



ساختار الکترونی و خواص رسانش الکتریکی ساختار دو بعدی آرسین

فرهاد فردوسی و اسماعیل عبدالحسینی سارسری

دانشکده فیزیک، دانشگاه صنعتی اصفهان، اصفهان

پست الکترونیکی: abdolhosseini@cc.iut.ac.ir

(دریافت مقاله: ۱۴۰۰/۰۶/۱۱؛ دریافت نسخه نهایی: ۱۴۰۰/۰۴/۰۱)

چکیده

آرسین یکی از اعضای گروه بزرگی از ساختارهای دو بعدی است که در پرتوخاک ساختار تکلایه و نانونوارهای آن را بر پایه نظریه تابعی چگالی مورد بررسی قرار داده‌ایم. در این بررسی پس از محاسبه ساختار نواری تکلایه، اثر عرض را بر ساختار نواری نانونوارها از زاویه پدیده محدود شدگی کوانتمی مورد بحث قرار داده‌ایم. نتایج اثر متفاوت پدیده محدود شدگی کوانتمی بر نقاط مختلف هر نوار در ساختار نواری را نشان می‌دهد که عامل گذار گاف غیر مستقیم به مستقیم در اثر کاهش عرض نانونوارهای آرمچیر است. همچنین خواص رسانندگی الکتریکی تکلایه آرسین از طریق محاسبه تحرک‌پذیری حامل‌های بار به دست آمده و اثر کرنش تک محوری ساختار بلوری بر آنها بررسی شده است. برای بررسی تحرک‌پذیری، از نقص‌های ساختار بلوری صرف نظر شده و تنها پراکندگی فونونی بر مبنای رابطه تاکاگی مد نظر قرار گرفته است. در این روند تمرکز بر دقت کمی مقادیر به دست آمده برای تحرک‌پذیری حامل‌های بار نبوده و ناهمسانگردی موجود بین تحرک‌پذیری در دو راستای آرمچیر و زیگراگ محوریت بحث را به خود اختصاص داده است. نتایج محاسبات حاکی از ناهمسانگردی قابل توجه تحرک‌پذیری در دو راستای آرمچیر و زیگراگ و تاثیر بسزای کرنش تک محوری ساختار بلوری بر آن است. همچنین تفاوت چشمگیری بین تحرک‌پذیری الکترون‌ها و حفره‌ها در راستای آرمچیر از جمله نتایج کلیدی قابل اشاره است.

واژه‌های کلیدی: تکلایه، نانونوار، ساختار نواری، آرسین، تحرک‌پذیری، ناهمسانگردی

موضوع باعث آغاز تحقیقات گسترده‌ای برای یافتن ساختارهای تک لایه اتمی شد که گاف انرژی ذاتی دارند. در این مسیر ساختارهای تک لایه لانه زنبوری خانواده کربن مانند سیلیسین، ژرمانین و استانین توجه زیادی را به خود جلب کردند [۳]. ساختار اتمی این مواد به دلیل ترکیب شدن^۱ اریتال‌های sp³ و sp² و به صورت خمیده^۲ است و در نتیجه گاف انرژی آنها با

۱. مقدمه

گرافین، که ساختار اتمی تک لایه مسطح و لانه زنبوری دارد، یکی از جذاب‌ترین مواد عصر حاضر است [۱ و ۲]. این ماده از تحرک‌پذیری حامل‌های بار زیاد، هدایت گرمایی و همچنین مقاومت مکانیکی بالایی برخوردار است اما با این حال به طور ذاتی فاقد گاف انرژی است، که استفاده آن در ابزارهای الکترونیکی را با محدودیت‌ها و دشواری‌هایی مواجه می‌کند. این

۱. Hybridization

۲. buckled

کرده‌اند، انواع مختلفی دارند. یکی از انواع این شبه پتانسیل‌ها که در این پژوهه از آن استفاده شده، شبه‌پتانسیل PAW است. همچنین در این تحقیق از تابعی PBE که بر اساس نوعی از تقریب شبیه تعمیم یافته (GGA) (برای محاسبه برهمنکش‌های تبادلی-همبستگی) طراحی شده است، استفاده کرده‌ایم. در ابتدای محاسبات، مقادیر پارامترهای انرژی جنبشی قطع برای توابع موج (ecut wfc)، انرژی جنبشی قطع برای چگالی بار و پتانسیل (ecut rho) و تراکم نمونه برداری از ناحیه اول بریلوئن (k-grid mesh) را بهینه کرده‌ایم. از آنجایی که انرژی چسبندگی^۴ معمول‌ترین و اولین متغیری است که از لحاظ دقت همگرایی بررسی شده و (حداقل در شروع محاسبات) معیار انتخاب پارامترهای محاسباتی قرار می‌گیرد، ما نیز به منظور همگرایی انرژی چسبندگی با دقیقی از مرتبه $10^{-5}eV$ و $400Ry$ بهینه پارامترهای ذکر شده را به ترتیب $Ry = 400$ و $ecut = 10 \times 10 \times 10 \times 10$ انتخاب کردیم (معمولًا مقدار انرژی جنبشی قطع برای چگالی بار و پتانسیل را بین ۸ تا ۱۰ برابر انرژی جنبشی قطع برای توابع موج در نظر می‌گیرند). با این حال در روند محاسبات دقت همگرایی برخی متغیرهای مورد نظر را در موارد لزوم به صورت جداگانه بررسی کرده‌ایم.

۱.۲. ساختار اتمی

آرسنیک که موضوع بررسی این پژوهش است دو ساختار اتمی کپه‌ای تشکیل شده از صفحات اتمی دارد. در دو ساختار اتمی این ماده که ساختار پاکرد و باکلد نامیده می‌شوند، بر خلاف معروف‌ترین ساختار دو بعدی یعنی گرافین، کاملاً در یک صفحه قرار نگرفته‌اند. این سه نوع ساختار در شکل ۱ نشان داده شده‌اند. در پژوهه حاضر قصد بررسی خواص ساختار پاکرد آرسنیک را داریم که تاکنون در مقایسه با ساختار باکلد کمتر به آن پرداخته شده است (در ادامه جز در مواردی که خلاف آن ذکر شود، منظور ساختار پاکرد است). از آنجایی که بسته محاسباتی کوانتم اسپرسوا محاسبات را صرفاً برای ساختارهای تکرار شونده و تناوبی انجام می‌دهد، برای شبیه سازی شرایط

اعمال میدان الکترونیکی عمودی قابل کنترل است [۴ و ۵]. هرچند که این ساختارها به کمک زیرلایه به طور موفقیت آمیز ساخته شده است [۶ و ۷]، ساخت این ساختارها به صورت آزاد چندان سهل‌الوصول نیست. از دیگر ساختارهای مورد توجه که خواص منحصر به فردی دارد فسفرین است که با توجه به خواص ویژه آن گزینه مناسبی برای استفاده در ترانزیستورهای اثر میدان است [۸]. آرسنین از لحاظ ساختار اتمی و خواص شباهت زیادی به فسفرین داشته و این یکی از دلایل مورد توجه قرار گرفتن آن است. همچنین تحقیقات صورت گرفته بر روی ساختار چروکیده^۱ این ماده نشان دهنده ناهمسانگردی در خواص رسانش گرمایی آن بوده است [۹]. همین موضوع یکی از انگیزه‌های پژوهش حاضر است. در این بررسی علاوه بر بررسی ساختار نواری تک لایه و نانونوارهای آرسنین، برخی خواص این ماده در دو جهت اصلی را محاسبه کرده و ناهمسانگردی‌های موجود را مورد بررسی قرار داده‌ایم. در ابتدا خواص مکانیکی مانند ضربه الاستیک دو بعدی و پتانسیل تغییر شکل را در دو راستا محاسبه کرده و در نهایت به کمک مقادیر به دست آمده برای جرم مؤثر الکترون و حفره، تحرك پذیری حامل‌های بار در دو راستا محاسبه شده است. در ادامه اثر کرنش ساختار در دو راستای اصلی را بر خواص ذکر شده مورد بررسی قرار داده‌ایم.

