

## محاسبه ضرایب انباشت پرتوگیری تابش‌های گاما برای چشم‌های نقطه‌ای در آب و سرب

احمد شیرانی و محمد حسن علامت‌ساز

دانشکده فیزیک، دانشگاه صنعتی اصفهان

(دریافت نسخه نهایی: ۲۸/۵/۸۰) (دریافت مقاله: ۲۲/۱۲/۷۹)

### چکیده

ضرایب انباشت پرتوگیری تابش‌های گاما با در نظر گرفتن انواع برهم‌کنش‌های فوتون با ماده، از جمله پراکندگی‌های ناهمدوس و همدوس و همچنین تابش‌های فلورسانس برای چشم‌های نقطه‌ای در آب و سرب به روش مونت کارلو محاسبه شدند. این ضرایب را که با به کارگیری آخرین سطح مقطع‌های موجود در اینترنت محاسبه شده‌اند می‌توان به عنوان ضرایب انباشت پرتوگیری اصلاح شده تلقی کرد و در محاسبات حفاظت گذاری از آنها استفاده کرد. اختلاف بین ضرایب محاسبه شده در این کار با ضرایب قبلی که با به کارگیری سطح مقطع‌های قدیمیتر و روش‌های متفاوت به دست آمده‌اند، در مواردی که برهم‌کنش‌های مشابه منظور شده‌اند، بین ۲ تا ۳۰ درصد است.

**واژه‌های کلیدی:** مونت کارلو، ضریب انباشت، تابش گاما

### ۱. مقدمه

اشعه گاما هنگام عبور از ماده به صورت نمایی کاهش می‌یابد به طوری که در شرایط خوب هندسی، یعنی در حالتی که باریکه‌ای موازی بر جذب کننده‌ای با ضخامت کم فرود آید، تضعیف پرتوهای گاما را می‌توان از معادله زیر به دست آورد:

$$(1) \quad I = I_0 e^{-\mu x}$$

در این رابطه  $I$  شدت پرتو فرودی،  $I_0$  شدت پرتو عبوری،  $x$  ضخامت جذب کننده و  $\mu$  ضریب تضعیف خطی است که به جنس ماده جذب کننده و انرژی فوتونهای فرودی بستگی دارد. اما در شرایط هندسی ضعیف، یعنی در حالتی که باریکه‌ای واگرا بر جذب کننده‌ای ضخیم فرود می‌آید، معادله (۱) ضخامت حفاظت را کمتر از مقدار لازم برآورد می‌کند، زیرا در به

دست آوردن این معادله فرض شده است که هر فوتونی که با حفاظ برهم‌کش کند از باریکه خارج خواهد شد، در حالی که در شرایط ضعیف هندسی دیگر چنین فرضی معتبر نیست و ممکن است تعداد قابل توجهی از فوتونها پس از پراکندگی‌های متعدد از جذب کننده خارج شوند. ضخامت حفاظ را در شرایط ضعیف هندسی می‌توان با تصحیح معادله (۱) از طریق استفاده از ضریب انباشت<sup>۱</sup>  $B$  برآورد کرد:

$$(2) \quad I = BI_0 e^{-\mu x}$$

ضریب انباشت که همواره بزرگتر از ۱ است، به صورت نسبت شدت پرتوهای اولیه و پراکنده در هر نقطه از باریکه به شدت

1. Buildup factor

نیست و تنها با دانستن روابط ریاضی حاکم بر انواع برهمنشاهی فوتون با محیط، می‌توان فوتونها را در محیط دنبال کرد و سرگذشت آنها را تعیین کرد. ضعف اصلی روش مونت کارلو خطای آماری اعداد به دست آمده است که با استفاده از کامپیوترهای سریع امروزی می‌توان با تولید تعداد زیادی رویداد این خطاهای را به حداقل کاهش داد.

در این طرح با نوشتن یک برنامه کامپیوتری براساس روش مونت کارلو و در نظر گرفتن انواع برهمنشاهی فوتون با ماده و به کارگیری آخرین سطح مقطعهای موجود در اینترنت، ضرایب انباست پرتوزا (نقشه‌های نقطه‌ای) واقع در محیط‌های بینهایت از جنس آب و سرب، محاسبه و ضمن مقایسه این ضرایب با نتایج حاصل از کارهای دیگران، اثر بستگی الکترونهای مقید (پراکندگی‌های ناهمدوس) و پراکندگی‌های همدوس روی ضرایب انباست مورد تحقیق و بررسی قرار گرفته است.

## ۲. برهمنش اشعه گاما با ماده و سطح مقطعها

همان گونه که در مقدمه اشاره شد، تضعیف پرتوهای گاما در ماده را می‌توان در حالت کلی از معادله (۲) به دست آورد. در این معادله  $\mu$  (ضریب تضعیف خطی) توسط رابطه زیر به سطح مقطع (۵) و اکتشاف اشعه گاما با الکترونهای ماده مربوط می‌شود:

$$\mu = \sum_i N_i \sigma_i \quad (3)$$

در معادله فوق اندیس  $\alpha$  مربوط به عناصر تشکیل دهنده ماده و  $N_i$  چگالی الکترونی عنصر  $\alpha$  در ماده است. از آنجا که تابش گاما می‌تواند به صورت‌های مختلف فوتولکتریک، پراکندگی کامپیتون، پراکندگی ریلی یا همدوس و تولید زوج با الکترونهای ماده بر هم‌کنش انجام دهد، معادله (۳) عموماً به صورت مجموعی از سطح مقطعهای مربوط به هر یک از واسطه‌های فوق الذکر نوشته می‌شود.

$$\mu = \sum_i N_i (\sigma_{pe} + \sigma_c + \sigma_R + \sigma_{pp}) \quad (4)$$

یا

$$\mu = \mu_{pe} + \mu_c + \mu_R + \mu_{pp} \quad (5)$$

ضرایب فوق که همگی تابع جنس ماده جذب‌کننده و انرژی فوتون برهمنش کننده می‌باشند، توسط پژوهشگران مختلف تعیین، گردآوری و در جدولهای فیزیکی ارائه شده‌اند. از جمله

