده اند.

شکل ۵. ارتعاشات کششی (الف) و خمشی (ب) نرمال در یون CO_3^{2-} .جدول ۴. نمایشهای کاهش ناپذیر اوربیتالهای اتمی s و p لایه والانس در گروه نقطه‌ای D_{3h}

D_{3h}	E	$2C_2$	$3C_2$	σ_h	$2S_6$	$3\sigma_d$	نمایش کاهش ناپذیر
s	۱	۱	۱	۱	۱	۱	a_1'
p_x, p_y	۲	-۱	۰	۲	-۱	۰	e'
p_z	۱	۱	-۱	-۱	-۱	۱	a_2''

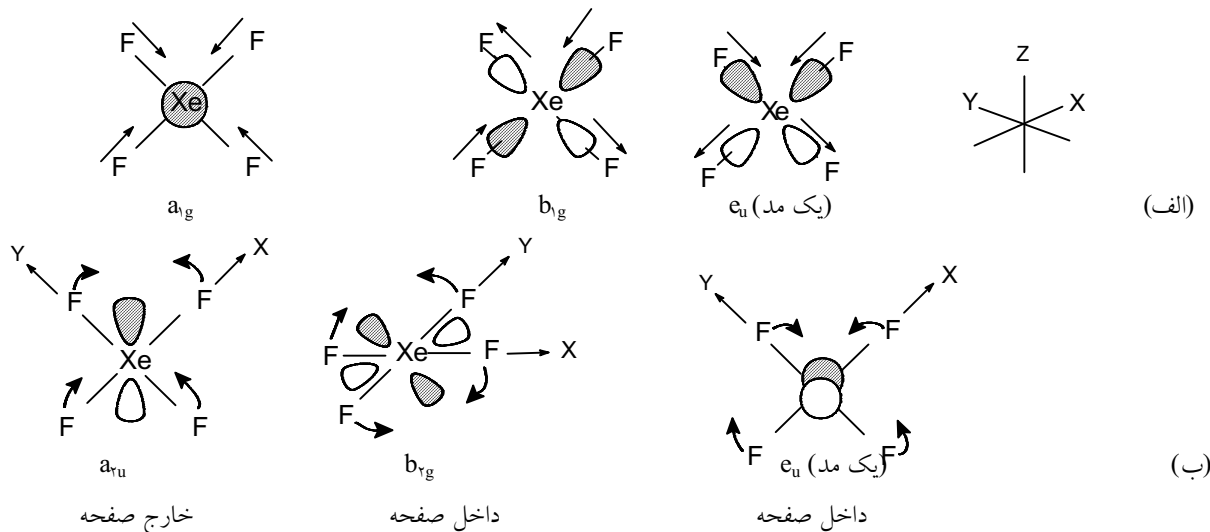
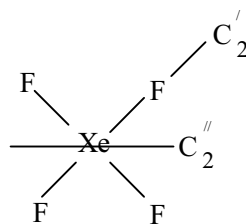
جدول ۵. کاراکترهای وابسته به نمایشهای کاهش ناپذیر ارتعاشات کششی و خمشی در ملکول XeF_4 .

D_{4h}^*	E	C_4	C_2	C_2'	C_2''	i	S_4	σ_h	σ_v	σ_d
(I)	۳	۱	-۱	-۱	-۱	-۳	-۱	۱	۱	۱
(II)	۵	۱	۱	۳	۱	۱	۱	۵	۳	۱
(III)	۱۵	۱	-۱	-۳	-۱	-۳	-۱	۵	۳	۱
(IV)	۱۲	۰	۰	-۲	۰	۰	۰	۴	۲	۰
(V)	۳	۱	-۱	-۱	۱	۳	۱	-۱	-۱	-۱
(VI)	۹	-۱	۱	-۱	۱	-۳	-۱	۵	۳	۱
(VII)	۴	۰	۰	۲	۰	۰	۰	۴	۲	$0 = a_{1g} + b_{1g} + e_u$
(VIII)	۵	-۱	۱	-۳	۱	-۳	-۱	۱	۱	$1 = a_{2u} + b_{2u} + b_{2g} + e_u$

* موارد (I) تا (VIII) در جدول شماره ۲ توضیح داده شده اند.

جدول ۶. نمایشهای کاهش ناپذیر اوربیتالهای لایه والانس s و p در گروه نقطه‌ای D_{4h} .

D_{4h}	E	γC_4	C_2	$\gamma C_2'$	$\gamma C_2''$	i	γS_4	σ_h	$\gamma \sigma_v$	$\gamma \sigma_d$	نمایش کاهش ناپذیر
s	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	a_{1g}
p_x, p_y	۲	۰	-۲	۰	۰	-۲	۰	۲	۰	۰	e_u
p_z	۱	۱	۱	-۱	-۱	-۱	-۱	-۱	۱	۱	a_{2u}
$d_{x^2-y^2}$	۱	-۱	۱	۱	-۱	۱	-۱	۱	۱	-۱	b_{1g}
d_{xy}	۱	-۱	۱	-۱	۱	۱	-۱	۱	-۱	۱	b_{2g}



شکل ۶. ارتعاشات کششی (الف) و خمشی (ب) نرمال در ملکول XeF_4 .