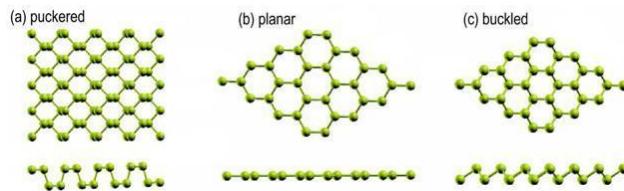
۲. نتایج

در این پژوهه برای محاسبات ابتدا به ساکن از بسته محاسباتی کوانتم اسپرسوا^۲ استفاده کرده‌ایم. این بسته محاسبات را بر اساس نظریه تابعی چگالی انجام داده اما بر خلاف بسته‌های محاسباتی تمام الکترونی، تنها به محاسبه ترازهای لایه ظرفیت می‌پردازد و پتانسیل نواحی نزدیک به هسته‌های (ناحیه هسته) اتمی را با پتانسیل‌هایی که از پیش برای هر اتم محاسبه شده‌اند جایگزین می‌کند. این پتانسیل‌ها، شبه پتانسیل^۳ نامیده می‌شوند و بر اساس روشی که برای تقریب پتانسیل ناحیه هسته استفاده

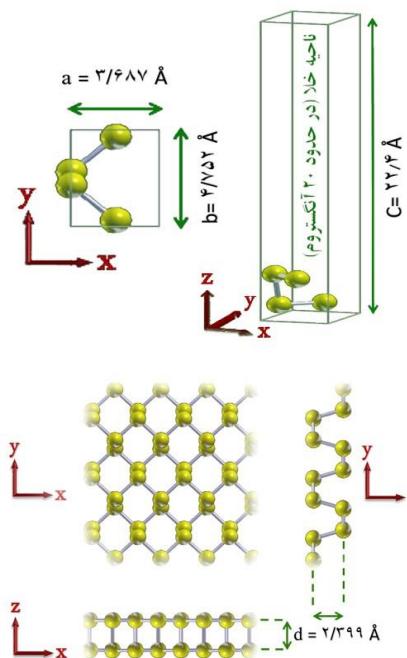
۱. puckered

۲. Pseudopotential

۳. Quantum espresso



شکل ۱. (رنگی در نسخه الکترونیکی) سه نوع ساختار بلوری باکلد، مسطح و پاکرد.



شکل ۲. (رنگی در نسخه الکترونیکی) (الف) ابریاخته ساختار تک لایه پاکرد آرسنین و (ب) تصاویر بخشی از ساختار تک لایه پاکرد آرسنین از سه نما.

تصویر مقطع افقی این ابریاخته (که شامل ۴ اتم آرسنیک است) در شکل ۲. الف نشان داده شده است.

همانطور که در شکل مشخص شده است مقادیر طول و عرض ابریاخته پس از واهلش ساختار ۴/۷۵۲ و ۳/۶۷۸ آنگستروم به دست آمده است. با تکرار این ابریاخته در جهت‌های درون صفحه‌ای (جهت‌های x و y) بلور تکلایه آرسنین ساخته می‌شود. تصاویر بخشی از این ساختار تکلایه از سه نمای x, y و z در شکل ۲. ب قابل مشاهده است.

به همین ترتیب در مورد نانونوارهای^۱ آرسنین، ابریاخته را به گونه‌ای در نظر گرفتیم که علاوه بر ناحیه تهی در راستای z دو ناحیه تهی در دو طرف نانونوار داشته باشد تا با ایجاد فاصله

۱. Nanoribbon

انزوای تکلایه از لایه‌های مجاور، ابریاخته‌ای شامل ناحیه‌ای تهی در نظر می‌گیریم به گونه‌ای که به علت فاصله به وجود آمده بین لایه‌های تکرار شونده مجاور، بتوان از برهم‌کنش بین آنها صرف نظر کرد. معمولاً در فواصل بیش از ۱۰ آنگستروم می‌توان برهم‌کنش‌های بین اتمی را ناچیز و قابل صرف نظر در نظر گرفت ولی ما در محاسبات از طرفی به جهت حصول اطمینان از کیفیت انزوای لایه‌ها و از طرف دیگر به دلیل این که در روند پژوهه به نقطه‌ای در میانه خلا، که پتانسیل آن به عنوان مرجع ثابت پتانسیل قابل اتکا باشد، نیاز داریم طول ناحیه خلا را در حدود ۲۰ آنگستروم در نظر گرفته‌ایم (با توجه به ضخامت تقریبی ۲ آنگسترومی تک لایه، اندازه ارتفاع ابریاخته را ۲۲/۴ آنگستروم انتخاب کرده‌ایم). تصویر سه بعدی به همراه

به ترتیب برای نامگذاری نانونووارهای آرمچیر و زیگزاگ آرسنین استفاده میکنیم. در این نامگذاری n تعداد ابریاخته تکلایه در عرض نانونوار و x نوع اتم خنثی کننده است.

۲. ساختار الکترونی

ساختار نواری در واقع ترازهای انرژی بلوری برای نقاط مختلف منطقه اول بربیلوئن در فضای وارون است. اما مسیرهای خاصی در فضای وارون وجود دارد که از نقاط پرتقارن منطقه اول بربیلوئن عبور میکنند و معمولاً بخش مهمی از اطلاعات ساختار نواری را در بر دارند. از این رو اغلب ساختار نواری را در طول این مسیرها محاسبه و رسم میکنند. مسیر پرتقارن ابریاخته پاکرد آرسنین، همان‌طور که در مقالات برای رسم ساختار نواری این ماده و مواد مشابه استفاده شده است، از نقاط Γ , S , X , Y و S میگذرد (شکل ۳.الف). بنابراین ساختار نواری تک لایه آرسنین را در طول این مسیر محاسبه کردیم که در شکل ۳.ب قابل رویت است.

همان‌طور که در شکل دیده می‌شود ساختار نواری آرسنین گاف نواری غیرمستقیم به اندازه 0.792 eV دارد. پایین‌ترین نقطه نوار رسانش در نقطه Γ فضای وارون و بالاترین نقطه نوار ظرفیت در نقطه‌ای از مسیر فضای وارون اتفاق می‌افتد که آن را نقطه R نامیده‌ایم. با توجه به این که ساختار نواری تنها در راستاهایی از بلور که تکرار شونده هستند قابل رسم است، در هر نانونوار تنها یک مسیر در فضای وارون برای رسم ساختار نواری وجود دارد. بنابراین ساختار نواری را برای نانونووارهای آرمچیر و زیگزاگ به ترتیب در جهت‌های y و x (جهت‌های طول هر نانونوار) محاسبه و رسم کردیم. شکل ۴ و شکل ۵ به ترتیب ساختار نواری نانونووارهای آرسنین آرمچیر و زیگزاگ خنثی شده با هیدروژن را برای عرضهای مختلف (بر حسب تعداد ابریاخته تکلایه در عرض نانونوار) نشان می‌دهد. در این تصاویر گاف نواری ساختارهای نواری با پیکان مشخص شده‌اند (رنگ آبی و قرمز پیکان‌ها به ترتیب به معنی مستقیم و غیرمستقیم بودن گاف نواری است). اندازه و نوع (از لحاظ مستقیم یا غیرمستقیم بودن) گاف نواری این

عرضی کافی بین نانونووارهای مجاور، شرایط یک نانونوار منزوى به خوبی شبیه سازی شود. نانونوارها را می‌توان بخش بریده شده‌ای از یک ساختار تک لایه دانست. با توجه به جهت برش ساختار تکلایه، دو نوع نانونوار به وجود می‌آید که بر اساس شکل لبه، نانونووارهای آرمچیر و زیگزاگ نامیده می‌شوند. باید به این نکته توجه داشت که اتم‌هایی که در لبه نوار قرار دارند برخلاف دیگر اتم‌ها، که به سه اتم آرسنیک متصل هستند، تنها با دو اتم آرسنیک پیوند دارند و این مسئله باعث می‌شود که این اتم‌ها یک پیوند آزاد داشته باشند که به پیوند آویزان^۱ معروف است. وجود پیوندهای آویزان در لبه نانونوارها باعث ناپایداری و واکنش‌پذیری بالای لبه‌ها می‌شود. برای غلبه بر این مشکل و افزایش پایداری نانونوارها، معمولاً به وسیله تکنیک‌های آزمایشگاهی متفاوتی، اتم‌هایی از دیگر عناصر را به لبه نانونوارها متصل می‌کنند. این عمل را خنثی سازی لبه‌ها^۲ و اتم‌های متصل شونده به لبه‌ها را اتم‌های خنثی کننده^۳ می‌نامند. لازم به ذکر است که در حالت کلی اتم‌های خنثی کننده می‌توانند در مکان‌های متفاوتی نسبت به لبه نانونووارهای قرار بگیرند که منجر به تغییراتی در میزان پایداری و خواص نانونوار حاصله شود. اما با توجه به این که از طرفی هدف پروژه حاضر تمرکز بر جزیاتی از این دست در خنثی سازی نانونوارها نیست و از طرف دیگر تغییرات ناشی از محل قرار گیری اتم‌های خنثی کننده معمولاً چندان قابل توجه و اساسی نیست، معمول‌ترین و محتمل‌ترین مکان را برای قرارگیری اتم‌های خنثی کننده انتخاب کرده‌ایم. محتمل‌ترین محل قرارگیری اتم خنثی کننده در محل همان اتمی است که در ساختار تک لایه به اتم لبه متصل بوده است و جای آن در لبه نانونوار خالی است.