پرتوهای اولیه در همان نقطه تعریف می‌شود [۱]. ضریب انباست را با توجه به نوع پاسخ دستگاه آشکارساز پرتوهای گاما می‌توان در مورد شار تابشی، پرتوزگری تابشی و دز تابشی تعریف کرد. این ضرایب علاوه بر نوع پاسخ آشکارساز به شکل چشمی پرتوزا (نقشه‌ای یا صفحه‌ای بودن)، به اندازه محیط چشمی کننده (بینهایت یا محدود بودن)، انرژی اشعه گاما، فاصله چشمی تا آشکارساز و جنس محیط جذب کننده بستگی دارند. ضرایب انباست در طراحی حفاظت لازم و مناسب برای چشممهای پرتوزا و راکتورهای هسته‌ای دارای اهمیت زیادی هستند و در محاسبات دز جذبی تابشی پرتوزا در بافت‌های مختلف بدن کاربرد گسترشده‌ای دارند. به لحاظ اهمیتی که این ضرایب دارند، کوشش‌های زیادی گیری این ضرایب برای چند ماده مهم مورد استفاده در تکنولوژی هسته‌ای، صورت گرفته است که از آن جمله می‌توان به مرجع [۲] اشاره کرد. از آنجا که تعیین مقادیر دقیق ضرایب انباست از طریق آزمایش در همه موارد کار آسانی نیست، این ضرایب را اغلب با استفاده از سطح مقطعهای مربوط به جذب و پراکندگی فوتونها محاسبه می‌کنند. گروههای مختلف تحقیقاتی با استفاده از روش‌های گوناگون محاسباتی و نوشتمن برnamه‌های کامپیوتری بزرگ ضرایب انباست را برای مواد مختلف در انرژی‌های مختلف اشعه گاما محاسبه و به صورت جدولهایی ارائه کرده‌اند که شرح مفصل این روشها و برنامه‌های کامپیوتری نوشته شده در مقاله مروری مرجع [۳] آمده است و ما در اینجا تنها به چند مورد مهم به طور مختصر اشاره می‌کنیم.

یکی از روش‌های مهم تعیین شار فوتونها در یک محیط استفاده از معادله ترابرد فوتونها و حل این معادله در محیط مورد نظر، با استفاده از سطح مقطعهای برهم‌کنش فوتونها با عناصر تشکیل دهنده آن محیط، است. معادله ترابرد را می‌توان به روش‌های مختلف حل کرد که از جمله مهمترین این روشها می‌توان به روش ممانها و روش طولهای گسسته اشاره کرد [۴]. روش ممانها اغلب برای محیط‌های بینهایت به کار می‌وردد در حالی که برای محیط‌های محدود و دارای مرزهای مشخص و منظم از روش طولهای گسسته استفاده می‌شود. در مسایلی که دارای مرزهای نامنظم هستند و مواد در آنها به طور نامنظم پخش شده‌اند می‌توان از روش شبیه سازی مونت-کارلو استفاده کرد [۴]. در روش مونت کارلو احتیاجی به حل معادله ترابرد

می‌شود و پراکندگی همدوس رخ می‌دهد. در این نوع پراکندگی انرژی فوتون پراکنده شده مساوی انرژی فوتون فروودی است و توزیع زاویه‌ای فوتونهایی که توسط اتمهای ماده‌ای با عدد اتمی Z در زوایای کوچک پراکنده می‌شوند از رابطه زیر به دست می‌آید [۱۱]:

$$\frac{d\sigma_{coh}}{d\Omega}(\alpha, Z, \theta) = \frac{r_o}{\gamma} \left( 1 + \cos^2 \theta \right) F(x, Z) \quad (8)$$

در رابطه فوق  $F(x, Z)$  عامل شکل و  $x$  پارامتر تکانه انتقال یافته به اتم است که توسط رابطه (۷) به زاویه پراکندگی و طول موج فوتون فروودی مربوط می‌شود. مقادیر  $F(x, Z)$  در  $x$ ‌های متفاوت برای عناصر مختلف محاسبه و در مرجع [۱۲] همراه با مقادیر  $S(x, Z)$  ارائه شده‌اند. مقادیر  $F(x, Z)$  در  $x$ ‌های بزرگ به صفر و در  $x$ ‌های کوچک به عدد اتمی ماده تضعیف کننده نزدیک می‌شوند. در محاسبات این مقاله از مقادیر  $S(x, Z)$  و  $F(x, Z)$  در  $Z=7$  (برای آب) و  $Z=82$  (برای سرب) استفاده شد. در صورتی که زاویه پراکندگی  $\theta$  از زاویه بحرانی:

$$\theta_c = 2 \arcsin \left( \frac{\cdot / .26 Z^{1/3}}{\alpha} \right) \quad (9)$$

بزرگتر باشد، سطح مقطع دیفرانسیلی پراکندگی همدوس از رابطه زیر پیروی می‌کند [۱۰]:

$$\frac{d\sigma_{coh}}{d\Omega}(\alpha, Z, \theta) = 8/73 \times 10^{-33} \left( \frac{Z}{\alpha} \right)^3 \times \frac{1}{2} \left( 1 + \cos^2 \theta \right) \sin^3 \frac{\theta}{2} \text{ cm}^2 \text{sr}^{-1} / \text{atom} \quad (10)$$

#### ۴. تابش‌های فلورسانس

در برهم کنش اشعه گاما با ماده وقتی جذب فوتولکتریک رخ می‌دهد، اگر انرژی فوتون فروودی بزرگتر از انرژی بستگی الکترونهای لایه K اتمهای هدف باشد، احتمال زیادی وجود دارد که یک الکtron از این لایه کنده شود. هنگامی که جای خالی این الکtron توسط الکترونهای مدارهای بالاتر پر می‌شود، تابش‌های X ثانویه که تابش‌های X فلورسانس نامیده می‌شوند به وجود می‌آیند که می‌توانند روی ضرایب انباشت تأثیر بگذارند. اثر این تابشها روی ضرایب انباشت در عناصر سنگین مانند

مهمترین این ضرایب که به طور گسترده در محاسبات حفاظت‌گذاری مورد استفاده قرار گرفته‌اند، می‌توان به مراجع [۵، ۶، ۷ و ۸] اشاره کرد. جدیدترین اطلاعات موجود در مورد این سطح مقطعها در مرجع [۹] موجود است که قابل دسترس از طریق اینترنت می‌باشد و ما در محاسبات نهایی خود از این سطح مقطعها استفاده کردی‌ایم.