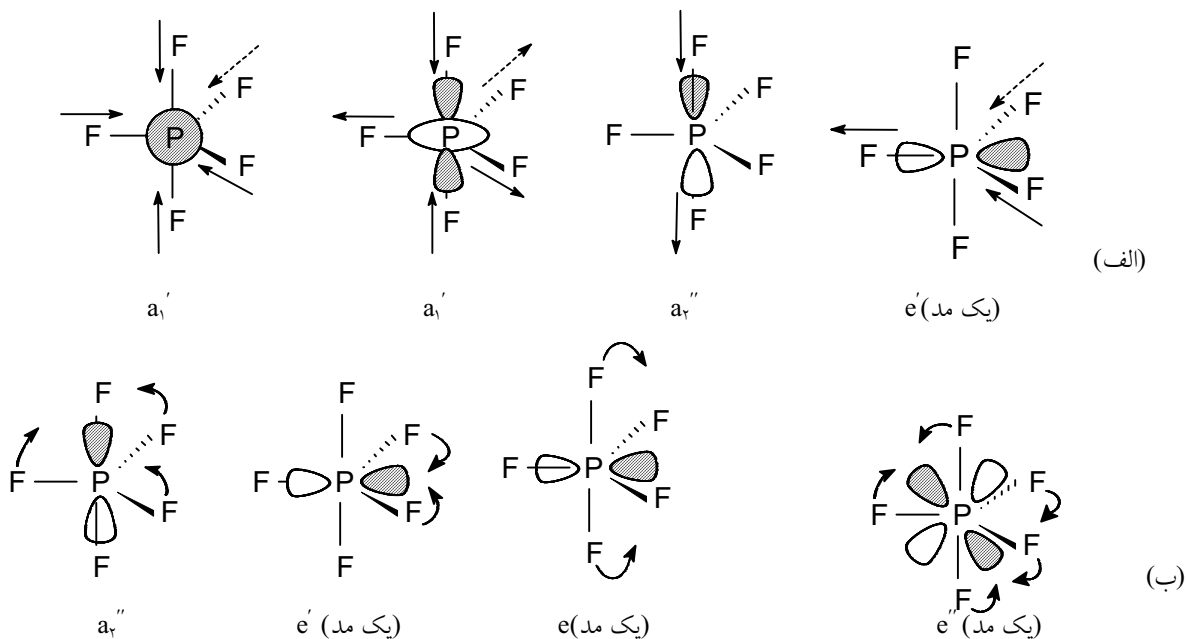
جدول ۷. کاراکترهای وابسته به نمایشهای کاهش ناپذیر ارتعاشات کششی و خمشی در ملکول PF_5 .

D_{3h}^*	E	C_2	C_2	σ_h	S_6	σ_v
(I)	۳	۰	-۱	۱	-۲	۱
(II)	۶	۳	۲	۴	۱	۴
(III)	۱۸	۰	-۲	۴	-۲	۴
(IV)	۱۵	۰	-۱	۳	۰	۳
(V)	۳	۰	-۱	-۱	۲	-۱
(VI)	۱۲	۰	۰	۴	-۲	۴
(VII)	۵	۲	۱	۳	۰	$۳ = ۲a_1' + a_2'' + e'$
(VIII)	۷	-۲	-۱	۱	-۲	$۱ = a_2'' + ۲e' + e''$

* موارد (I) تا (VIII) در جدول شماره ۲ توضیح داده شده اند.

جدول ۸. نمایشهای کاهش ناپذیر اوربیتالهای s و p لایه والانس در گروه نقطه‌ای D_{3h} .

D_{3h}	E	$2C_2$	$3C_2$	σ_h	$2S_6$	$3\sigma_d$	نمایش کاهش ناپذیر
s, d_{z^2}	۱	۱	۱	۱	۱	۱	a_1'
p_x, p_y	۲	-۱	۰	۲	-۱	۰	e'
p_z	۱	۱	-۱	-۱	-۱	۱	a_2''
d_{xz}, d_{yz}	۲	-۱	۰	-۲	۱	۰	e''



شکل ۷. ارتعاشات کششی (الف) و خمشی (ب) در ملکول PF_5 .

با گروه نقطه‌ای D_{2h} با استفاده از روش ارائه شده در این مقاله و براساس نتایج جداول ۷ و ۸ نشان می‌دهد.

p و s و d اتم مرکزی دارای نمایش کاهش ناپذیر b_{2u} نمی‌باشند، تعیین نحوه انجام این شیوه ارتعاش خمشی با استفاده از این روش مقدور نیست.

به عنوان آخرین مثال، شکل ۷ برخی از مهمترین ارتعاشات نرمال کششی (۷-الف) و خمشی (۷-ب) را در ملکول PF_5

مراجع

1. E Karel, Collect. Czech. Chem. Commun., **56** (1991) 505.
2. T R Cundari and M Russo, *J. Chem. Inf. Comput. Sci.* **41** (2001) 281.
3. H Michio and H Chisto, *Org. Mass. Spectrom.*, **25** (1990) 329.
4. R S Drago, "Physical Methods for Chemists", Saunders College Publishing Mexico (1992).
5. E B Wilson, J C Decius and P C Cross, "Molecular Vibration," Mc Graw-Hill, New York (1955).
6. G Barrow, "Introduction to Molecular Spectroscopy", Mc Graw-Hill New York (1962).
7. B E Douglas and C A Hollingsworth, "Symmetry in Bonding and Spectra, an Introduction", Academic Press. London (1985).
8. E N Ebsworth and D W H S Rankin, "Structural Methods in Inorganic Chemistry", Blackwell Scientific Publications, London (1991).
9. G Hersberg, "Molecular Spectra and Molecular Structure, Infrared and Raman Spectra" Van Nostrand, New York (1945).
10. L A Woodward, "Introduction to the Theory of Molecular Vibrations and Vibrational Spectroscopy", Oxford University Press, New York (1972).
11. F A Cotton, "Chemical Applications of Group Theory", 3rd ed., Wiley-Interscience, New York (1990).
12. B N Figgis, "Ligand Field Theory", (1964) Chapt. 1.
13. Eyring Walter and Kimbal, "Quantum Chemistry", John Wiley (1944).
14. George Mc Clure, *Prog. Inorg. Chem.*, **1**, **381** (1959).