نانونوارها می‌توانند عرضهای متفاوتی داشته باشند و آنها را بر اساس تعداد ابریاخته تکلایه که در عرض خود دارند نامگذاری کرده‌ایم. در ادامه از اسمای n -AsxPZNR^۴ و n -AsxPANR^۵

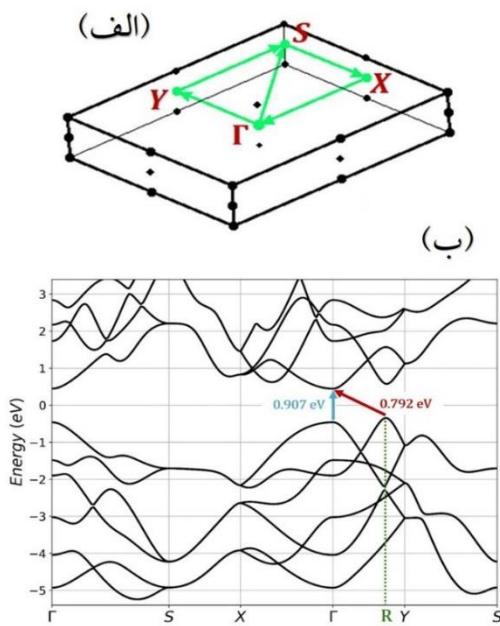
۱. Dangling bond

۲. Edge passivation

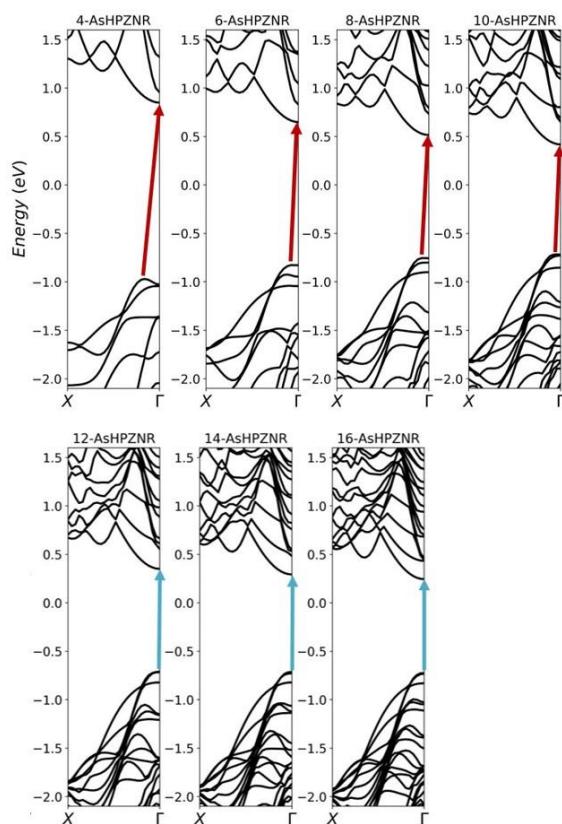
۳. Passivating atom

۴. Arsenene x Passivated Armchair NanoRibbon

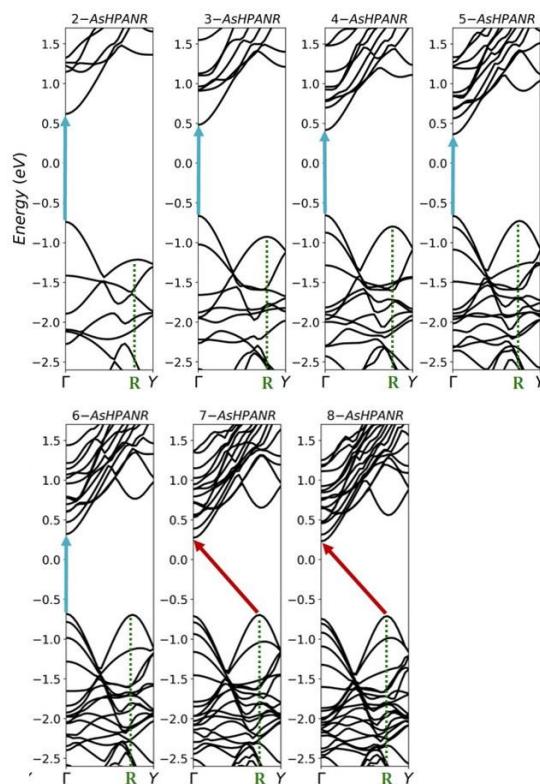
۵. Arsenene x Passivated Zigzag NanoRibbon



شکل ۳. (رنگی در نسخه الکترونیکی) (الف) مسیر انتخاب شده در منطقه اول بریلوئن فضای وارون و (ب) ساختار نواری تک لایه آرسین.



شکل ۴. (رنگی در نسخه الکترونیکی) ساختار نواری برای عرض مختلف نانونوار آرمچیر آرسین خشی شده با هیدروژن (در جهت طول نانونوار).

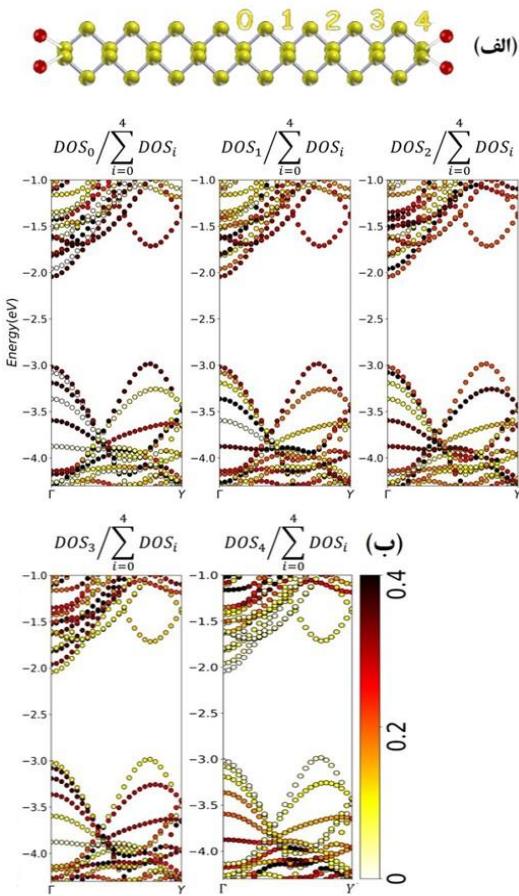


شکل ۵. (رنگی در نسخه الکترونیکی) ساختار نواری برای عرض مختلف نانونوار زیگراگ آرسینین خشی شده با هیدروژن (در جهت طول نانونوار).

جدول ۱. اندازه و نوع گاف نواری نانونوارهای آرمچیر و زیگزاگ آرسینین خشی شده با هیدروژن بر حسب عرض.

نوع گاف نواری		اندازه گاف نواری		عرض نانونوار
نانونوار زیگراگ	نانونوار آرمچیر	نانونوار زیگراگ	نانونوار آرمچیر	
غیر مستقیم	مستقیم	۱/۸۱۹ eV	۱/۳۵۶ eV	۴
غیر مستقیم	مستقیم	۱/۴۷۵ eV	۱/۱۴۳ eV	۶
غیر مستقیم	مستقیم	۱/۲۷۱ eV	۱/۰۷۰ eV	۸
غیر مستقیم	مستقیم	۱/۱۳۵ eV	۱/۰۲۴ eV	۱۰
مستقیم	مستقیم	۱/۰۶۰ eV	۱/۰۰۱ eV	۱۲
مستقیم	غیر مستقیم	۱/۰۰۶ eV	۰/۹۷۱ eV	۱۴
مستقیم	غیر مستقیم	۱/۹۶۸ eV	۰/۹۴۱ eV	۱۶

افزایش می‌باید و این اتفاق با توجه به اثرات محدودیت ساختارهای نواری در جدول ۱ آورده شده است.
اندازه گاف نواری هر دو نوع نانونوار با کاهش عرض کوانتمی کاملاً قابل انتظار است. اما با توجه به شکل‌های ۴ و ۵



شکل ۶. (رنگی در نسخه الکترونیکی) (الف) مقطع افقی ابریاخته نانونوار آرمچیر عرض ۸ خنثی شده با هیدروژن، شامل نامگذاری یکی در میان ردیف‌های اتمی و (ب) نسبت چگالی حالات هر ردیف اتمی به مجموع چگالی حالات پنج ردیف نامگذاری شده (در نقاط مختلف ساختار نوواری نانونوار (الف)).