#### ۳. پراکندگی‌های ناهمدوس و همدوس فوتونها

هنگامی که یک فوتون با انرژی  $E_\gamma$  به یک الکtron آزاد و ساکن برخورد می‌کند و پراکنده می‌شود (پراکندگی کامپتون) توزیع زاویه‌ای فوتونهای پراکنده شده از رابطه کلین-نیشینا پیروی می‌کند [۱۰]. در صورتی که انرژی دریافتی توسط الکtron هدف قابل مقایسه با انرژی بستگی آن در اتم باشد، لازم است رابطه کلین-نیشینا اصلاح شود. این اصلاح برای الکترونهای مقید موجود در ماده‌ای با عدد اتمی  $Z$  با ضرب کردن توزیع زاویه‌ای کلین-نیشینا در یک ضریب تصحیح به نام تابع پراکندگی ناهمدوس  $S(x, Z)$ ، صورت می‌گیرد. بنابراین توزیع زاویه‌ای فوتونهای پراکنده شده توسط الکترونهای مقید موجود در ماده‌ای با عدد اتمی  $Z$  از رابطه زیر پیروی می‌کند [۱۱]:

$$\frac{d\sigma_{inc}}{d\Omega}(\alpha, Z, \theta) = \frac{d\sigma_{KN}}{d\Omega}(\alpha, \theta) S(x, Z) \quad (11)$$

در رابطه فوق  $\alpha$  انرژی فوتون فروودی بر حسب انرژی سکون الکtron و  $x$  پارامتر مربوط به تکانه انتقال یافته به الکtron هدف است و توسط رابطه زیر به زاویه پراکندگی فوتون ( $\theta$ ) و طول موج فوتون فروودی ( $\lambda$ ) بر حسب آنگستروم مربوط می‌شود:

$$x = \frac{\sin \left( \frac{\theta}{2} \right)}{\lambda (\text{A}^\circ)} = 29/143 \alpha \sqrt{1 - \cos \theta} \quad (12)$$

مقادیر  $S(x, Z)$  برای  $x$ ‌های کوچک حدود صفرند (یعنی پراکندگی ناهمدوس رخ نمی‌دهد) و برای  $x$ ‌های بزرگ به عدد اتمی  $Z$  ماده نزدیک می‌شوند [۱۲]. به زبان دیگر، در مقادیر  $x$  بزرگ توزیع زاویه‌ای الکترونهای مقید همان شکل توزیع زاویه‌ای الکترونهای آزاد را پیدا می‌کند.

چنانچه فوتون فروودی با الکترونهای شدیداً مقید یک اتم برهم‌کنش انجام دهد، تکانه دریافتی توسط کل اتم حمل

کننده برای فوتونهای با انرژی  $E_{\gamma}$  ضریب جذب  

$$\text{انرژی} = \left( \frac{\mu_{en}}{\rho} \right)_{air},$$
 جذب انرژی هوا برای فوتونهای با انرژی  $E_i$  چگالی جرمی  

$$\text{ماه} = \left( \frac{\mu_{en}}{\rho} \right)_{air},$$
 جذب کننده و  $R$  شعاع کره است. بنابراین می‌توان با ایجاد  $N$  فوتون با انرژی مشخص  $E_{\gamma}$  و دنبال کردن آنها در محیط،  $B$  را مطابق رابطه (۱۱) برای کره‌های با شعاعهای متفاوت تعیین  
 و در هر انرژی اشعه گاما  $B$  را بر حسب شعاع کره جذب کننده  $(R)$  یا بر حسب مسیر آزاد میانگین  $(\mu R)$  تعیین کرد. همان‌گونه که در رابطه (۱۱) مشاهده می‌شود،  $B$  تابع ضریب جذب  

$$\text{جرمی} = \left( \frac{\mu}{\rho} \right)_m$$
 سطح مقطعهای مربوطه و انواع برهم‌کنشهای فوتون با ماده است. بنابراین  $B$  را می‌توان با منظور کردن سطح مقطعهای مختلف و همچنین در نظر گرفتن برهم‌کنشهای مختلف تعیین و اثر هر یک از عوامل فوق را در مقدار  $B$  مورد بررسی قرار داد.  
 در محاسبات این مقاله ضرایب انباشت پرتوگیری تابشهای گاما در گستره انرژی از  $40 \text{ keV}$  تا  $10 \text{ MeV}$  و در هر انرژی تا  $10$  مسیر آزاد میانگین محاسبه شدند که نتایج به دست آمده و بحث در مورد آنها در بخش بعد ارائه شده است. چون ضرایب انباشت غالباً برای محیطهایی با ابعاد بینهایت محاسبه می‌شوند، در اینجا ضخامت بینهایت جذب در هر انرژی  $13$  مسیر آزاد میانگین (یعنی همان گونه که مرسوم است  $3$  مسیر آزاد میانگین بیشتر از حداکثر ضخامت مورد نظر) انتخاب شد. با توجه به اینکه با افزایش تعداد رویدادها ( $N$ )، خطای آماری نتایج به دست آمده کاهش می‌یابد، در محاسبات نهایی انجام شده برای سرب  $= 10^7 \text{ N}$  و برای آب که به دلیل رخ دادن پراکنده‌گیهای بیشتر زمان کامپیوترا بیشتری لازم داشت  $= 5 \times 10^7 \text{ N}$  رویداد انتخاب شد. با این انتخابها حداکثر خطای آماری ضرایب انباشت به دست آمده که در  $\mu R = 10$  اتفاق می‌افتد کمتر از  $8$  درصد است.

## ۶. نتایج و بحث

### ۶.۱. مقایسه با ضرایب استاندارد

ضرایب انباشت پرتوگیری فوتونها با به کارگیری سطح

سرب در انرژیهای زیر  $200 \text{ keV}$  قابل ملاحظه‌اند. در سرب اگر انرژی اشعه گاما بیشتر از  $88 \text{ keV}$  باشد، در  $78/8$  درصد از مواردی که اثر فوتوالکترویک رخ می‌دهد یک الکترون از لایه  $K$  کنده می‌شود که منجر به ایجاد اشعه  $X$  فلورسانس با انرژی متوسط  $76/539 \text{ keV}$  می‌شود که به طور همسانگرد تابش می‌شود [۱۳]. در محاسبات این طرح موارد فوق در برنامه کامپیوترا ضرایب انباشت در محیط سرب منظور شده است.