نوارهای انرژی متعدد غیر تبهگن در ساختار نوواری نانونوارها است. صحت این موضوع را می‌توان به طور کیفی با بررسی چگالی حالات وابسته به بردار موج^۱ نانونوارها تحقیق کرد.

با نگاه به شکل ۶. ب (که به عنوان مثال به یکی از نانونوارها پرداخته است) می‌توان دریافت که با وجودی که هر نوar انرژی به طور کامل به یک ردیف اتمی متعلق نیست، اما در هر نوar انرژی یک ردیف اتمی سهم بیشتری را نسبت به سایر ردیف‌ها به خود اختصاص داده است.

می‌توان دید که بالاترین نوar ظرفیت و پایین‌ترین نوar رسانش ساختار نوواری نانونوارها شباهت زیادی به بالاترین نوar ظرفیت و پایین‌ترین نوar رسانش ساختار نوواری تکلایه دارند.

می‌توان دید که ساختار نوواری نانونوارها در مقایسه با بخش هم مسیر خود در ساختار نوواری تکلایه (مسیر $X-\Gamma-Y$) دچار تغییرات دیگری نیز شده است. در مقایسه با ساختار نوواری تکلایه در ساختار نوواری نانونوارها، تعداد بیشتری نوar انرژی در بازه انرژی یکسان وجود دارد که با عربیض‌تر شدن نانونوارها تعداد آنها افزایش می‌یابد. علت این موضوع را می‌توان در وجود شرایط متفاوت برای اتم‌های قرار گرفته در هر ردیف از عرض نانونوار (با توجه به فاصله متفاوتی که از لبه دارند) جستجو کرد. در ساختار تکلایه تمام اتم‌ها شرایطی مشابه دارند که باعث تبهگن شدن نووارهای آنها می‌شود. اما در نانونوارها وجود شرایط متفاوت برای ردیف‌های مختلف اتم‌ها باعث بر هم خوردن تبهگنی نووارهای اتم‌های مربوطه می‌شود که نتیجه آن حضور

ظرفیت و پایین‌ترین نوار رسانش)، در کنار اثرات محدودیت کوانتمی، گاهی توضیح خوبی برای تغییر شکل نوارهای انرژی نیز رائمه می‌دهد. در ادامه این روش بررسی را در مورد بالاترین نوار طرفیت نانونوارهای آرمچیر به کار گرفته‌ایم.

همان‌طور که می‌دانیم جرم مؤثر نسبت داده شده به هر نقطه از ساختار نواری با مشتق دوم آن نقطه از ساختار نواری بر حسب تغییرات بردار موج در جهت مورد نظر رابطه عکس داشته و از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$m^* = \frac{\hbar}{\partial E / \partial k}, \quad (1)$$

از رابطه فوق برای به دست آوردن جرم مؤثر در جهت x به صورت $m_x^* = \frac{\hbar}{\partial E / \partial k_x}$ و برای به دست آوردن جرم مؤثر در

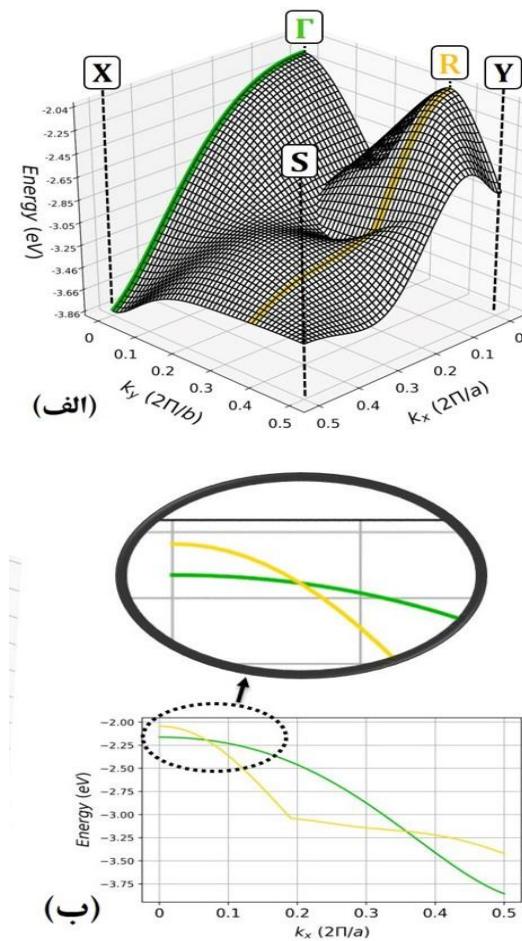
جهت y به صورت $m_y^* = \frac{\hbar}{\partial E / \partial k_y}$ استفاده خواهد شد. از

طرف دیگر می‌دانیم که جرم مؤثر اثربار در انرژی ترازهای چاه کوانتمی، جرم مؤثر محاسبه شده در جهت محدود شدگی است. در گذار ساختار لایه‌ای به ساختار نواری، عرض محدود نانونوارها عامل محصور شدگی بوده و بنابراین جهت عرض نانونوارها جهت محدود شدگی به حساب می‌آید. اما از آنجایی که ساختار نواری در جهت عرض نانونوارها (دست کم به شکل مرسوم) قابل محاسبه نیست، برای محاسبه جرم مؤثر با تقریب مرسوم باید از ساختار نواری تکلایه در مسیر و جهت معادل استفاده کرد.

این تقریب همان تقریبی مرسومی است که افزایش اندازه گاف نواری را به خوبی توضیح می‌دهد. با این حال توجه به نتایج بررسی چگالی حالات وابسته به بردار موج که نشان دهنده سهم عده اتم‌های ردیف‌های مرکزی نانونوارها (یعنی همان اتم‌هایی که شرایط نسبتاً مشابهی با اتم‌های ساختار تکلایه دارند) در نوارهای انرژی مورد بحث است، منجر به قابل اتکاتر به نظر رسیدن این تقریب (دست کم در تحلیل‌های کیفی) می‌شود. در مورد نانونوارهای آرمچیر مهم‌ترین مشخصه تغییرات بالاترین نوار ظرفیت در مورد نانونوارهای آرمچیر مهم‌ترین مشخصه‌ی تغییرات بالاترین نوار ظرفیت کاهش انرژی سریع‌تر نقطه R در مقایسه با نقطه Γ در اثر کاهش عرض نانونوار است. این موضوع منجر به مستقیم شدن گاف

نتایج به دست آمده از بررسی‌های چگالی حالات وابسته به بردار موج در توجیه این پدیده نیز می‌توانند تا حدودی مفید واقع شوند به شکلی که علت این شباهت را می‌توان به سهم نسبی بالای ردیف‌های مرکزی نانونوارها در این نوارهای انرژی مورد بحث نسبت داد. از آنجایی که ردیف‌های اتمی مرکزی نانونوارها (به علت فاصله بیشتر از لبه‌ها) شرایط شبیه‌تر به شرایط اتم‌های قرار گرفته در تکلایه را تجربه می‌کنند می‌شود انتظار داشت که نوارهای انرژی وابسته به این اتم‌ها تا حدودی به نوارهای انرژی ساختار نواری تکلایه شبیه باشند. از طرف دیگر با توجه به شکل‌های ۴ و ۵ دیده می‌شود که این شباهت با کاهش عرض نانونوارها کم‌رنگ‌تر می‌شود به گونه‌ای که تغییر شکل بالاترین نوار ظرفیت باعث گذار گاف نواری غیر مستقیم به مستقیم برای نانونوارهای آرمچیر و گذار مستقیم به غیر مستقیم برای نانونوارهای زیگزاگ در اثر کاهش عرض شده است.

هر چند که اثر گذاری عوامل متعددی در این تغییر شکل محتمل است، اما برای مثال با دقت در روند تغییرات بالاترین نوار ظرفیت نانونوار آرمچیر می‌توان حدس زد که اثر محدودیت کوانتمی عده‌ی ترین عامل مؤثر در این تغییرات باشد. در اکثر مواقع از محدود شدگی کوانتمی به عنوان عامل افزایش دهنده گاف نواری در اثر کاهش اندازه یاد می‌شود (همان‌طور که در پرروزه حاضر چنین است). اما افزایش گاف نواری تنها پیامد محدودیت کوانتمی نبوده و گاهی بررسی دقیق‌تر آن می‌تواند به درک و توضیح برخی دیگر از پدیده‌ها کمک کند. با توجه به مبانی پدیده محدودیت کوانتمی، چه در چاه کوانتمی کاملاً آرمانی (چاه پتانسیل با عمق بی‌نهایت) و چه در چاه کوانتمی اصلاح شده (چاه پتانسیل با عمق محدود) انرژی ترازهای گستره با عکس جرم مؤثر (دست کم با عکس توانی از جرم مؤثر) متناسب است. همچنین همین شکل از واپستگی انرژی ترازها به جرم مؤثر (با توجه به تاثیر جهت تغیر هر نقطه از نوار انرژی در علامت جرم مؤثر آن نقطه) به عنوان عامل بالا رفتن درجه نوار رسانش و پایین آمدن قله نوار ظرفیت در اثر کاهش اندازه ماده (و در نتیجه افزایش گاف نواری) مطرح شده است. اما مد نظر قرار دادن مقادیر جرم مؤثر در نقاط دیگر ساختار نواری (از جمله در نقاط مختلف بالاترین نوار



شکل ۷. (الف) رویه بالاترین نوار ظرفیت تک لایه آرسین در مش بنده منظمی از فضای وارون است و (ب) نمودار بالاترین نوار ظرفیت در امتداد دو مسیر سبز و زرد رنگ.

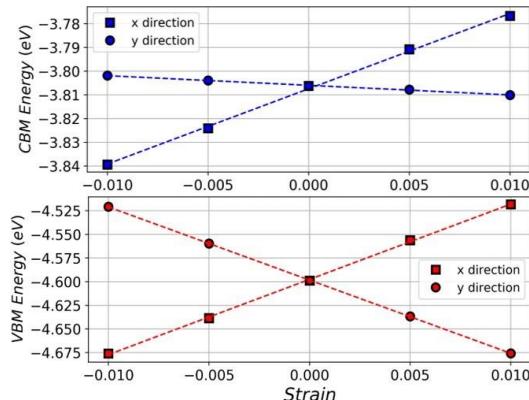
۳.۲ تحرک پذیری حامل‌های بار تک لایه آرسین

در این بخش قصد داریم تحرک پذیری حامل‌های بار تک لایه آرسین را در جهت‌های آرمچیر و زیگزاگ (جهت‌های x و y) مورد بررسی قرار دهیم. یکی از معتبرترین روش‌های محاسبه تحرک پذیری حامل‌های بار (بدون در نظر گرفتن تاثیر نقص‌های بلوری) استفاده از رابطه تاکاگی است [۱۰ و ۱۱]. این رابطه به صورت زیر است:

$$\mu_D = \frac{e\hbar^3 C_D}{k_B T m^* m_d (E_l)^2}, \quad (2)$$

در این رابطه C_D ضریب کشسانی دو بعدی، E_l پتانسیل تغییر شکل و m^* و m_d به ترتیب جرم مؤثر در جهت حرکت حامل‌های بار و جرم مؤثر میانگین هستند. تحرک پذیری حامل‌ها بسته به این که در چه انرژی قرار داشته و چه بردار

نواری در ساختار نواری نانونوارهای با عرض کمتر شده است. با توجه به شکل شماره ۷ می‌توان دید که در راستای محور x (در امتداد خطوط رنگی) نقطه R تقریباً بیشتری در مقایسه با نقطه Γ دارد. با توجه به رابطه ۱، تقریباً بیشتر نقطه R در راستای x به معنی جرم مؤثر کوچک‌تر این نقطه در این راستا است. بنابراین همان‌طور که حدس زده بودیم اثر متفاوت محصور شدنگی کوانتمی بر نقاط مختلف ساختار نواری، علت گذار گاف نواری غیر مستقیم به مستقیم در اثر کاهش عرض در نانونوارهای آرمچیر است. این روش برای تحلیل و پیش‌بینی کیفی پیامدهای کاهش عرض بر قسمت‌های دیگر ساختار نواری نانونوارهای آرمچیر و زیگزاگ نیز قابل استفاده است که در این بخش به همین مقدار بسته می‌کنیم.



شکل ۸ (رنگی در نسخه الکترونیکی) نمودار تغییرات انرژی نقاط CBM و VBM ساختار نواری تکلایه آرسنین بر حسب کرنش ساختار بلوری در دو راستای x و y.

جهت عمود بر جهت کشیدگی و فشردگی به کمک ابزار pw.x و محاسبات وی سی - رلکس^۱، واهلش شد. سپس با محاسبه ساختار نواری برای ابریاخته‌های واهلش یافته، تغییرات انرژی نقاط CBM و VBM بر حسب کرنش در دو راستا قابل محاسبه است که نتایج در شکل ۸ قابل مشاهده است.

برای هر جهت، پتانسیل‌های تغییر شکل با محاسبه شبیه بهترین خط کدرنده از نقاط مربوطه در نمودار فوق به دست می‌آید و مقادیر آن برای CBM و VBM به ترتیب برابر با ۳/۳۲ و ۷/۶۸ الکترون ولت است. دیگر پارامترهای مؤثر در حرکت پذیری حامل‌های بار، جرم مؤثر در جهت حرکت حامل‌ها m^* و جرم مؤثر میانگین m_d هستند که مقادیر به دست آمده در جدول ۲ قابل مشاهده است.

آخرین پارامتری که برای محاسبه حرکت پذیری مورد نیاز است ضریب کشسانی دو بعدی (C_{2D}) تکلایه آرسنین در دو راستای x و y است که بر خلاف دو پارامتر قبلی به نقطه مورد بررسی در ساختار نواری وابسته نیست. روش محاسبه ضریب بر مبنای بررسی تغییرات انرژی کل ماده در اثر کشیدگی و فشردگی ساختار بلوری استوار است. با برازش دادن معادله درجه دو ضریب کشسانی دو بعدی را از رابطه زیر به دست آورده:

$$C_{2D} = \frac{2a}{S_0}, \quad (4)$$

موجی داشته باشند متفاوت است، به گونه‌ای که می‌توان به نقاط مختلف ساختار نواری حرکت پذیری متفاوتی نسبت داد. الکترون‌ها در هر نوار انرژی تمايل به قرار گرفتن در کم انرژی‌ترین حالات ممکن آن نوار را دارند. در نتیجه در نیمه رساناها الکترون‌های انتقال یافته به نوار رسانش در پایین‌ترین نقاط این نوار و حفره‌های به وجود آمده در نوار ظرفیت در بالاترین نقاط این نوار تجمع می‌یابند. بنابراین در ادامه پارامترهای این رابطه را به صورت جداگانه بررسی کرده و سپس به کمک آنها حرکت پذیری را برای بالاترین نقطه نوار ظرفیت (VBM) و پایین‌ترین نقطه نوار رسانش (CBM) محاسبه و بررسی می‌کنیم.

پتانسیل تغییر شکل E_l معیاری از وابستگی انرژی نقاط مختلف ساختار نواری به تغییر شکل ساختار بلوری است و برای هر نقطه از ساختار نواری به کمک رابطه زیر قابل محاسبه است.

$$E_l^i = \Delta V_i / (\Delta l / l_i), \quad (3)$$

در این رابطه l_i و Δl به ترتیب طول اولیه و تغییر طول یاخته واحد در راستای مورد نظر، ΔV تغییر انرژی نقطه مشخصی از ساختار نواری (نقطه i) و E_l^i پتانسیل تغییر شکل آن نقطه است. برای این منظور ابریاخته تک لایه آرسنین را یک بار در جهت x (جهت زیگزاگ در ساختار بلوری) و بار دیگر در جهت y (جهت آرمچیر در ساختار بلوری) به اندازه نیم و یک درصد کشیده و فشرده کرده و با آزاد گذاشتن پارامتر شبکه در

جدول ۲. مقادیر جرم مؤثر نقاط VBM و CBM ساختمان نواری تک لایه آرسین در دو راستای x و y.

m_d	m_y^*	m_x^*	
$+0.525 m_e$	$+0.23 m_e$	$+0.20 m_e$	CBM
$-0.18 m_e$	$-0.10 m_e$	$-0.36 m_e$	VBM

جدول ۳. مقادیر ضریب کشسانی به همراه مقادیر جرم مؤثر، پتانسیل تغییر شکل و حرکت‌پذیری نقاط VBM و CBM ساختمان نواری تک لایه آرسین در دو راستای x و y.