### ۵. روش محاسبه ضرایب انباشت پرتوگیری

شبیه سازی تراپرداز فوتونها در ماده به روش مونت کارلو به طور مفصل در مراجع [۴] و [۱۴] مورد بحث قرار گرفته است و جزئیات یک نمونه از کاربرد آن در مرجع [۱۵] توسط نویسنده‌گان مقاله حاضر ارائه شده است. لذا در اینجا تنها به کلیات برنامه کامپیوترا نوشته شده برای محاسبه ضرایب انباشت به روش مونت کارلو اشاره می‌شود.

در برنامه نوشته شده فرض می‌شود جسم جذب کننده کره‌ای است از جنس آب یا سرب، با شعاع مشخص که یک چشمۀ گامای نقطه‌ای تکانرژی در مرکز آن قرار گرفته و سرتاسر محیط آن را یک آشکارساز اشعه گاما پوشانده است. فوتونهایی که به طور همسانگرد از این چشمۀ گسیل می‌شوند، با توجه به انواع برهم‌کنشهای فوتون با ماده و سطح مقطعهای مربوطه و روابط ریاضی حاکم بر این برهم‌کنشها (بخشهای ۲، ۳ و ۴) در محیط دنبال می‌شوند و انرژی هر فوتون که به آشکارساز می‌رسد ( $E_i$ ) و زاویه‌ای که امتداد حرکت این فوتون با خط عمود بر کره، در نقطه برخورد فوتون با کره، می‌سازد ( $\theta_i$ ) ثبت می‌شود، و در نهایت ضریب انباشت پرتوگیری برای یک کره با شعاع و جنس معین از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$B = \frac{\sum_{i=1}^{N'} E_i \left( \frac{\mu_{en}}{\rho} \right)_{air} \left( \frac{1}{\cos \theta_i} \right)}{E_{\gamma} N_m e^{-\left( \frac{\mu}{\rho} \right)_m \rho R} \left( \frac{\mu_{en}}{\rho} \right)_{air}} \quad (11)$$

در رابطه فوق  $N'$  تعداد کل فوتونهای با انرژی  $E_{\gamma}$  است که از چشمۀ گسیل شده‌اند،  $N_m$  تعداد فوتونهایی است که به آشکارساز رسیده‌اند،  $\left( \frac{\mu}{\rho} \right)_m$  ضریب جذب جرمی ماده جذب

پراکندگیهای همدوس فوتونها (که پراکندگی بدون تغییر طول موج است) نیز صرفنظر می‌شود. ضرایب پرتوگیری در صورتی درست و دارای دقت لازم خواهند بود که هر دو برهم کنش فوق در محاسبات مربوطه منظور شوند.

در این مقاله اثر هر یک از برهم کنشهای فوق به تنها یک و همچنین اثر توان آنها بر روی ضرایب انباشت پرتوگیری در آب و سرب به تفصیل مورد بررسی قرار گرفت. نتایج به دست آمده نشان داد که پراکندگیهای ناهمدوس به تنها یکی موجب کاهش ضرایب انباشت پرتوگیری می‌شوند و اثر آنها در مورد هر دو ماده تنها تا انرژیهای حدود  $200 \text{ keV}$  قابل ملاحظه است. پراکندگیهای همدوس که با  $Z^2$  ماده متناسب‌اند در هر دو ماده موجب افزایش ضرایب پرتوگیری می‌شوند و اثر آنها در مورد آب تا انرژیهای حدود  $200 \text{ keV}$  و در مورد سرب تا انرژیهای  $2000 \text{ keV}$  قابل ملاحظه است. اثر توان پراکندگیهای ناهمدوس و همدوس بر ضرایب انباشت پرتوگیری در شکلهای ۱ و ۲ به ترتیب برای آب و سرب نشان داده شده است. در مورد آب، همان طور که در شکل ۱ مشاهده می‌شود، این برهم کنشها در  $40 \text{ keV}$  بیشترین اثر را روی ضرایب انباشت دارند که این اثر با  $10 \mu\text{m}$  بزرگتر شدن  $R_\mu$  افزایش می‌یابد به طوری که در  $10 \mu\text{m}$  خطای آماری حدود ۸ درصد است) افزایش ضریب انباشت در اثر این برهم کنشها حدود ۸۸ درصد است. اثر این برهم کنشها در آب تا حدود  $200 \text{ keV}$  قابل ملاحظه و از آن به بعد بسیار ناچیز است. در مورد سرب، شکل ۲، پراکندگیهای ناهمدوس و همدوس بیشترین اثر را در  $80 \text{ keV}$  نشان می‌دهند، چون برای این ماده در انرژیهای زیر  $80 \text{ keV}$  اثر غالب اثر فتوالکتریکی است و پراکندگیها به طور کلی نقش کمتری دارند. اثر پراکندگیهای ناهمدوس و همدوس در انرژی  $80 \text{ keV}$  و  $10 \mu\text{m}$  (جایی که خطای آماری حدود ۷ درصد است) موجب تغییر ضریب انباشت تا بیش از  $200 \text{ keV}$  درصد شده است. اثر برهم کنشهای فوق بر ضرایب انباشت در سرب تا انرژیهای حدود  $2000 \text{ keV}$  قابل ملاحظه و از آن به بعد ناچیز است. علت مشهود نبودن اثر پراکندگیهای ناهمدوس و همدوس در انرژی  $0.1 \text{ MeV}$ ، تحت الشعاع قرار گرفتن این برهم کنشها توسط تابش‌های فلورسانس است که در  $0.1 \text{ MeV}$  در سرب بیشترین اثر را دارند.

مقطوعهای مرجع [۶] با استفاده از روش ممانها و بدون در نظر گرفتن پراکندگیهای همدوس، برای هوا، آب و آهن در گستره انرژی  $0.01 \text{ MeV}$  تا  $15 \text{ MeV}$  محاسبه شده‌اند [۱۶]. این ضرایب برای سرب نیز با استفاده از کد کامپیوتری "پالاس" به روش طولهای گستته [۱۷] و کد کامپیوتری "ای.جی.اس ۴" به روش مونت کارلو [۱۸]، با به کارگیری سطح مقطوعهای مرجع [۸] بدون در نظر گرفتن پراکندگیهای همدوس محاسبه شده‌اند. در تمام محاسبات فوق از انرژی بستگی الکترونها در اتمهای مربوطه صرف نظر شده و پراکندگیهای کامپیتون توسط الکترونها آزاد منظور شده‌اند.