جهت x (جهت زیستگی)	جهت y (جهت آرمچیر)	
CBM (الکترون) $3/32 eV$	VBM (حفره) $8/22 eV$	CBM (الکترون) $-0/38 eV$
$+0.20 m_e$	$-0.18 m_e$	$+0.23 m_e$
$+0.52 m_e$	$+0.18 m_e$	$+0.52 m_e$
$45/64 N/m$	$45/64 N/m$	$10/85 N/m$
$1073 cm^2/V.s$	$1713 cm^2/V.s$	$10740.3 cm^2/V.s$
پتانسیل تغییر شکل		
حرم موثر		
حرم موثر میانگین		
ضریب کشسانی دو بعدی		
حرکت پذیری (در دمای اتاق)		

واکنش بسیار متفاوتی در مقابل کشیدگی و فشردنگی ساختمان بلوری در دو راستای مختلف از خود نشان می‌دهد که باعث تفاوت چند برابری پتانسیل تغییر شکل این نقطه در دو راستای x و y شده است. در دو نقطه مورد بررسی ساختمان نواری جرم مؤثر نیز در راستای x حدوداً ۵ برابر بزرگ‌تر از جرم مؤثر در راستای y است. برایند همه این پارامترهای ناهمسانگرد در نهایت منجر به ناهمسانگردی حرکت‌پذیری شده که مقدار این ناهمسانگردی برای نوار ظرفیت بسیار قابل توجه است. واضح است که به علت توان دو پتانسیل تغییر شکل در رابطه حرکت‌پذیری، این پارامتر نسبت به دیگر پارامترها نقش تعیین کننده‌تری در حرکت‌پذیری حامل‌های بار (چه از لحظه اندازه و چه از لحظه ناهمسانگردی) دارد.

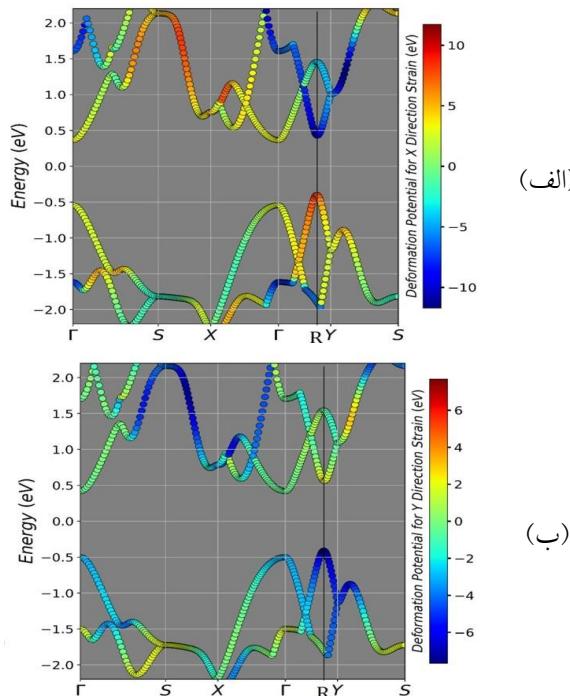
۲. اثر کرنش بر ساختمان الکترونی و حرکت‌پذیری حامل‌های بار تک لایه آرسین

اعمال کرنش یکی از روش‌های شناخته شده برای ایجاد تغییر در خواص ساختارهای دو بعدی محسوب می‌شود. با این حال

در این رابطه S مساحت سطح مقطع افقی ابریاخته تک لایه در حالت بدون کرنش است. با استفاده از این روش، در جهت y ضریب کشسانی دو بعدی تک لایه آرسین $10/85 N/m$ و در جهت x برای کرنش مثبت (کرنش کششی) $33/34 N/m$ و برای کرنش منفی (کرنش فشاری) $57/94 N/m$ به دست می‌آید.

به کمک پارامترهای محاسبه شده، حرکت‌پذیری الکترون‌ها (که به خواص CBM وابسته است) و حفره‌ها (که به خواص VBM وابسته است) برای تک لایه آرسین در دمای اتاق قابل محاسبه است. مقادیر به دست آمده برای حرکت‌پذیری و پارامترهای مؤثر در آن، که در بالا محاسبه شد، در جدول ۳ خلاصه شده است.

با نگاهی به این جدول ناهمسانگردی قابل توجهی را بین مقادیر برخی پارامترها در دو راستای x و y می‌توان دید. یکی از این ناهمسانگردی‌ها در مورد رفتار کشسانی متفاوت تک لایه آرسین در مقابل کشش و فشار در دو راستای متعامد است به گونه‌ای که نیروی لازم برای ایجاد تغییر طول مشخصی در راستای x حدوداً $4/5$ برابر نیروی لازم برای ایجاد همین تغییر طول در راستای y است. همچنین نقطه CBM در ساختمان نواری



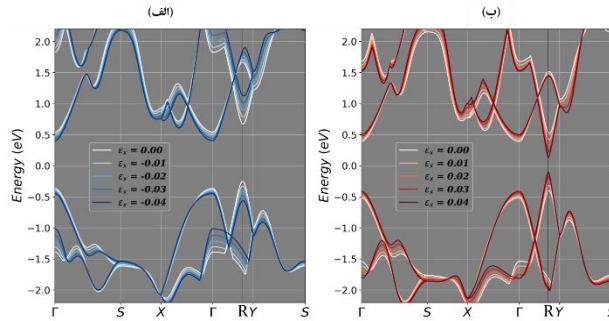
شکل ۹. (رنگی در نسخه الکترونیکی) (الف) و (ب) به ترتیب پتانسیل تغییر شکل در دو راستای x و y برای نقاط مختلف ساختار نواری تک لایه آرسنین. (مقادیر مربوط به هر رنگ در ستون رنگی کنار هر نمودار مشخص شده است).

در اثر کشیدگی ساختار بلوری افزایش و در اثر فشردگی ساختار بلوری کاهش می‌یابد و این روند در مورد نقاط با پتانسیل تغییر شکل منفی برعکس است. از این رو با نگاهی به شکل ۹ می‌توان پیش‌بینی کرد که در اثر میزان کافی کشیدگی ساختار بلوری در راستای x به علت پتانسیل تغییر شکل منفی در راستای x نوار رسانش در بردار موج R و پتانسیل تغییر شکل مثبت در راستای x در بردار موج Γ ، بردار موج کمینه این نوار (CBM) از Γ به R تغییر یابد. هرچند که پتانسیل تغییر شکل جهت y این نقاط هم علامت هستند اما به علت بزرگ‌تر بودن مقدار آن در بردار موج R ، همین اتفاق برای فشردگی ساختار بلوری در راستای y نیز محتمل است. به همین ترتیب در مورد نوار ظرفیت جایه‌جایی بردار موج بیشینه این نوار از R به Γ برای فشردگی ساختار بلوری در جهت x و کشیدگی ساختار بلوری در جهت y (هر دو به علت اختلاف در بزرگی پتانسیل تغییر شکل) قابل پیش‌بینی است. نتیجه محاسبه ساختار نواری تک لایه کرنش یافته آرسنین تحت مقادیر ۱ تا ۴ درصدی کرنش کششی و فشاری تک محوری در دو راستای x

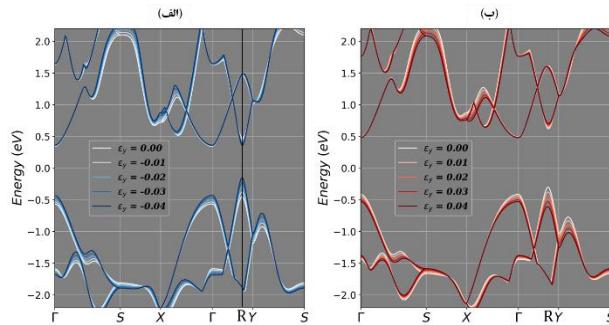
چگونگی تاثیر کرنش بر خواص همه مواد یکسان نبوده و گاهی منجر به تأثیرات بسیار منحصر به فردی در برخی از ساختارهای بلوری می‌شود.

با توجه به نتایج بخش قبل و نامحسانگردی قابل توجه مشاهده شده در مورد پارامترهای تک لایه آرسنین، پاسخ نامحسانگرد و جالب توجه خواص این ساختار به کشیدگی و فشردگی در راستاهای مختلف دور از ذهن نیست. در بخش قبل پتانسیل تغییر شکل نقاط CBM و VBM را به منظور محاسبه تحرك پذیری حامل‌های بار قرار گرفته در این نقاط مورد بررسی قرار دادیم. اما با توجه به تعریف پتانسیل تغییر شکل، این پارامتر همچنین می‌تواند دید خوبی از چگونگی واکنش ساختار نواری به کرنش ساختار بلوری به دست داده و به پیش‌بینی تغییرات آن کمک کند. بنابراین پتانسیل تغییر شکل را برای تمام نقاط نوارهای بالای نوار ظرفیت و نوارهای پایینی نوار رسانش محاسبه کردیم که نتیجه آن در شکل ۹ قابل مشاهده است.

با توجه به رابطه ۴، انرژی نقاط با پتانسیل تغییر شکل مثبت



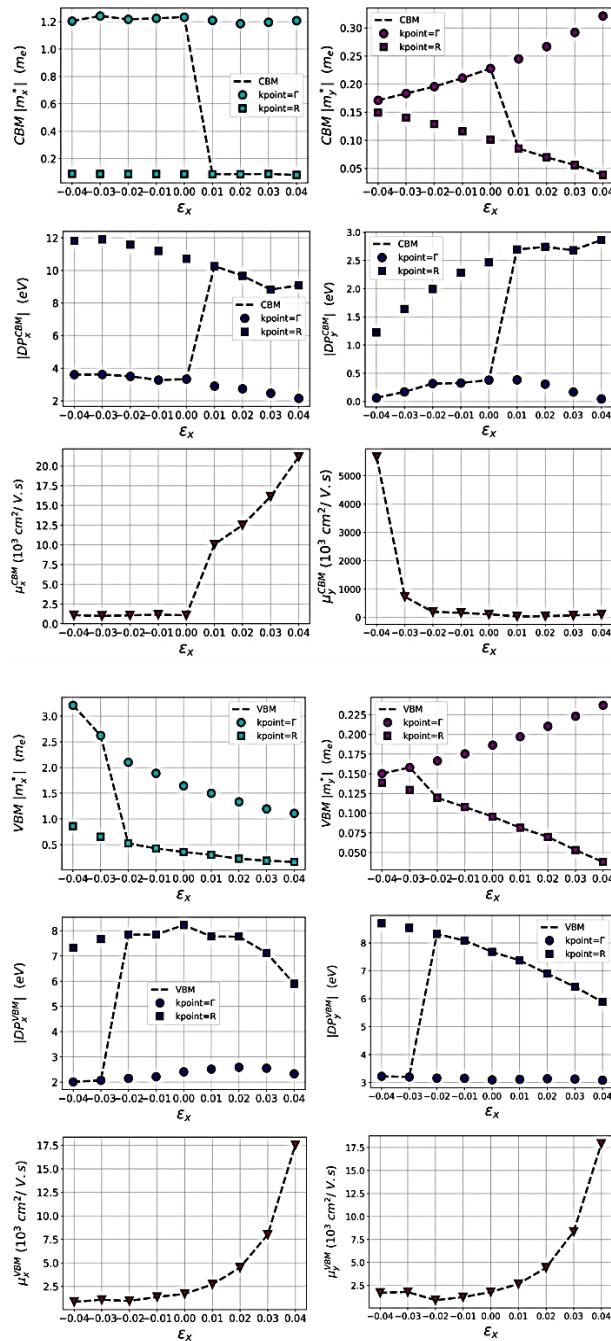
شکل ۱۰. (رنگی در نسخه الکترونیکی) (الف) ساختار نواری تک لایه آرسینین برای مقادیر منفی کرنش (فسردگی) در راستای x و (ب) ساختار نواری تک لایه آرسینین برای مقادیر مثبت کرنش (کشیدگی) در راستای x .



شکل ۱۱. (رنگی در نسخه الکترونیکی) (الف) ساختار نواری تک لایه آرسینین برای مقادیر منفی کرنش (فسردگی) در راستای y و (ب) ساختار نواری تک لایه آرسینین برای مقادیر مثبت کرنش (کشیدگی) در راستای y .

ظرفیت می‌تواند عامل تغییرات چشمگیر و ناگهانی جرم مؤثر مورد استفاده در محاسبه تحرک‌پذیری باشد. برای مشخص شدن چگونگی این تغییرات مقادیر جرم مؤثر، پتانسیل تغییر شکل و تحرک‌پذیری را در دو راستای x و y مورد بررسی قرار داده‌ایم. در شکل‌های ۱۲ و ۱۳ مقادیر محاسبه شده این پارامترها برای کرنش -4 تا 4 درصدی قابل مشاهده است. در نمودارهای مربوط به پتانسیل تغییر شکل و جرم مؤثر مقادیر مربوط به بردار موج R و Γ (در کرنش‌های مختلف) به صورت جداگانه و به ترتیب با نشانگرهای مرربع و دایره مشخص شده‌اند. برای مقادیر مختلف کرنش، بردار موج نقاط بیشینه نوار ظرفیت و کمینه نوار رسانش (که در تحرک‌پذیری حامل‌های بار حائز اهمیت هستند) تغییر کرده و بین بردارهای موج R و Γ جایه‌جا می‌شوند. بردار موج مربوط به VBM و CBM در هر کرنش با دنبال کردن مسیر خط‌چین در نمودارها قابل تشخیص است. توجه به تغییر ناگهانی بردار موج مربوط به

و y به ترتیب در شکل‌های ۱۰ و ۱۱ به نمایش در آمده است. مطابق با انتظار، نتایج محاسبه ساختار نواری برای ساختارهای بلوری کرنش یافته تک لایه آرسینین سازگاری خوبی را با پیش‌بینی‌های متکی بر پتانسیل تغییر شکل نشان می‌دهد. بحث اخیر نکته جالب توجهی از نقطه نظر بررسی خواص تحرک‌پذیری در خود دارد. اگر علت تغییر بردار موج مربوط به کمینه نوار رسانش (یا بیشنه نوار ظرفیت) تفاوت پتانسیل تغییر شکل کمینه (یا بیشینه) جدید و سابق است، با توجه به واپسگی تحرک‌پذیری حامل‌های بار به پتانسیل تغییر شکل، همین تفاوت (احتمالاً) می‌تواند عامل تغییرات قابل توجه تحرک‌پذیری باشد. البته در بررسی تغییرات تحرک‌پذیری در اثر کرنش باید به نقش جرم مؤثر نیز دقت شود. هرچند در اثر اعمال کرنش به ساختار بلوری معمولاً جرم مؤثر نقاط مختلف ساختار نواری دچار تغییرات ملایمی می‌شوند اما در واقع، تغییر بردار موج نقاط کمینه نوار رسانش و بیشینه نوار

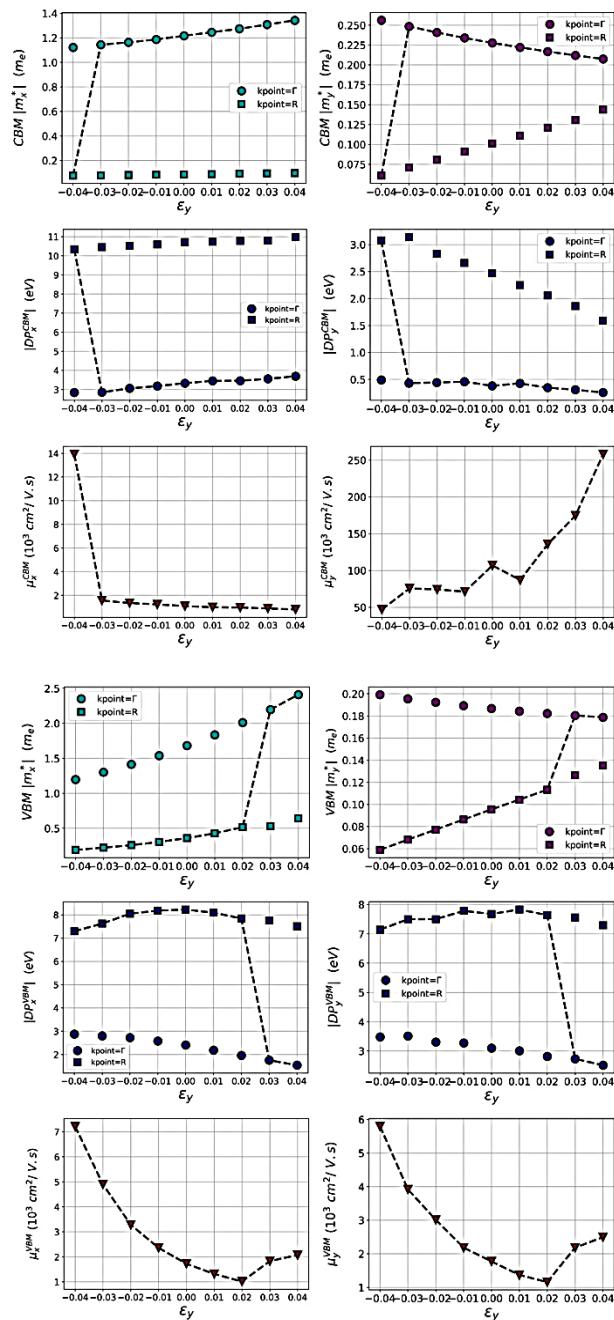


شکل ۱۲. نمودارهای مقادیر جرم مؤثر راستاهای x و y ، پتانسیل تغییر شکل راستاهای x و y و مقادیر تحرک پذیری حاملهای بار در راستاهای x و y مربوط به پایین ترین نقطه نوار رسانش (حفرهها) و بالاترین نقطه نوار ظرفیت (الکترونها) بر حسب مقادیر مختلف کرنش ساختار بلوری در راستای x .