برای بررسی عملکرد برنامه نوشته شده خود، آن را برای آب، آهن و سرب در شرایط مشابه با شرایط هر یک از محاسبات فوق اجرا کردیم که نتایج آن در جدولهای ۱، ۲ و ۳ در انرژیهای  $0.1 \text{ MeV}$  و  $10 \text{ MeV}$  در ارائه شده‌اند. در همین جدولها ضرایب مراجع [۱۶، ۱۷ و ۱۸] (که معمولاً ضرایب استاندارد نامیده می‌شوند) جهت مقایسه آورده شده‌اند. در مورد سرب ضرایب مرجع [۱۹] (موجود در مرجع ۴) نیز برای مقایسه آورده شده‌اند. همان گونه که مشاهده می‌شود سازگاری بسیار خوبی بین نتایج این مقاله و کارهای قبلی وجود دارد و اختلافهای جزئی را می‌توان به ماهیت متفاوت روش‌های مختلف مربوط دانست. تنها برای سرب در انرژی  $0.1 \text{ MeV}$  بین نتایج این کار و نتایج مراجع مختلف (و همچنین بین نتایج مراجع مختلف) تفاوت‌های قابل ملاحظه‌ای مشاهده می‌شود که این اختلافها با بزرگتر شدن  $R_\mu$  افزایش می‌یابند. نظر به اینکه تابش‌های  $x$  فلورسانس در انرژی  $0.1 \text{ MeV}$  برای سرب بیشترین تأثیر را روی ضرایب انباشت دارند، این اختلافها را می‌توان ناشی از نحوه برخورد متفاوت مراجع مختلف با این تابشها دانست. در این مقاله از روش مرجع [۱۳] برای منظور کردن این تابشها استفاده شده است.

## ۶.۲. اثر پراکندگیهای ناهمدوس و همدوس

در اغلب محاسبات مربوط به ضرایب انباشت پرتوگیری فرض می‌شود فوتونها توسط الکترونها آزاد پراکنده می‌شوند (پراکندگی کامپیتون) و از اثر بستگی الکترونها در اتمهای مربوطه صرف نظر می‌شود (وقتی اثر بستگی الکترونها منظور شود پراکندگی ناهمدوس نامیده می‌شود). به علاوه از

جدول ۱. مقایسه ضرایب انباشت پرتوگیری با ضرایب استاندارد در  $E_\gamma = 10/1 \text{ MeV}$ 

سرب				آهن		آب		mfp ( $\mu\text{R}$ )
مرجع [۱۹]	مرجع [۱۸]	مرجع [۱۷]	مرجع [۱۶] این کار <sup>**</sup>	مرجع [۱۶]	این کار <sup>*</sup>	مرجع [۱۶]	این کار <sup>*</sup>	
۲/۳۵	۲/۱۷	۲/۰۴	۲/۱۴	۱/۴۰	۱/۳۷	۴/۵۲	۴/۳۵	۱
۳/۶۸	۳/۵۳	۳/۳۹	۳/۴۱	۱/۶۱	۱/۵۷	۱۱/۷	۱۱/۴۷	۲
۵/۹۶	۵/۵۷	۵/۶۰	۵/۲۸	۱/۷۸	۱/۷۴	۲۳/۵	۲۳/۲۳	۳
۹/۸۴	۸/۹۹	۹/۵۹	۸/۲۱	۱/۹۴	۱/۸۶	۴۰/۶	۴۰/۴۶	۴
۱۶/۲	۱۴/۸	۱۷/۰	۱۳/۰۰	۲/۰۷	۱/۹۸	۶۴/۰	۶۳/۹۹	۵
۲۴/۴	۲۵/۰	۳۰/۶	۲۰/۹۴	۲/۲۰	۲/۰۹	۹۴/۸	۹۵/۰۸	۶
۴۳/۲	۴۳/۲	۵۴/۹	۳۴/۲۰	۲/۳۱	۲/۱۷	۱۳۴	۱۳۵/۰۱	۷
۷۱/۱	۷۵/۹	۹۴/۷	۵۶/۲۵	۲/۴۱	۲/۲۶	۱۸۳	۱۸۴/۵۰	۸
۱۹۸	۲۴۳	۲۹۴	۱۵۶	۲/۶۱	۲/۴۹	۳۱۴	۳۱۴	۱۰

جدول ۲. مقایسه ضرایب انباشت پرتوگیری با ضرایب استاندارد در  $E_\gamma = 1 \text{ MeV}$ 

سرب				آهن		آب		mfp ( $\mu\text{R}$ )
مرجع [۱۹]	مرجع [۱۸]	مرجع [۱۷]	مرجع [۱۶] این کار <sup>**</sup>	مرجع [۱۶]	این کار <sup>*</sup>	مرجع [۱۶]	این کار <sup>*</sup>	
۱/۳۸	۱/۳۸	۱/۳۱	۱/۳۷	۱/۸۵	۱/۸۵	۲/۰۸	۲/۰۶	۱
۱/۶۶	۱/۹۷	۱/۶۱	۱/۶۶	۲/۸۵	۲/۸۸	۳/۶۲	۳/۵۸	۲
۱/۹۳	۱/۹۷	۱/۸۷	۱/۹۳	۴/۰۰	۴/۰۹	۵/۵۰	۵/۴۶	۳
۲/۱۸	۲/۲۳	۲/۱۰	۲/۱۶	۰/۳۰	۰/۴۷	۷/۶۸	۷/۶۳	۴
۲/۴۲	۲/۴۹	۲/۳۲	۲/۴۰	۷/۷۴	۷/۰۲	۱۰/۱	۱۰/۰۴	۵
۲/۶۵	۲/۷۲	۲/۵۴	۲/۶۱	۸/۳۱	۸/۷۱	۱۲/۸	۱۲/۶۷	۶
۲/۸۶	۲/۹۵	۲/۷۵	۲/۸۲	۱۰/۰	۱۰/۵۹	۱۵/۸	۱۵/۵۶	۷
۳/۰۷	۳/۱۶	۲/۹۶	۳/۰۱	۱۱/۸	۱۲/۴۹	۱۹/۰	۱۸/۸۱	۸
۳/۴۷	۳/۶۲	۳/۳۷	۳/۳۸	۱۵/۸	۱۶/۷۸	۲۶/۱	۲۴/۸۷	۱۰

\* این نتایج با به کارگیری سطح مقطعهای NSRDS-NBS-29 [۶] به دست آمدند.