اثر اعمال کرنش به ساختار بلوری، تحرک پذیری تغییرات زیادی را تجربه می‌کند. در مواردی مانند تغییرات μ_x^{CBM} در $(\epsilon_x = \% - ۳ \rightarrow \% - ۴)$ و $(\epsilon_x = \% ۰ \rightarrow \% ۱)$ که شاهد تغییر

VBM و CBM (انتقال از R به Γ و برعکس) برای درک دلیل تغییرات ناگهانی مقادیر جرم مؤثر، پتانسیل تغییر شکل و در نهایت تحرک پذیری سودمند است. نتایج نشان می‌دهد که در

۱. تغییر کرنش راستای x از صفر به یک درصد



شکل ۱۳. نمودارهای مقادیر جرم مؤثر راستاهای x و y، پتانسیل تغییر شکل راستاهای x و y و مقادیر تحرک پذیری حاملهای بار در راستاهای x و y مربوط به پایین ترین نقطه نوار رسانش (حفره‌ها) و بالاترین نقطه نوار ظرفیت (الکترون‌ها) بر حسب مقادیر مختلف کرنش ساختار بلوری در راستای y.

مربوط به CBM و VBM رخ نداده، تغییرات ملایم اما تأثیرگذار پتانسیل تغییر شکل و جرم مؤثر منجر به افزایش چشمگیر تحرک پذیری شده است. کاهش قابل توجه m_y^{*} برای بالاترین نوار ظرفیت و پایین ترین نوار رسانش در بردار موج R بر اثر

ناگهانی و قابل توجه تحرک پذیری هستیم، تغییر بردار موج مربوط به VBM و CBM مسئولیت اصلی را به عهده دارد. در برخی از موارد نیز مانند تغییرات μ_x^{VBM} ، μ_y^{CBM} ، μ_x^{CBM} ، μ_y^{VBM} در ($\varepsilon_x > \varepsilon_y$)، با وجودی که تغییری در بردار موج

آرسنیک لبه سهم ناچیزی دارند. این موضوع باعث می‌شود که در ساختار نواری، نوارهای نزدیک به سطح فرمی در نانونوارها و تک لایه شباهت قابل مشاهده‌ای داشته باشند. به عنوان پدیده‌ای شناخته شده، اثرات محدود شدگی کوانتمی باعث افزایش گاف نواری نانونوارها با کاهش عرض آنها می‌شود. اما بررسی دقیق‌تر نشان داد که کیفیت متفاوت اثرات محدود شدگی کوانتمی بر بخش‌های مختلف ساختار نواری منجر به گذار گاف غیر مستقیم به مستقیم در نانونوارهای آرمچیر با کاهش عرض نیز می‌شود. همچنین محاسبات تحرک‌پذیری، تحرک‌پذیری بسیار بالای کترون‌ها در پایین ترین نقطه نوار رسانش در راستای y را نشان می‌دهد که مهم‌ترین عامل آن را می‌توان مقدار بسیار کوچک پتانسیل تغییر شکل مربوطه دانست. با وجودی که تحرک‌پذیری حفره‌ها در دو راستای x و y تقریباً برابر است، ناهمسانگردی قابل توجهی در تحرک‌پذیری کترون‌ها در این دو راستا وجود دارد. از طرف دیگر تفاوت بسیار زیادی بین تحرک‌پذیری کترون‌ها و حفره‌ها در راستای y وجود دارد که شرایط خوبی را برای جداسازی مؤثر کترون و حفره در موارد لزوم فراهم می‌آورد. نتایج به دست آمده از ساختارهای کرنش یافته نشان می‌دهد که کرنش ساختار بلوری با ایجاد تغییر در انحنای نوارهای انرژی موجب تغییرات جرم مؤثر و در نتیجه تحرک‌پذیری می‌شود. از طرف دیگر جابه‌جایی‌های بردار موج مربوط به بیشینه انرژی نوار ظرفیت و کمینه انرژی نوار رسانش در اثر کرنش، تغییرات قابل توجه و ناگهانی را در تحرک‌پذیری حامل‌های بار موجب می‌شوند. از مهم‌ترین نتایج اعمال کرنش بر ساختار بلوری می‌توان به کاهش شدید ناهمسانگردی تحرک‌پذیری کترون‌ها در کرنش -4 -درصدی در راستای x و افزایش شدید این ناهمسانگردی در کرنش -4 -درصدی در راستای y اشاره کرد.

کشش ساختار بلوری در راستای x در شکل ۱۰ الف مشهود است (به تیز شدگی تدریجی نوارهای ذکر شده در بردار موج R با افزایش کشش ساختار بلوری در راستای x دقت کنید). در واقع محاسبه دقیق رسانایی الکتریکی امری بسیار پیچیده است. این در حالی است که محاسبات فوق که بر اساس رابطه تاکاگی انجام شده ساده‌های از جفت شدگی الکترون-فونون را در نظر گرفته است و بنابراین تنها تخمینی از حد بالای تحرک‌پذیری به دست می‌دهد. در شرایط واقعی عوامل خارجی بسیاری وجود دارد که باعث کاهش این مقادیر بیش از حد براورد شده می‌شود. با این وجود نتایج به دست آمده از رابطه تاکاگی از نقطه نظر مقایسه تحرک‌پذیری نسبی راستاهای مختلف به منظور بررسی ناهمسانگردی‌های موجود به اندازه کافی قابل اعتماد است [۱۲]. به جهت درک بهتر از ناهمسانگردی تحرک‌پذیری تک لایه آرسنین در دو راستای x و y و اثرات کرنش ساختار بلوری بر آن، نسبت تحرک‌پذیری در دو راستا را برای مقادیر مختلف کرنش محاسبه کردیم که نتایج در شکل ۱۴ قابل مشاهده است. نتایج، وابستگی ناهمسانگردی تحرک‌پذیری حامل‌های بار به کرنش تک محوری ساختار بلوری را نشان می‌دهد که این وابستگی برای الکترون‌ها (CBM) بسیار شدید و قابل توجه است.

۳. نتیجه گیری

محاسبات نشان می‌دهد که اگرچه ساختار تک لایه آرسنین گاف غیر مستقیم دارد، در اثر فشردگی بیش از ۲ درصدی در راستای x و کشیدگی بیش از ۳ درصدی در راستای y شاهد گذار گاف غیر مستقیم به مستقیم خواهیم بود. اتصال اتم‌های هیدروژن به لب نانونوارها به خوبی اثر لبه را خشی می‌کنند به شکلی که در نزدیکی سطح فرمی اتم‌های هیدروژن و اتم‌های

مراجع

- Cambridge (2012).
3. C Liu, H Jiang, and Y Yao, *Phys. Rev. B* **84** (2011) 195430.
4. N D Drummond, V Zolyomi, and V I Fal'ko, *Phys. Rev. B* **85** (2012) 075423.

1. H Castro Neto, F Guinea, N M R Peres, K S Novoselov, and A K Geim, *Rev. Mod. Phys.* **81** (2009) 109.
2. M I Katsnelson, “Graphene: Carbon in Two Dimensions”, Cambridge University Press,

9. M Zeraati, S M Vaez Allaei, I Abdolhosseini Sarsari, M Pourfath, and D Donadio, *Phys. Rev. B* **93**, 8 (2016) 85424.
10. S Takagi, A Toriumi, M Iwase, and H Tango, *IEEE Trans. Electron Devices*, **41**, 12 (1994) 2363.
11. J Qiao, X Kong, Z X Hu, F Yang, and W Ji, *Nat. Commun.* **5** 1 (2014) 4475.
12. R Fei and L Yang, *Nano Lett.* **14**, 5 (2014) 2884.
5. M Ezawa, *New J. Phys.* **14** (2012) 033003.
6. P Vogt, P De Padova, C Quaresima, J Avila, E Frantzeskakis, M C Asensio, A Resta, B Ealet, and G Le Lay, *Phys. Rev. Lett.* **108** (2012) 155501.
7. A Fleurence, R Friedlein, T Ozaki, H Kawai, Y Wang, and Y Yamada-Takamura, *Phys. Rev. Lett.* **108** (2012) 245501.
8. L Li, Y Yu, G J Ye, Q Ge, X Ou, H Wu, D Feng, X H Chen, and Y Zhang, *Nat. Nanotechnol.* **9** (2014) 372.