\*\* این نتایج با به کارگیری سطح مقطعهای PHOTX [۸] به دست آمدند.

این ضرایب که با در نظر گرفتن انواع برهمکنش‌های فوتون با ماده و در نظر گرفتن پراکنده‌گیهای ناهمدوس و همدوس فوتونها و همچنین منظور کردن تابش‌های فلورسانس و به کارگیری آخرین سطح مقطعهای موجود [۹] محاسبه شدند در جدولهای ۴ و ۵ به ترتیب برای آب و سرب ارائه شده‌اند. در

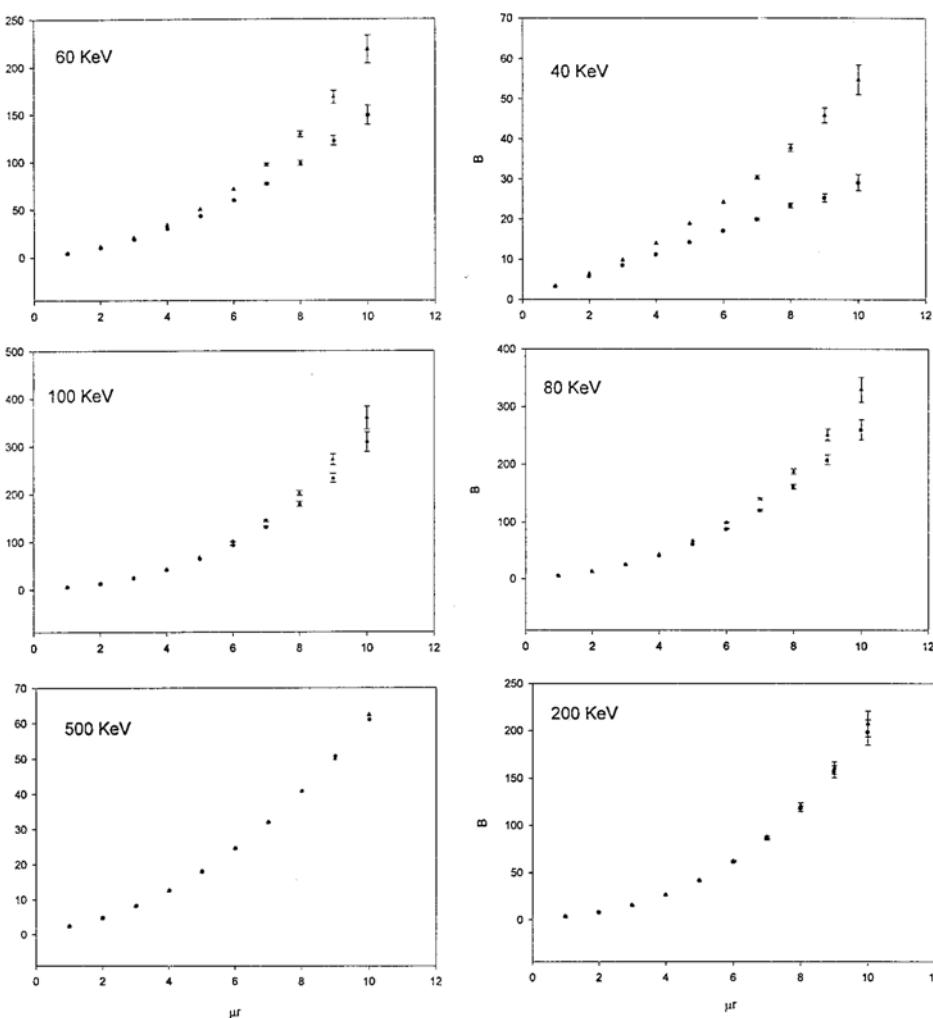
**۶. نتایج نهایی**  
ضرایب انباشت پرتوگیری برای چشمه‌های نقطه‌ای در آب (به عنوان یک ماده سبک) و در سرب (به عنوان یک ماده با  $Z$  بزرگ) در گستره انرژی از  $10 \text{ keV}$  تا  $40 \text{ MeV}$  و در هر انرژی تا  $10$  مسیر آزاد میانگین، به روش مونت-کارلو محاسبه شدند.

جدول ۳. مقایسه ضرایب انباشت پرتوگیری با ضرایب استاندارد در  $E_\gamma = 10 \text{ MeV}$ 

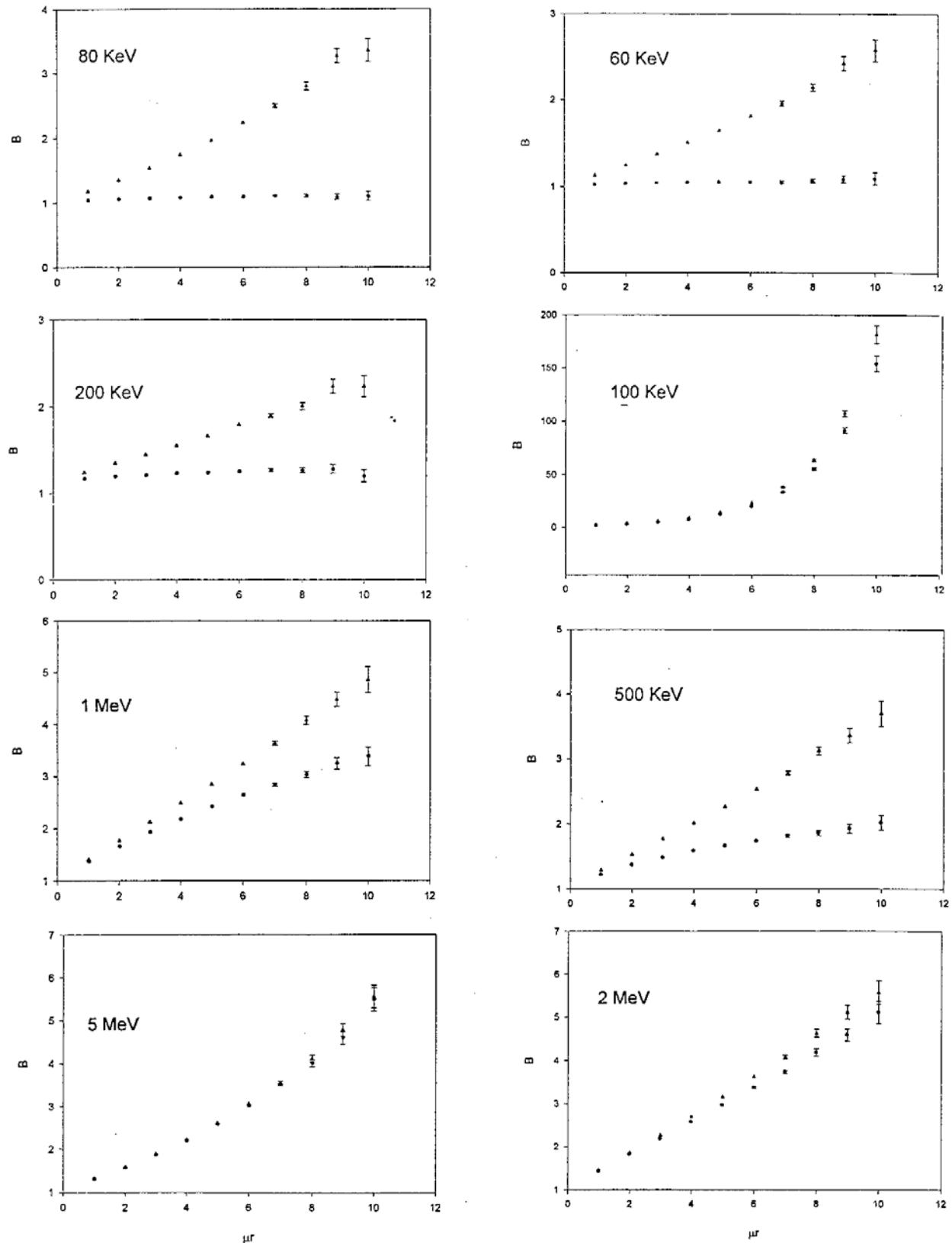
سرب			آهن		آب		Mfp ( $\mu\text{R}$ )
مرجع [۱۹]	مرجع [۱۸]	این کار <sup>**</sup>	مرجع [۱۶]	این کار <sup>*</sup>	مرجع [۱۶]	این کار <sup>*</sup>	
۱/۱۸	۱/۲۰	۱/۱۹	۱/۳۳	۱/۳۴	۱/۳۷	۱/۳۸	۱
۱/۳۱	۱/۳۳	۱/۳۳	۱/۵۹	۱/۶۱	۱/۶۸	۱/۶۹	۲
۱/۴۸	۱/۵۰	۱/۵۱	۱/۸۶	۱/۸۹	۱/۹۷	۲/۰۰	۳
۱/۶۸	۱/۷۱	۱/۷۵	۲/۱۶	۲/۲۱	۲/۲۵	۲/۲۸	۴
۱/۹۳	۱/۹۸	۲/۰۶	۲/۵۰	۲/۵۶	۲/۵۳	۲/۵۵	۵
۲/۲۴	۲/۳۲	۲/۴۹	۲/۸۷	۲/۹۲	۲/۸۰	۲/۸۵	۶
۲/۶۳	۲/۷۴	۲/۹۷	۳/۲۷	۳/۳۶	۳/۰۷	۳/۱۸	۷
۳/۱۱	۳/۲۸	۳/۷۲	۳/۷۱	۳/۷۸	۳/۳۴	۳/۴۲	۸
۴/۴۳	۴/۸۳	۵/۹۶	۴/۶۹	۴/۶۰	۳/۸۶	۴/۳۹	۱۰

\* این نتایج با به کارگیری سطح مقطعهای NSRDS-NBS-29 [۶] به دست آمده‌اند.

\*\* این نتایج با به کارگیری سطح مقطعهای PHOTX [۸] به دست آمده‌اند.



شکل ۱. ضریب انباشت پرتوگیری بر حسب تعداد مسیر آزاد میانگین برای انرژی‌های مختلف گاما در آب (● الکترون آزاد و بدون نظر گرفتن پراکندگی همدوس، ▲ الکترون مقید و با در نظر گرفتن پراکندگی همدوس).



شکل ۲. ضریب انباشت پرتوگیری بر حسب تعداد مسیر آزاد میانگین برای انرژیهای مختلف گاما در سرب (● الکترون آزاد و بدون در نظر گرفتن پراکندگی همدومن، ▲ الکترون مقید و با در نظر گرفتن پراکندگی همدومن).

جدول ۲. ضرایب انباشت برای آب

انرژی اشعه گاما (MeV)

جدول ۶. ضرایب انباشت مرجع [۲۰] در چند انرژی برای آب و سرب

انرژی اشعه گاما (MeV)						
۱۰		۱		۰/۱		μR (mfp)
سرب	آب	سرب	آب	سرب	آب	
۱/۲۱۶	۱/۴۱۶	۱/۴۳۸	۲/۱۵۴	۱/۰۹۶	۵/۰۸	۱
۱/۳۶۴	۱/۷۴۱	۱/۸۲۳	۳/۸۳۱	۱/۱۶۹	۱۳/۹۹	۲
۱/۵۳۹	۲/۰۵۰	۲/۲۰۰	۵/۹۰۵	۱/۲۵۵	۲۹/۲۲	۳
۱/۷۵۸	۲/۳۵۴	۲/۵۷۵	۸/۳۰	۱/۳۶۰	۵۲/۳۴	۴
۲/۰۳۲	۲/۶۵۲	۲/۹۵۲	۱۰/۹۹	۱/۵۰۸	۸۵/۰۹	۵
۲/۳۷۵	۲/۹۴۷	۲/۳۳۶	۱۳/۹۶	۱/۷۳۹	۱۲۹/۴	۶
۲/۸۰۶	۳/۲۳۷	۳/۷۳۰	۱۷/۲۱	۲/۱۲۸	۱۸۷/۵	۷
۳/۳۴۷	۳/۵۲۱	۴/۱۳۴	۲۰/۷۲	۲/۸۱۸	۲۶۱/۹	۸
۴/۸۹۴	۴/۰۷۸	۴/۹۷۹	۲۸/۴۹	۶/۴۱۸	۴۷۱/۰	۱۰

جدول ۷. ضرایب انباشت پرتوگیری (B) بدون در نظر گرفتن تابش‌های فلورسانس در انرژی ۰/۱ MeV برای سرب

۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱	μR (mfp)
۵/۷۹۷	۳/۷۷۲	۲/۵۶۱	۱/۹۷۵	۱/۶۴۳	۱/۴۴۲	۱/۳۰۲	۱/۲۰۶	۱/۱۲۹	۱/۰۶۵	B

### نتیجه گیری

با توجه به اینکه ضرایب انباشت پرتوگیری محاسبه شده در این مقاله با استفاده از آخرین سطح مقطعهای موجود در اینترنت به دست آمده‌اند و شامل انواع برهم‌کنش‌های فوتون با ماده می‌باشند، می‌توان آنها را ضرایب انباشت پرتوگیری اصلاح شده در نظر گرفت و در محاسبات حفاظت‌گذاری برای چشم‌های پرتوزا و راکتورهای هسته‌ای از آنها استفاده کرد.

### سپاسگزاری

این کار به عنوان بخشی از طرح تحقیقاتی IPHB771 از حوزه معاونت پژوهشی دانشگاه صنعتی اصفهان انجام شده است که به خاطر فراهم آوردن تسهیلات لازم جهت انجام این پژوهش تشکر و قدردانی می‌شود.

جدول ۶ ضرایب محاسبه شده قبلی [۲۰] که در شرایط مشابه شرایط این مقاله، لیکن به روش طولهای گسسته، بدون در نظر گرفتن تابش‌های فلورسانس و به کارگیری سطح مقطعهای قدیمیتر [۲۱]، محاسبه شده‌اند، در چند انرژی برای مقایسه آورده شده‌اند. اختلاف بین نتایج به دست آمده در این مقاله را با نتایج مرجع [۲۰] می‌توان عمدهاً به علت متفاوت بودن سطح مقطعها دانست. این اختلافها در مورد آب بین ۲ تا حداقل ۳۰ درصد و در مورد سرب عموماً کمتر از ۵ درصد هستند. اختلاف بسیار زیاد نتایج این مقاله با نتایج مرجع [۲۰] در انرژی ۰/۱ MeV برای سرب، به دلیل منظور نکردن تابش‌های فلورسانس در محاسبات مرجع [۲۰] است. جدول ۷ که در آن ضرایب انباشت پرتوگیری در ۰/۱ MeV در نظر گرفتن تابش‌های فلورسانس آورده شده‌اند، این واقعیت را نشان می‌دهد.

## مراجع

12. J H Hubbell, W J Veigle, E A Briggs, R T Brown, D T Cromer and R J Howerton, *J. Phys. Chem. Ref Data* 4 No. 3, (1975) 471.
13. S Tanaka and K Takeuchi, *Nucl. Sci. Eng.* **93**, (1986) 376.
14. C D Zerby, *Methods in Computational Physics* **1**, (1963) 89.
- ۱.۱۵ شیرانی و م ح علامت‌ساز " شبیه‌سازی جذب تابش‌های گاما در بافت‌های نرم،" گزارش طرح تحقیقاتی، دانشگاه صنعتی اصفهان، (۱۳۷۱).
16. A B Chilton, C M Eisenhauer and G L Simons, *Nucl. Sci. Eng.* **73**, (1980) 97.
17. D K Trubey, "New gamma-ray buildup factor data for point kernel calculations, ANS-6.4.3 Standard Reference Data," NUREG/CR-5740, U. S. Nuclear Regulatory Commission (1991).
18. H Hirayama, *J. Nucl. Sci. Technol.* **32**, (1995) 1201.
19. G L Simmons and C M Eisenhauer, unpublished data.
20. S Kitsos, A Assad, C M Diop, J C Nimal and P Ridoux, *Nucl. Sci. Eng.* **117**, (1994) 47.
21. D E Cullen, M H Chen, J H Hubbell, S T Perkins, E F Plechaty, J A Rathkopf and J H Scofield, "Tables and graphs of photon interaction cross sections from 10 eV to 100 GeV derived from the LLNL Evaluated Photon Data Library (EPDL)," UCRL-50400, Vol. 6, Lawrence Livermore National Laboratory (1989).
1. H Cember, "Introduction to health Physics", Pergamon press, 299 (1988).
2. U T Lin, C C Tseng and S H Jiang, *Nucl. Sci. Eng.* **122**, (1996) 121.
3. Y Harima, *Radiat. Phys. Chem.* **41**, (1993), 631.
4. A B Chilton, J K Shultz and R E Faw, "Principles of radiation shielding," Prentice-Hall, (1984), 337.
5. E Storm and H I Israel, "Photon cross sections from 0.001 to 100 MeV for elements 1 through 100," report LA-3753, Los Alamos scientific laboratory, Los Alamos, N. Mex. (1967).
6. J H Hubbell, "Photon cross sections, attenuation coefficients and energy absorption coefficients from 10 keV to 100 GeV," NSRDS-NBS-29, National Bureau of Standards (1969).
7. E Storm and H I Israel, "Photon cross sections from 1 keV to 100 MeV for elements Z=1 to Z=100," *Nucl. Data Tables* A7, (1970) 565 (also designed as radiation shielding information center tape DLC-15).
8. "Photon interaction cross section library," radiation shielding information center data package DLC-136/PHOTX, National Institute of Standards and Technology.
9. XCOM: Partial interaction coefficients and total attenuation coefficients, <http://physics.nist.gov/cgi-bin/Xcom/xcom3-3>. (Last update: July 1998).
10. P Marmier and E Sheldon, "Physics of nuclei and particles," Volume 1, Academic Press, (1971) 106.
11. J F Williamson, F C Deibel and R L Morin, *Phys. Med. Biol.* **29**, (1984) 1063.